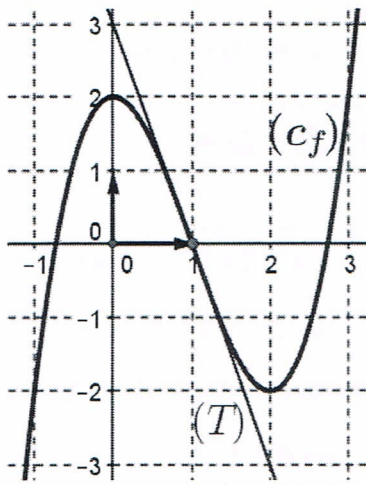


العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)																						
العلامة	مجزأة																							
التمرين الأول (06 نقاط)																								
2	1	(أ) $2024 \equiv 8[9]$	(1)																					
	1	(ب) $2024 \equiv -1[9]$ ومنه $a+1 \equiv 0[9]$																						
3	1+1	(أ) $3a+5 \equiv 2[9]$ ، من $a+1 \equiv 0[9]$ نجد: $a^4 \equiv 1[9]$	(2)																					
	$0,5 \times 2$	(ب) $7a^4 + 3a + 1445 \equiv 7-3+5[9]$ ومنه $7a^4 + 3a + 1445 \equiv 0[9]$																						
1	$0,5 \times 2$	(3) $a^4 n + 3a + 5 \equiv 0[9]$ تعني: $n \equiv 7[9]$ ومنه: $n = 9k + 7$ ($k \in \mathbb{N}$)	(3)																					
التمرين الثاني (06 نقاط)																								
1,5	$0,5 \times 3$	(1) $u_3 = 55$ و $u_2 = 19$ ، $u_1 = 7$	(1)																					
1,5	0,75	(أ) $v_{n+1} - 3v_n = 0$	(2)																					
	0,75	(ب) $v_{n+1} = 3v_n$ ومنه (v_n) هندسية أساسها 3																						
1	$0,5 \times 2$	(3) $u_n = 2 \times 3^{n+1}$ ، $v_n = 2 \times 3^n$	(3)																					
2	$0,5 \times 2$	(أ) $S_n + u_n = 5 \times 3^n$ ، $S_n = 3^{n+1} - 1$	(4)																					
	$0,5 \times 2$	(ب) من $S_n + u_n = 405$ نجد $3^n = 81 = 3^4$ ومنه $n = 4$																						
التمرين الثالث (08 نقاط)																								
1	$0,5 \times 2$	(1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$	(1)																					
2,25	$0,25 + 0,5$	(أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = 3x^2 - 6x = 3x(x-2)$	(2)																					
	$0,5 \times 2$	(ب) f متزايدة تماما على كل من $]-\infty; 0]$ و $[2; +\infty[$																						
	0,5	ومتناقصه تماما على $[0; 2]$ جدول التغيرات <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>0</td><td>2</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$-\infty$</td><td>$\nearrow$</td><td>2</td><td>$\searrow$</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td>-2</td><td></td><td></td></tr></table>		x	$-\infty$	0	2	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	0	+	$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	2	$\searrow$	$+\infty$				-2
x	$-\infty$	0	2	$+\infty$																				
$f'(x)$	+	0	-	0	+																			
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	2	$\searrow$	$+\infty$																			
			-2																					
1,75	$0,5 \times 2$	(أ) $f''(x) = 6(x-1)$ ، f'' تتعدم عند 1 وتغير إشارتها	(3)																					
	0,75	(ب) معادلة $y = -3x + 3$: (T)																						
1,25	0,5	(أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f(x) - (-3x + 3) = (x-1)^3$	(4)																					
	0,75	(ب) لمّا $x < 1$: (C_f) أسفل (T) و لمّا $x > 1$: (C_f) أعلى (T) $(T) \cap (C_f) = \{A(1;0)\}$																						

1,75	$0,25 \times 2$ $0,25$ 1	 $f(3)=2$ و $f(-1)=-2$ الرسم: رسم (T) رسم (c_f)	(5)
------	--	--	-----

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)																
العلامة	مجزأة																	
التمرين الأول (06 نقاط)																		
1,5	$0,75 \times 2$	$2024 = 405 \times 5 - 1$ (الإجابة: أ)	(1)															
1,5	$0,75 \times 2$	$b = 6(a + 1) + 1$ (الإجابة: ب)	(2)															
1,5	$0,75 \times 2$	$3a + 2b \equiv 5[7]$ (الإجابة: ج)	(3)															
1,5	$0,75 \times 2$	$a^2 - b^2 \equiv 2[5]$ (الإجابة: د)	(4)															
التمرين الثاني (06 نقاط)																		
1,5	$0,5 + 1$	$u_2 + u_9 = 70$ تكافئ $2u_0 + 11r = 70$ ومنه: $r = 6$	(1)															
1,5	$0,75 \times 2$	$u_n = u_0 + nr = 6n + 2$	(2)															
1	1	$u_n = 2024$ تكافئ $n = 337$	(3)															
2	$0,5 \times 2$	(أ) $S_n = \frac{n+1}{2}(u_0 + u_n) = (n+1)(3n+2)$	(4)															
	$0,5 \times 2$	(ب) $S_n = 352$ تكافئ $3n^2 + 5n - 350 = 0$ ومنه $n = 10$																
التمرين الثالث (08 نقاط)																		
0,75	$0,25 \times 3$	$g(0) = 0$ ، $g(1) = -1$ و $g(2) = 0$	(1(I															
1,25	0,5	(أ) الدالة g متناقصة تماما على $]-\infty; 1]$ و متزايدة تماما على $[1; +\infty[$	(2)															
	0,75	(ب) g موجبة تماما على المجالين $]-\infty; 0]$ و $[2; +\infty[$ وسالبة تماما على المجال $]0; 2[$ وتتعدم عند 0 وعند 2																
1	$0,5 \times 2$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$	(1(II															
1,5	0,5	(أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = -x^2 + 2x = -g(x)$	(2)															
	0,5	(ب) الدالة f متناقصة تماما على المجالين $]-\infty; 0]$ و $[2; +\infty[$ و متزايدة																
	0,5	تماما على $[0; 2]$ جدول التغيرات <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>0</td><td>2</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$+\infty$</td><td></td><td>$\frac{4}{3}$</td><td></td><td>$-\infty$</td></tr></table>		x	$-\infty$	0	2	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	0	-	$f(x)$	$+\infty$		$\frac{4}{3}$
x	$-\infty$	0	2	$+\infty$														
$f'(x)$	-	0	+	0	-													
$f(x)$	$+\infty$		$\frac{4}{3}$		$-\infty$													
1	0,5	(أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f''(x) = -2x + 2$ ، f'' تنعدم عند 1 وتغير إشارتها ومنه $A(1; \frac{2}{3})$ نقطة انعطاف لـ (C_f)	(3)															
	0,5	(ب) $(T): y = x - \frac{1}{3}$																

0,75	0,25	أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f(x) = \frac{1}{3}x^2(3-x)$	(4)
	0,5	ب) $(c_f) \cap (xx') = \{O(0;0), B(3;0)\}$	
1,75	0,5 × 2 0,5 + 0,25	$f(4) = -\frac{16}{3}$ و $f(-2) = \frac{20}{3}$ الرسم.	(5)

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.