

التمرين الأول: (06.5 نقاط)

(1) حل في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة ذات المجهول z : $(z-2)(z^2-2z+4)=0$

(2) المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{u}, \vec{v})$

لتكن النقط CA ، التي لاحقاتها على الترتيب : $z_C = 1 - i\sqrt{3}$, $z_B = 1 + i\sqrt{3}$, $z_A = 2$

أ/ أكتب كل من z_A , z_B و z_C على الشكل الأسّي .

ب/ أكتب على الشكل الجبري العدد $\left(\frac{z_C}{2}\right)^{2016}$.

ج/ عين قيم العدد الطبيعي n بحيث يكون z_B^n عددا حقيقيا سالبا تماما .

(3) أ/ أكتب على الشكل الأسّي العدد $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$

ب/ استنتج طبيعة التحويل النقطي T الذي يحول B الى C و A نقطته الصامدة الوحيدة .

(4) حدد مع التعليل طبيعة الرباعي $OBAC$.

التمرين الثاني: (05 نقاط)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(o; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

النقط : $(1; 2; -1)$ $(-3; -2; 3)$ $(0; 4; -3)$ $C, H(-1; -3; -2)$

1- أ) بين أن النقط CA ليست في استقامية .

ب) بين أن $\vec{n}(2; -1; 1)$ شعاع ناظمي للمستوي (ABC) ثم استنتج المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC)

2- نعتبر المستوي (P) الذي: $x+y-z+2=0$ معادلة له ، أثبت أن المستويين (P) و (ABC)

متعامدان

3- لتكن النقطة G مرجح الجملة : $\{(A;1), (B;-1), (C;2)\}$

أ) عين إحداثيات النقطة G

ب) بين أن المستقيم (CG) عمودي على المستوي (P)

ج) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (CG)

د) تحقق أن H هي نقطة تقاطع المستقيم (CG) والمستوي (P)

هـ- لتكن (E) مجموعة النقط M من الفضاء حيث : $\|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = 12$

عين المجموعة (E) .

التمرين الثالث: (08.5 نقاط)

لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $f(x) = \frac{(x+1)e^x + x + 2}{e^x + 1}$.

نسَمي (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ؛ [وحدة الطول: 2cm].

(1) بيّن أنّ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ و أنّ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$.

(2) أثبت أنّه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{e^{2x} + e^x + 1}{(e^x + 1)^2}$.

(3) استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ، ثم شكّل جدول تغيّراتها .

(4) برهن أنّ المنحني (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث $-1.9 < \alpha < -1.8$.

(5) أ- أثبت أنّه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = x + 1 + \frac{1}{e^x + 1}$ وأنّ

$$f(x) = x + 2 - \frac{e^x}{e^x + 1}$$

ب- استنتج أنّ المنحني (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين مائلين (D) و (D') يطلب إعطاء معادلة لكلّ منهما.

ج- بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x : $f(-x) + f(x) = 3$ ، ثم فسّر النتيجة هندسيًا.

(6) أنشئ المنحني (C_f) .

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

مديرية التربية لولاية الأغواط

ثانوية الشهيد محمد بوسبي - ثانوية عمر دهيبة

الاختبار الثاني في مادة الرياضيات لسنوات الثالثة علوم تجريبية

2017/02/27



إلى



من

ملاحظة

- يحتوي الموضوع على سؤال نظري و أربع تمارين.
- كل التمارين إجبارية .
- تُمنح نُقْطَةٌ وَاحِدَةٌ عَلَى تَنْظِيمِ وَرَقَةِ الإِجَابَةِ.

السؤال النظري: (نقطة واحدة):

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس

a, b, c و d أعداد حقيقية .

(E) مجموعة النقط $M(x, y, z)$ من الفضاء معرفة كما يلي : $x^2 + y^2 + z^2 + ax + by + cz + d = 0$: (E).

$K = \frac{a^2 + b^2 + c^2}{4} - d$ عدد حقيقي حيث:

أثبت أنه إذا كان $K > 0$ فإن (E) هي سطح كرة , يُطلب تعيين إحداثيات مركزها و نصف قطرها.
التمرين الأول: (04 نقاط)

اختر الجواب أو الأجوبة الصحيحة لكل سؤال من الأسئلة التالية مع التبرير

A, B و C ثلاث نقاط متميزة من الفضاء , إذا كان $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0$ فإن:

(ABC) مستو	A, B و C تمثل رؤوس مثلث	A, B و C تنتمي إلى نفس المستقيم
------------	-----------------------------	-------------------------------------

Z عدد مركب معرّف كما يلي: $Z = (1 - i) \left(\cos\left(\frac{\pi}{9}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{9}\right) \right) \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \right)$

$\arg(Z) = \frac{\pi}{9} + 2k\pi; (k \in \mathbb{Z})$	$\arg(Z) = \frac{\pi}{36} + 2k\pi; (k \in \mathbb{Z})$	$\arg(Z) = -\frac{\pi^3}{216} + 2k\pi; (k \in \mathbb{Z})$
---	--	--

f دالة معرفة كما يلي : $f(x) = \ln \ln \ln x$. مجموعة تعريف الدالة f :

$D =]e; +\infty[$	$D =]0; +\infty[$	$D = \mathbb{R} -]-\infty; e]$
--------------------	--------------------	---------------------------------

