

التمرين الأول : (نقاط 6)

تستعمل المركبات الكيميائية التي تحتوي على عنصر الأزوت في مجالات متعددة كالزراعة لتخصيب التربة بواسطة الأسمدة أو الصناعة لتصنيع الأدوية و غيرها , تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة 25°C

الجداء الأيوني للماء $K_e = 10^{-14}$

الجزء الأول :

1_ نحضر محلولاً مائياً (S_1) للأمونياك NH_3 تركيزه المولي $C_1 = 10^{-2} \text{ mol/l}$ أعطى قياس PH المحلول S_1 القيمة $\text{PH} = 10.6$

أ- أكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل الأمونياك مع الماء

ب- أوجد تعبير نسبة التقدم النهائي τ_1 للتفاعل بدلالة C_1 و PH و K_e ماذا تستنتج ؟

ج- بين أن تعبير ثابت التوازن K للتفاعل يكتب على الشكل : $K = \frac{10^{2(\text{PH}-14)}}{C_1 - 10^{(\text{PH}-14)}}$ أحسب قيمتها .

2_ نخفف المحلول S_1 فنحصل على محلول مائي S_2 . نقيس PH المحلول S_2 فنجد $\text{PH}' = 10.4$ فنحصل على منحنى الذي يمثل مخطط

التوزيع النوعين الحامضي و القاعدي للمزدوجة $\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3$:

أ- بين أن نسبة تواجد الحمض NH_4^+ و تواجد القاعدة

NH_3 في المحلول تكتب من الشكل :

$$\text{NH}_3\% = \frac{1}{1 + 10^{\text{PKa} - \text{PH}}} \quad \text{و} \quad \text{NH}_4^+\% = \frac{1}{1 + 10^{\text{PH} - \text{PKa}}}$$

ب- أقرن النوع القاعدي للمزدوجة $\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3$ بالمنحنى

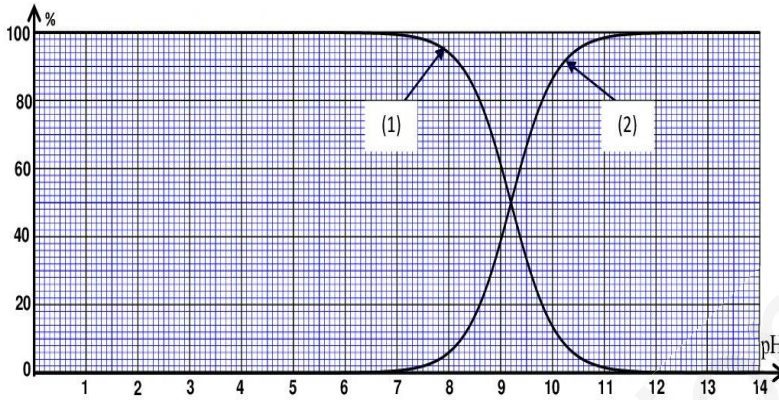
الموافق له مع التعليل

ج- إعتاداً على منحنى الشكل حدد :

PK_{a1} -

- نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل في المحلول S_2

د- بمقارنة τ_1 و τ_2 ماذا تستنتج ؟

**الجزء الثاني :**

عند معايرة حجم $V_B = 20 \text{ ml}$ من محلول الأمونياك NH_3 ذي تركيز C_B بمحلول حمض كلور الماء ($\text{H}_3\text{O}^+ + \text{Cl}^-$) تركيزه المولي

$C_A = 0.1 \text{ mol/l}$ نقيس PH المزيج فنحصل على تمثيل المنحنى البياني $\text{PH} = f(V_B)$