A, B و C ثلاث نقاط من المستوي لواحقتها على الترتيب z_A, z_B و z_C , $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C} = 2$ يعني:

صورة B بتحاك مركزه C و نسبته 2	C مرجح الجملة $\left\{ \left(A; \frac{1}{2}\right); (B; -1) \right\}$	$\overrightarrow{AC}$ و $\overrightarrow{BC}$ مرتبطان خطيًا
------------------------------------	---	---

z عدد مركب معرف كما يلي : $z = 1 + i + i^2 + \dots + i^{2017}$. الشكل الجبري للعدد z هو:

$z = i$	$z = 2$	$z = 1 + i$
---------	---------	-------------

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{u}; \vec{v})$ ، النقط A, B, C, D ، التي
لواحقتها على الترتيب : $z_A = 1 + i, z_B = 2 + 3i, z_C = -1 + 2i, z_D = -4 + i, z_F = 1$.

- 1- عين الكتابة المركبة للدوران R الذي مركزه A و يحول B إلى C .
- 2- عين نسبة التحاكي H بحيث: $H(B) = D$ و $H(C) = C$.
- 3- تحويل نقطي يرفق بكل نقطة $M(z)$ النقطة $M(z')$ حيث:
 $z' = (z_A + z_C)z + z_E$ و E نقطة من المستوي تحقق: $\vec{DE} + \vec{AB} = \vec{u}$ حيث $\vec{u} \begin{pmatrix} 6 \\ -2 \end{pmatrix}$.
- عين طبيعة و عناصر التحويل النقطي S .
- استنتج طبيعة المثلث FMM' .

التمرين الثالث: (05 نقاط)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

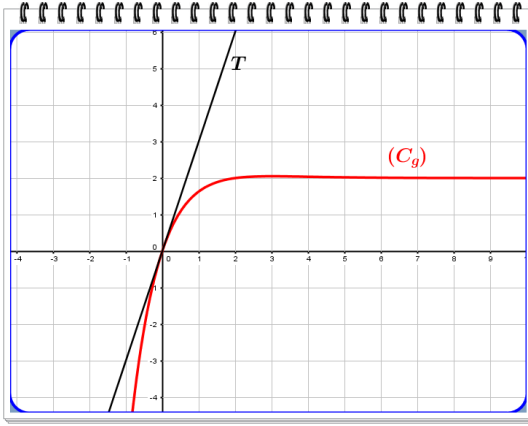
$$(A) \text{ مستقيم معرّف بتمثيله الديكارتي : } \begin{cases} -3x + y + 2z - 1 = 0 \\ -5x + 3y + 4z - 5 = 0 \end{cases}$$

$$\text{بين أنّ } \begin{cases} x = x_B + t \\ y = y_B - t \\ z = z_B + 2t \end{cases} ; (t \in \mathbb{R}) \text{ هو تمثيل وسيطي للمستقيم } (A) \text{ حيث } B(2; 1; 3).$$

- 1- عين معادلة ديكارتية للمستوي (Q) الذي يشمل $A(1; 0; 1)$ و يعامد (A) .
- 2- عين إحداثيات النقطة H نقطة تقاطع (Q) و (A) .
- 3- أحسب بُعد النقطة A عن (A) .
- 4- عين معادلة لسطح الكرة (S) التي مركزها B و نصف قطرها $R = d(B; (p))$.
- 5- بطريقتين مختلفتين، عين نقاط تقاطع (A) و (S) .

التمرين الرابع: (05 نقاط) الجزء الأول:

g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي: $g(x) = xe^{-x} + 2 - 2e^{-x}$ و (C_g) تمثيلها البياني في الشكل 01.



(T) هو المماس لـ (C_g) عند النقطة $(0;0)$.

استنتج إشارة الدالة g على $\mathbb{R}$.

بقراءة بيانية عين معادلة للمماس (T).

استنتج أنه من أجل كل عدد حقيقي x

يكون: $3x - xe^{-x} - 2 + 2e^{-x} \geq 0$.

الجزء الثاني:

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي: $f(x) = (x-1)(2-e^{-x})$. (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1- أحسب نهاية الدالة f عند أطراف مجال التعريف.

2- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = xe^{-x} + 2(1 - e^{-x})$.

3- شكل جدول تغيرات الدالة f .

4- بين أن المستقيم Δ ذو المعادلة $y = 2x - 2$ مستقيم مقارب مائل لـ (C_f) .

- استنتج الوضع النسبي لـ (C_f) و Δ .

5- بين أن (C_f) يقبل مماس T يوازي Δ , يُطلب تعيين معادلة له.

6- عين إحداثيات نقاط تقاطع (C_f) مع المحورين (محور الفواصل و الترتيب).

نتمنى النجاح للجميع

النجاح يقول: الحل صعب لكنه ممكن، والفاشل يقول: الحل ممكن ولكنه صعب.

النجاح يفكر في الحل، والفاشل يفكر في المشكلة.

النجاح يرى في الحل أمل، والفاشل يرى في الحل ألم.

كن ناجح و احذر الفشل

إختبار في مادة الرياضيات

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

يوم 27 فيفري 2017

المدة : 03 ساعات

وزارة التربية الوطنية

مديرية التربية لولاية الأغواط

ثانوية غزاوي بلقاسم بأفلو

إمتحان الثلاثي الثاني 2016 – 2017

التمرين الأول : 04 نقاط

إختر الإجابة الصحيحة مع التبرير في كل ما يلي:

(1) Z عدد مركب , نعتبر المعادلة ذات المجهول Z : $Z - 2\bar{Z} + 2 + 9i = 0$, Z_0 حلا للمعادلة حيث :

$Z_0 = 3 - 2i$	$Z_0 = 2 - 3i$	$Z_0 = -2 + 3i$
----------------	----------------	-----------------

(2) إذا كان Z^3 عدد مركب . عمدته $\theta = \frac{\pi}{2} + 2\pi k$, حيث $k \in \mathbb{Z}$ فإن عمدة Z هي :

$\frac{3\pi}{2} + 6\pi k$	$\frac{\pi}{6} + \frac{2\pi k}{3}$	$\frac{\pi}{2} + \frac{2\pi k}{3}$
---------------------------	------------------------------------	------------------------------------

(3) A و B نقطتان متمايزتان من الفضاء , مجموعة النقط M التي تحقق : $(\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) = 0$ هي :

المستوي المحوري للقطعة $[AB]$	المجموعة الخالية	سطح كرة قطرها $[AB]$
-------------------------------	------------------	----------------------

(4) الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس , مجموعة النقط M التي تحقق : $(x+1)^2 = (y-1)^2$ هي :

إتحاد مستويين	سطح كرة	مستقيم
---------------	---------	--------

التمرين الثاني : 05 نقاط

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. نعتبر النقط $A(1;3;1)$, $B(0;5;0)$, $C(-3;1;1)$.

و المستقيم (Δ) حيث $\begin{cases} x = -4 - t \\ y = 3 + 2t \\ z = 6 + 5t \end{cases}$, $(t \in \mathbb{R})$. تمثيلا وسيطيا له .

(1) أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$. إستنتج طبيعة المثلث ABC , أحسب مساحته S_{ABC} .

(2) تحقق أن : $x - 2y - 5z + 10 = 0$. معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)

(3) بين أن المستقيمين (Δ) و (AB) ليسا من نفس المستوى .

(4) أثبت أن المستقيم (Δ) عمودي على المستوي (ABC) في النقطة C .

(5) لتكن D نقطة من المستقيم (Δ) .

أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي t فإن : $d(D; (ABC)) = |t+1|\sqrt{30}$.

ب- عين إحداثيات النقطة D بحيث يكون $ABCD$ رباعي الوجوه حجمه $10 \cdot ua^3$.

التمرين الثالث : 04 نقاط

نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة كثير الحدود $P(z)$ ذا المجهول z حيث : $P(z) = z^3 - 8$

1- تحقق أن : $z^3 - 8 = (z - 2)(z^2 + 2z + 4)$. إستنتج حلول المعادلة $z^3 - 8 = 0$.

نعتبر في المستوي المركب $(O; \overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OJ})$ النقط A, B, C ذات اللواحق $z_A = -1 + i\sqrt{3}$, $z_B = \overline{z_A}$ و $z_C = 2$

2- أكتب z_A, z_B و z_C على الشكل الأسّي .

- إستنتج أن النقط A, B و C تنتمي إلى نفس الدائرة يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها .

3- بين أن : $z_A^{2017} = 2^{2016} z_A$. ثم إستنتج نتيجة ما يلي : $(z_A^{2017} + z_B^{2017} + z_C^{2017})$.

4- أكتب العدد المركب $L = \frac{z_B - z_C}{z_A - z_C}$ على الشكل الجبري ثم الأسّي .

- أعط تفسيراً هندسياً لطويلة وعمدة العدد المركب L . إستنتج طبيعة المثلث ABC .

التمرين الرابع : 07 نقاط

الجزء الأول : لتكن الدالة h المعرفة على $]-1; +\infty[$ كما يلي : $h(x) = \frac{x}{x+1} - 2\ln(x+1)$

1- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$. أحسب $\lim_{x \rightarrow -1} h(x)$. - إرشاد - نذكر بأن : $\lim_{X \rightarrow 0} [X \cdot \ln X] = 0$.

2- أدرس اتجاه تغير الدالة h . ثم شكل جدول تغيراتها .

3- أحسب $h(0)$, ثم بين أن المعادلة $h(x) = 0$ تقبل حلين أحدهما α حيث : $-0,72 \leq \alpha \leq -0,71$.

- إستنتج إشارة $h(x)$ على المجال $]-1; +\infty[$.

الجزء الثاني : لتكن الدالة f المعرفة على المجموعة $I =]-1; 0[\cup]0; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = \frac{\ln(x+1)}{x^2}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. الوحدة $\|\vec{i}\| = 2cm$.

1- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$, فسر النتيجة بيانياً .

- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من I فإن : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x+1)}{x} = 1$.

- إستنتج : $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$, فسر النتيجة بيانياً .

2- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجموعة I فإن : $f'(x) = \frac{h(x)}{x^3}$.

- إستنتج اتجاه تغير الدالة f . ثم شكل جدول تغيراتها .

3- بين أن : $f(\alpha) = \frac{1}{2\alpha(\alpha+1)}$, نأخذ $\alpha \approx -0,715$. أعط قيمة للعدد $f(\alpha)$ بالتدوير إلى 10^{-2} .