1_ هل البيان يدل على أن الأمونياك أساس ضعيف ؟ علل

2_ أكتب معادلة تفاعل المعايرة

3_ ما طبيعة المزيج عند التكافؤ ؟

4_ عين بيانياً : - نقطة التكافؤ $E (V_{BE}, \text{PH}_E)$

- قيمة PK_a للثنائية $\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3$

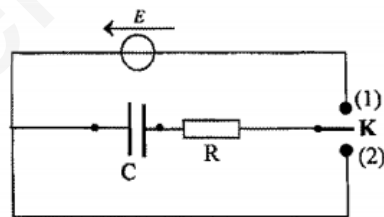
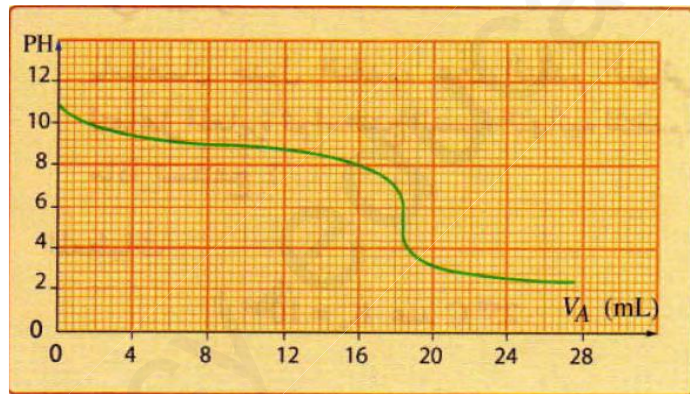
5_ استنتج قيمة التركيز C_B

6_ بين أن ثابت التوازن K يعطى بالعلاقة التالية : $K = \frac{1}{10^{-\text{PKa}}}$ ثم أحسب قيمته .

7_ أحسب النسبة $\frac{[\text{NH}_3]}{[\text{NH}_4^+]}$ ثم عبر عنها بدلالة C_B و V_B و x_f عندما

يكون حجم الماء المضاف هو $V_A = 5 \text{ ml}$

8_ أحسب قيمة x_f و نسبة التقدم النهائي τ_f لتفاعل المعايرة. ماذا تستنتج ؟



(الشكل-2)

التمرين الثاني : (4 نقاط)

بغرض شحن مكثفة فارغة , سعتها C , نصلها على التسلسل مع العناصر الكهربائية التالية :

- مولد ذو توتر كهربائي ثابت $E = 5 \text{ V}$ و مقاومته الداخلية مهملة

- ناقل أومي مقاومته $R = 120 \Omega$

- بادلة K

لمتابعة التطور الكهربائي U_C بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن , نوصل جهاز فولط متر رقمي

بين طرفي المكثفة و في اللحظة $t = 0$ نضع البادلة في (1)

و بالتصوير المتعاقب تم تصوير شاشة جهاز الفولط متر الرقمي لمدة معينة و بمشاهدة شريط الفيديو ببطنى سجلنا النتائج التالية :

t (ms)	0	4	8	16	20	24	32	40	48	60	68	80
u _C (V)	0	1.0	2.0	3.3	3.8	4.1	4.5	4.8	4.9	5.0	5.0	5.0

1_ مثل الجهة الإصطلاحية للتيار المار في الدارة و بين بسهم التوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي .

2_ أرسم البيان $U_c = f(t)$

3_ عين بيانيا قيمة ثابت الزمن τ لثنائي القطب RC و استنتج قيمة السعة C للمكثفة

4_ كيف تتغير قيمة ثابت الزمن τ في الحالتين ؟

أ- الحالة (أ) : من أجل مكثفة سعتها C' حيث $C' > C$ و $R = 120\Omega$

ب- الحالة (ب) : من أجل مكثفة سعتها C'' حيث $C'' = C$ و $R' < 120\Omega$

أرسم كيفيا , في نفس المعلم المنحنيين (1) , (2) المعبرين عن U_c في الحالتين (أ) و (ب) السابقتين

5_ بين أن المعادلة التفاضلية المعبرة عن $q(t)$ تعطى بالعلاقة : $\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{RC}q(t) = \frac{E}{R}$

6_ يعطى حل المعادلة التفاضلية بالعلاقة $q(t) = Ae^{\alpha t} + \beta$ حيث A و α و β ثوابت يطلب تعيينها , علما أنه في اللحظة $t = 0$ تكون $q(t) = 0$