4- أنشئ (C_f) .

إنتهى

- لا تجعل الخطأ يؤثر سلباً على قدراتك ... فما خلّقنا مُتعلّمين ومن لا يُخطئ لا يتعلّم ... تجنب القلق و تدارك أخطاءك .

- يجب أن تعتقد جيداً بأنك ستنجح ... كُن إيجابياً ... فنجاحك هو نجاحنا .

أستاذ المادة : نوقبة نورالدين

بالتوفيق والنجاح للجميع

صفحة 2 من 2

تحقق ان المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC) هي: $2x - y + 2z + 2 = 0$ ☐ 2 ☐

ليكن المستويان $(P_1): x + y - 3z + 3 = 0$ و $(P_2): x - 2y + 6z = 0$ ☐ ☐ 2

تمثيلا وسيطيا للمستقيم الناتج عن تقاطع المستويان (P_1) و (P_2) ☐ 1 ☐

برهن ان المستقيم (D) و المستقيم (ABC) يطلبا تعيين إحداثياتها. ☐ ☐ ☐

سطح الكرة التي مركزها $\Omega(1; -3; 1)$ ونصف قطرها $r = 3$. ☐ ☐ 3

عين معادلة ديكارتية لسطح الكرة (s). ☐ 1 ☐

المستقيم (s) والمستقيم (D). ☐ ☐ ☐

برهن أن المستوي (ABC) و المستقيم (s) يطلبا تعيين إحداثياتها H ☐ ☐ ☐

التمرين الثالث (5 نقاط)

نعتبر كثير الحدود P ذو المتغير المركب Z $P(z) = z^3 - 2z^2 + 16$ ☐ ☐ 1

المركب $P(-2)$ ☐ 1 ☐

عين الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث: $P(z) = (z + 2)(az^2 + bz + c)$ ☐ ☐ ☐

$P(z) = 0$ ☐ ☐ ☐

لاحتقائهما على الترتيب $z_A = 2 - 2i$ و $z_B = 2 + 2i$ ☐ ☐ 2

Z_A و Z_B ☐ 1 ☐

حدد طبيعة المثلث OAB . ☐ ☐ ☐

$\{(O; -1), (A; 1), (B; 1)\}$ ☐ ☐ 3

عين لاحقة النقطة G . ☐ 1 ☐

حدد طبيعة $OBGA$ ☐ ☐ ☐

بالتوفيق للجميع

لكل جديد لذة

امتحان التلاميذ الثاني في مادة الرياضيات

ملاحظة : التظيم والدقة في الإجابة تأخذ بعين الاعتبار
التمرين الأول : (7.5 نقطة)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $A(1, 3, -4)$.

$B(1, 7, -2)$ و $C(2, 5, -2)$.

1. بين أن النقط A, B, C تعين مستويا.

2. أكتب تمثيلا وسيطيا للمستوي (ABC) .

3. استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .

4. أ) بين أن التمثيل الوسيطى للمستقيم (AC) هو $\begin{cases} x=t \\ y=1+2t \\ z=-6+2t \end{cases}; t \in \mathbb{R}$

ب) عين إحداثيات النقطة B' المسقط العمودي للنقطة B على (AC) ثم

استنتج المسافة بين النقطة B والمستقيم (AC) .

5. أكتب معادلة ديكارتية لسطح الكرة (S) التي مركزها B وتمس المستقيم (AC) .

6. نعتبر المستوي $(P_\lambda): 2x - 2y - z + \lambda = 0$ حيث λ وسيط حقيقي

- بين أنه توجد قيمتان لـ λ تجعلان (P_λ) مماسا لسطح الكرة (S) .

التمرين الثاني : (5.5 نقطة)

1. حل في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة ذات المجهول z التالية : $(z^2 + 4)(z^2 - 2\sqrt{3}z + 4) = 0$

2. نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$ النقط A, B, C و D

التي لواحقها على الترتيب : $z_A = \sqrt{3} + i$, $z_B = \overline{z_A}$, $z_C = -2i$, $z_D = \overline{z_C}$.

- بين أن النقط A, B, C و D تنتمي إلى دائرة (Γ) يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.

3. برهن أن عبارة الدوران R الذي مركزه $\Omega(z_\Omega)$ وزاويته θ والذي يرفق بكل نقطة $M(z)$ النقطة

$M'(z')$ هي : $z' - z_\Omega = e^{i\theta}(z - z_\Omega)$

4. نعتبر النقطة E ذات اللاحقة : $z_E = -\sqrt{3} + i$.

أ) - بين أن : $\frac{z_A - z_C}{z_E - z_C} = e^{i(-\frac{\pi}{3})}$ ثم استنتج طبيعة المثلث ACE .

ب) - بين أن النقطة A هي صورة النقطة E بدوران R مركزه C يطلب تعيين وزاويته.

التمرين الثالث: (7 نقاط)

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\ln x}{1 - \ln x} & ; x \in]0, e[\cup]e, +\infty[\\ f(0) = -1 \end{cases}$$

لتكن f الدالة العددية المعرفة كما يلي :

نسمى (C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1. (أ) بين أن : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -1$ (يمكنك وضع $t = \ln(x)$) ثم أدرس استمرارية الدالة f على $]0, +\infty[$.

(ب) أحسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x}$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

(ج) بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

2. (أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x ، حيث $x \in]0, e[\cup]e, +\infty[$ فإن : $f'(x) = \frac{1}{x(1 - \ln x)^2}$.

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

3. أحسب $f(4)$ وارسم (C_f) . نعطي $(e \simeq 2.71)$.

4. نعتبر الدالة g المعرفة على $IR - \{-e, e\}$ بـ : $g(x) = f(|x|)$.

(أ) بين أن الدالة g زوجية.

(ب) اشرح كيف يمكن إنشاء (C_g) انطلاقا من (C_f) ثم أنشئ (C_g) .

بالتوفيق .

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
الثانوية الجديدة :- عين الذهب- تيارت
السنة الدراسية: 2016-2017
الاختبار الثاني في مادة الرياضيات

المستوى: 3 ع ت

المدة: 3 ساعات

التمرين الأول: (04 ن)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ،

لتكن (S) مجموعة النقط $M(x, y, z)$ من الفضاء حيث: $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 4z + 5 = 0$.

(1) أثبت أن (S) سطح كرة يطلب تعيين مركزها Ω و نصف قطرها R .

(2) ليكن (p) المستوي الذي معادلته: $x - 2y + 2z + 2 = 0$.

■ أثبت أن (p) و (S) يتقاطعان وفق دائرة (c) يطلب تعيين مركزها w و نصف قطرها r .

(3) لتكن $M(a, b, -1)$ نقطة من سطح الكرة (S) حيث a, b عدنان حقيقيان ،

و ليكن (Q) المستوي الذي معادلته الديكارتيّة: $(a-1)x + (b+2)y + z - a + 2b + 3 = 0$.

■ أثبت أن النقطة M تنتمي إلى (Q) .

■ أثبت أن (Q) يمس (S) في النقطة M .

التمرين الثاني: (05 ن)

نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة المعادلة (E) ذات المجهول المركب z حيث: $z^2 + 2\sqrt{3}z + 4 = 0$ (E) .

(1) حل في $\mathbb{C}$ المعادلة (E) .

(2) المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقط A, B, C و D لواحقتها

على الترتيب: $z_A = -\sqrt{3} + i$ ، $z_B = \overline{z_A}$ ، $z_C = 2i$ و $z_D = -z_A$.

(أ) أكتب z_A و z_C على الشكل الأسّي ، ثم استنتج الشكل الأسّي للعدد $\frac{z_A}{z_C}$.

(ب) استنتج طبيعة المثلث OAC ، ثم بين أن الرباعي $OCAB$ معين.

(3) لتكن (Γ) مجموعة النقط $M(x, y)$ من المستوي ذات اللاحقة z حيث: $z = |z_D|e^{i\theta}$ مع $\theta \in \mathbb{R}$.

(أ) عين طبيعة المجموعة (Γ) لما θ يمسح R .

(ب) تحقق أن النقط A, B و C تنتمي إلى (Γ) ثم استنتج طبيعة المثلثين ACD و ABD .

نعتبر الدالة h المعرفة على المجال $[-1,1]$ بـ: $h(x) = x\sqrt{1-x^2}$ ، و ليكن (C_h) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) أدرس النهاية: $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{h(x) - h(1)}{x - 1}$. ماذا تستنتج بالنسبة إلى المنحنى (C_h) ؟.

(2) أدرس شفعية الدالة h . فسر النتيجة هندسيا.

(3) أ) عين اتجاه تغير الدالة h على المجال $[0,1]$.

ب) استنتج اتجاه تغير h على المجال $[-1,0]$ ثم شكل جدول تغيراتها .

(4) ارسم المنحنى (C_h) .

التمرين الرابع: (07ن)

(I) لتكن g دالة معرفة على R بـ: $g(x) = x + \frac{1}{2}e^{-2x}$

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة g و شكل جدول تغيراتها، ثم استنتج إشارة $g(x)$ على R .

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على R حيث: $f(x) = \ln\left(x + \frac{1}{2}e^{-2x}\right)$

و ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) أ) أدرس تغيرات الدالة f و شكل جدول تغيراتها .

ب) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - \ln x]$ ، ثم فسر النتيجة هندسيا.

(2) أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا: $xe^{2x} + \frac{1}{2} > 0$ ، ثم استنتج أن: $f(x) = -2x + \ln\left(xe^{2x} + \frac{1}{2}\right)$

ب) أثبت أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = -2x - \ln 2$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $-\infty$.

ج) أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) .

(3) أرسم (Δ) و منحنى الدالة $x \mapsto \ln x$ ثم (C_f) .

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأول:

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقط $A(1;3;2)$ ، $B(1;-1;0)$ و $C(2;0;1)$.

1- أ) بين أن النقط A ، B و C تعين مستويا.

ج) بين أن $x + y - 2z = 0$ معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .

2- (P) المستوي الذي معادلته $x - 2y - 2z + 6 = 0$.

أ) بين أن المستويان (ABC) و (P) متقاطعان وفق مستقيم وليكن (Δ) .

ب) بين أن الجملة $\begin{cases} x = -2 + 2t \\ y = 2 \\ z = t \end{cases}$ حيث $(t \in \mathbb{R})$ تمثيل وسيطي للمستقيم (Δ) .

3- بين O مرجح الجملة $\{(A;1);(B;3);(C;-2)\}$

4- أ- عين طبيعة (S) مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق $\|\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC}\| = 2\sqrt{5}$

ب- احسب احداثيات النقطتين D و E تقاطع (S) و (Δ) .

ج- ما هي طبيعة المثلث ODE ؟ استنتج المسافة بين O و (Δ) .

التمرين الثاني:

1- حل في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة $(z - 3)(z^2 + 4z + 8) = 0$.

2- المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، لتكن النقط A ، B و C التي لواحقها على

الترتيب: $z_A = 3$ ، $z_B = -2 + 2i$ و $z_C = -2 - 2i$

أ- احسب الأطوال AB ، AC و BC ثم استنتج طبيعة المثلث ABC .

ب- عين z_D لاحقة النقطة D مرجح الجملة $\{(A;1);(B;-1);(C;1)\}$

ت- حدد مع التبرير طبيعة الرباعي $ABCD$.

3- لتكن النقطة M من المستوي ذات اللاحقة z ، حيث M تختلف عن النقطتين A و B .

أ- فسر هندسيا عمدة العدد المركب $\frac{z-3}{z+2-2i}$.

ب- عين مجموعة النقط M ذات اللاحقة z التي تجعل $\frac{z-3}{z+2-2i}$ عددا حقيقيا موجبا تمام

التمرين الثالث:

الجزء 1:

نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $]0; +\infty[$ كما يلي: $g(x) = 2x^2 - \ln x$

1- احسب نهايتي الدالة g عند $+\infty$ وعند 0 .

2- ادرس اتجاه تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها.

3- استنتج إشارة $g(x)$ على المجال $]0; +\infty[$.

الجزء 2:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0; +\infty[$ كما يلي: $f(x) = 2x - 1 + \frac{1 + \ln x}{x}$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1- عين نهاية الدالة f بجوار 0 و $+\infty$.

2- ادرس اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.

3- أثبت أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = 2x - 1$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$.

4- تحقق أن المستقيم (Δ) يقطع المنحنى (C_f) في نقطة A يطلب تعيين إحداثياتها.

5- حدد وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) في المجال $]0; +\infty[$.

6- أثبت أنه توجد نقطة وحيدة B للمنحنى (C_f) يكون المماس (T) عندها موازي للمستقيم (Δ)

يطلب كتابة معادلة (T)

7- برهن أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $0,39 < \alpha < 0,40$.

8- ارسم (C_f) و (Δ) و (T) ثم (C_f) ($\|\vec{i}\| = 2cm$; $\|\vec{j}\| = 1cm$)

9- ناقش بيانيا حسب قيم العدد الحقيقي m عدد حلول المعادلة $(m+1)x - 1 - \ln x = 0$

الموضوع الثاني

التمرين الأول:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

$$(\Delta): \begin{cases} x = 1+t \\ y = -1-2t \\ z = -1+t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R}) \text{ حيث: } (\Delta) \text{ والمستقيم } A(2; -4; 1)$$

- 1- عين معادلة المستوي (P) الذي يشمل النقطة A والمستقيم (Δ) .
- 2- عين إحداثيات النقطة C من (Δ) بحيث يكون $(AC) \perp (\Delta)$.
- 3- تحقق أن النقطة $B(2; -3; 0)$ نقطة من (Δ) ثم استنتج مساحة المثلث ABC .
- 4- أحسب المسافة بين النقطة $D(0; 0; 2)$ والمستوي (P) ، ثم استنتج حجم رباعي الوجوه $ABCD$.
- 5- استنتج وضعية المستقيم (Δ) مع (AD) .

التمرين الثاني:

- 1- نعتبر العددين المركبين $z_1 = 3 + 2i$ و $z_2 = 1 - 2i$
 - أ- بين أن $z_1 + \overline{z_2} = 4(1 + i)$
 - ب- أكتب $z_1 + \overline{z_2}$ على الشكل المثلثي.
 - ج- عين قيم العدد الطبيعي n التي يكون من أجلها $(z_1 + \overline{z_2})^n$ عدد تخلياً صرفاً.
- 2- في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، نعتبر النقط A, B, C و D التي لواحقتها $z_A = 3 + 2i$ ، $z_B = -3$ ، $z_C = 1 - 2i$ و $z_D = -1 - 6i$ على الترتيب.
 - أ- عين الطويلة وعمدة للعدد المركب $\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C}$ ، ثم استنتج طبيعة المثلث ABC .
 - ب- G مرجح الجملة $\{(A; 1); (B; -1); (D; 1)\}$.
 - عين z_G لاحقة النقطة G ، ثم بين أن الرباعي $ABDG$ مربع.
 - ج- (F) مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق $\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MD}\| = 4\sqrt{5}$.
 - بين أن النقطة B تنتمي إلى (F) .
 - عين (F) ثم أنشئها.

التمرين الثالث:

الجزء 1:

نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $]-\infty; 2]$ كما يلي: $g(x) = x + 1 + e^x$

- 1- أحسب نهاية الدالة g عند $-\infty$.
- 2- ادرس اتجاه تغيرات الدالة g وشكل جدول تغيراتها على $]-\infty; 2]$.
- 3- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حل وحيد α حيث: $-1,28 < \alpha < -1,27$.
- 4- استنتج إشارة $g(x)$ على $]-\infty; 2]$.

الجزء 2:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]-\infty; 0[\cup]0; 2]$ كما يلي: $f(x) = x - 1 + \frac{1+e^x}{x}$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- 1- عين نهاية الدالة f بجوار 0 و $-\infty$.
- 2- بين أن $f'(x) = \frac{(x-1)g(x)}{x^2}$ ثم استنتج إشارة $f'(x)$ على $]-\infty; 0[\cup]0; 2]$.
- 3- استنتج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.
- 4- احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x-1)]$ ثم فسر النتيجة هندسيا.
- 5- ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x - 1$.
- 6- بين أن $f(\alpha) = \alpha - 2$ ثم استنتج حصر للعدد $f(\alpha)$.
- 7- ارسم (Δ) ثم (C_f) ($\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1\text{cm}$).
- 8- ناقش بيانيا حسب قيم العدد الحقيقي m عدد حلول المعادلة $x^2 - (1+m)x + 1 + e^x = 0$.

الجزء 3:

لتكن h الدالة المعرفة على المجال $]-\infty; 0[$ كما يلي: $h(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$

- 1- بين أن $f'\left(\frac{1}{x}\right) > 0$ على المجال $]\frac{1}{\alpha}; 0[$ و $f'\left(\frac{1}{x}\right) < 0$ على المجال $]-\infty; \frac{1}{\alpha}]$.
- 2- باستعمال مشتقة دالة مركبة أحسب $h'(x)$ بدلالة $f'(x)$.
- 3- احسب $h'\left(\frac{1}{\alpha}\right)$ ثم استنتج إشارة $h'(x)$ على المجال $]-\infty; 0[$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة h .

إختبار في مادة الرياضيات

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

يوم 27 فيفري 2017

المدة : 03 ساعات

وزارة التربية الوطنية

مديرية التربية لولاية الأغواط

ثانوية غزاوي بلقاسم بأفلو

إمتحان الثلاثي الثاني 2016 – 2017

التمرين الأول : 04 نقاط

إختر الإجابة الصحيحة مع التبرير في كل ما يلي:

(1) Z عدد مركب , نعتبر المعادلة ذات المجهول Z : $Z - 2\bar{Z} + 2 + 9i = 0$, Z_0 حلا للمعادلة حيث :

$Z_0 = 3 - 2i$	$Z_0 = 2 - 3i$	$Z_0 = -2 + 3i$
----------------	----------------	-----------------

(2) إذا كان Z^3 عدد مركب . عمدته $\theta = \frac{\pi}{2} + 2\pi k$, حيث $k \in \mathbb{Z}$ فإن عمدة Z هي :

$\frac{3\pi}{2} + 6\pi k$	$\frac{\pi}{6} + \frac{2\pi k}{3}$	$\frac{\pi}{2} + \frac{2\pi k}{3}$
---------------------------	------------------------------------	------------------------------------

(3) A و B نقطتان متمايزتان من الفضاء , مجموعة النقط M التي تحقق : $(\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) = 0$ هي :

المستوي المحوري للقطعة $[AB]$	المجموعة الخالية	سطح كرة قطرها $[AB]$
-------------------------------	------------------	----------------------

(4) الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس , مجموعة النقط M التي تحقق : $(x+1)^2 = (y-1)^2$ هي :

إتحاد مستويين	سطح كرة	مستقيم
---------------	---------	--------

التمرين الثاني : 05 نقاط

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. نعتبر النقط $A(1;3;1)$, $B(0;5;0)$, $C(-3;1;1)$.

و المستقيم (Δ) حيث $\begin{cases} x = -4 - t \\ y = 3 + 2t \\ z = 6 + 5t \end{cases}$, $(t \in \mathbb{R})$. تمثيلا وسيطيا له .

(1) أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$. إستنتج طبيعة المثلث ABC , أحسب مساحته S_{ABC} .

(2) تحقق أن : $x - 2y - 5z + 10 = 0$. معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)

(3) بين أن المستقيمين (Δ) و (AB) ليسا من نفس المستوى .

(4) أثبت أن المستقيم (Δ) عمودي على المستوي (ABC) في النقطة C .

(5) لتكن D نقطة من المستقيم (Δ) .

أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي t فإن : $d(D; (ABC)) = |t+1|\sqrt{30}$.

ب- عين إحداثيات النقطة D بحيث يكون $ABCD$ رباعي الوجوه حجمه $10 \cdot ua^3$.

التمرين الثالث : 04 نقاط

نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة كثير الحدود $P(z)$ ذا المجهول z حيث : $P(z) = z^3 - 8$

1- تحقق أن : $z^3 - 8 = (z - 2)(z^2 + 2z + 4)$. إستنتج حلول المعادلة $z^3 - 8 = 0$.

نعتبر في المستوي المركب $(O; \overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OJ})$ النقط A, B, C ذات اللواحق $z_A = -1 + i\sqrt{3}$, $z_B = \overline{z_A}$ و $z_C = 2$

2- أكتب z_A, z_B و z_C على الشكل الأسّي .

- إستنتج أن النقط A, B و C تنتمي إلى نفس الدائرة يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها .

3- بين أن : $z_A^{2017} = 2^{2016} z_A$. ثم إستنتج نتيجة ما يلي : $(z_A^{2017} + z_B^{2017} + z_C^{2017})$.

4- أكتب العدد المركب $L = \frac{z_B - z_C}{z_A - z_C}$ على الشكل الجبري ثم الأسّي .

- أعط تفسيراً هندسياً لطويلة وعمدة العدد المركب L . إستنتج طبيعة المثلث ABC .

التمرين الرابع : 07 نقاط

الجزء الأول : لتكن الدالة h المعرفة على $]-1; +\infty[$ كما يلي : $h(x) = \frac{x}{x+1} - 2\ln(x+1)$

1- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$. أحسب $\lim_{x \rightarrow -1} h(x)$. - إرشاد - نذكر بأن : $\lim_{X \rightarrow 0} [X \ln X] = 0$.

2- أدرس اتجاه تغير الدالة h . ثم شكل جدول تغيراتها .

3- أحسب $h(0)$, ثم بين أن المعادلة $h(x) = 0$ تقبل حلين أحدهما α حيث : $-0,72 \leq \alpha \leq -0,71$.

- إستنتج إشارة $h(x)$ على المجال $]-1; +\infty[$.

الجزء الثاني : لتكن الدالة f المعرفة على المجموعة $I =]-1; 0[\cup]0; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = \frac{\ln(x+1)}{x^2}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. الوحدة $\|\vec{i}\| = 2cm$.

1- أحسب $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, فسر النتيجة بيانياً .

- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من I فإن : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x+1)}{x} = 1$.

- إستنتج : $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, فسر النتيجة بيانياً .

2- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجموعة I فإن : $f'(x) = \frac{h(x)}{x^3}$.

- إستنتج اتجاه تغير الدالة f . ثم شكل جدول تغيراتها .

3- بين أن : $f(\alpha) = \frac{1}{2\alpha(\alpha+1)}$, نأخذ $\alpha \approx -0,715$. أعط قيمة للعدد $f(\alpha)$ بالتدوير إلى 10^{-2} .

4- أنشئ (C_f) .

إنتهى

- لا تجعل الخطأ يؤثر سلباً على قدراتك ... فما خلّقنا متعلمين ومن لا يُخطئ لا يتعلم ... تجنب القلق و تدارك أخطاءك .

- يجب أن تعتقد جيداً بأنك ستنجح ... كُن إيجابياً ... فنجاحك هو نجاحنا .

صفحة 2 من 2 بالتوفيق والنجاح للجميع

التمرين الأول (9ن): في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد متجانس $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $A(1; 1; 0)$ ، $B(-1; 0; 2)$ ، $C(-1; 0; 1)$ و المستوى (P) ذو التمثيل الوسيطى : $y = t + \alpha - 2$ ، $x = t + 1$ ، $z = 3t + \alpha + 3$ حيث : t و α عدنان حقيقيان.

(1) تحقق أن النقط A ، B و C ليست في إستقامة. (1.25ن).

(2) أكتب المعادلة الديكارتية للمستوى (P) . (1ن).

(3) أ- تحقق أن المستويين (P) و (ABC) متعامدين. (2ن).

ب- عيّن التمثيل الوسيطى للمستقيم (Δ) الذي يُمثل تقاطع المستويين (P) و (ABC) . (1ن).

ج- أحسب المسافة بين A و المستقيم (Δ) . (0.5ن).

(4) عيّن مجموعة النقط M من الفضاء المتساوية البعد عن كل من (P) و (ABC) . (1.5ن).

(5) لتكن G مرجح الجملة : $\{(A; 3); (B; \lambda); (C; \lambda^2)\}$ حيث : $\lambda \in \mathbb{R}$.

أ-بين أنه من أجل كل عدد حقيقي λ فإن G موجودة. (0.5ن).

ب- عيّن قيمة λ حتى تنتمي G إلى المستقيم (Δ) . (1.25ن).

المسألة (11ن): لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = \ln\left(\frac{2e^{2x}+1}{e^{x+2}}\right)$.

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ، فسر النتيجة هندسياً ، ثم بين أن : $f(x) = x + \ln 2 + \ln\left(\frac{1+\frac{1}{2}e^{-2x}}{1+2e^{-x}}\right)$ و إستنتج $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$. (1.75ن).

(2) أدرس إتجاه تغير الدالة f ثم شكّل جدول تغيراتها. (1.25+1.75ن).

(3) ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$ حيث : $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 3cm$.

بين أن المستقيم $y = x + \ln 2$: (Δ) مقارب مائل لـ (C_f) بجوار $(+\infty)$. (0.5ن).

(4) بين أن نقطة تقاطع مقاربي المنحنى (C_f) تنتمي إلى (C_f) . (0.5ن).

(5) أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و مقاربيه. (2.5ن).

(6) أكتب معادلة ديكارتية للمماس (T) عند النقطة التي فاصلتها الصفر. (1ن).

(7) أنشئ البيان (C_f) و المستقيم (Δ) . (1.75ن).

ملاحظات هامة جداً:

(1) منع منعاً باتاً التشطيب و الكتابة تكون إما بالأزرق أو الأسود .

(2) لا تكتب و لا تُلطخ هذه الورقة لأنك سترجعها مع ورقة الإجابة .