7_ المكثفة مشحونة نضع البادلة في الوضع (2) في لحظة نعتبرها كمبدأ للأزمنة

أ- أحسب في اللحظة $t = 0$ الطاقة الكهربائية المخزنة E_0 في المكثفة

ب- ما هو الزمن اللازم الذي من أجله تصبح الطاقة المخزنة في المكثفة $E = \frac{E_0}{2}$

التمرين الثالث: (6 نقاط)

يجر جسم (S_2) كتلته $m_2 = 600g$ بواسطة خيط مهمل الكتلة و عديم الإمتطاط يمر على بكرة مهمل الكتلة جسم (S_1) كتلته $m_1 = 800g$ تتحرك على مستوى يميل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ في وجود قوة الاحتكاك $\vec{f}$ شدتها ثابتة و لا تتعلق بسرعة الجسم (S_1) في اللحظة $t = 0$ ينطلق الجسم (S_1) من النقطة A دون سرعة ابتدائية فقطع المسافة $AB = x$ كما هو موضح في الشكل :

تعطى : $g = 9.8 m/s^2$

الجزء الأول:

1_ أعد رسم الشكل و مثل عليه القوة الخارجية المؤثرة على

(S_1) و (S_2)

2_ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أثبت أن المعادلة التفاضلية

للفاصلة x تعطى بالعلاقة التالية :

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{m_2 - m_1 \sin \alpha}{m_2 + m_1} g - \frac{f}{m_1 + m_2}$$

3_ استنتج طبيعة حركة الجسم (S_1)

4_ باستغلال الشروط الابتدائية أوجد حلا للمعادلة التفاضلية

السابقة

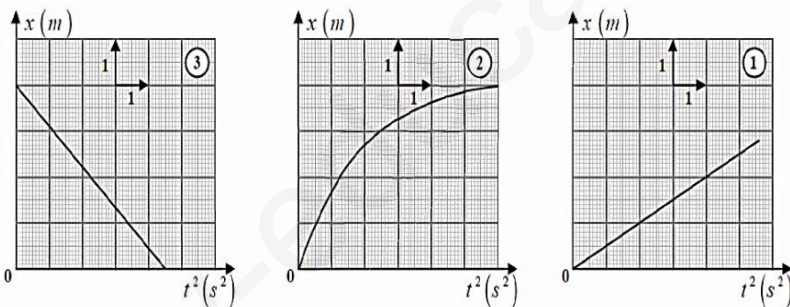
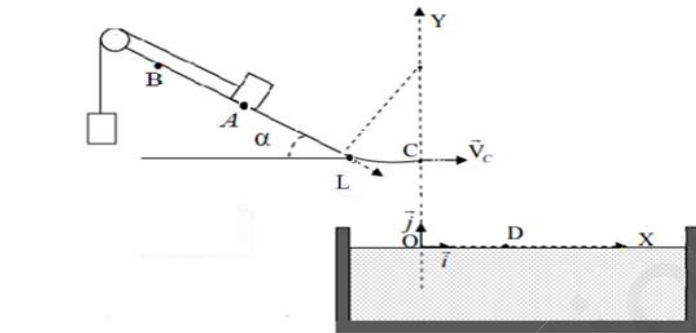
5_ من أجل قيم مختلفة لـ x كررنا التجربة السابقة عدة مرات فتحصلنا على منحني بياني يلخص طبيعة الحركة الجسم (S_1)

أ- من بين المنحنيات 1 - 2 - 3 ما هو البيان الذي

يتفق مع الدراسة النظرية ؟ علل

ب- أحسب من البيان قيمة التسارع a

ج- استنتج قيمة كل من قوة الاحتكاك f وتوتر الخيط T



الجزء الثاني : دراسة حركة (S_1) في الهواء

نقطع الخيط فيكمل الجسم (S_1) مساره على المستوى حتى يصل إلى النقطة C بسرعة أفقية $V_c = 4.67 m/s$ في اللحظة $t = 0$

يخضع الجسم (S_1) بالإضافة إلى ثقله إلى تأثير رياح اصطناعية نمذجها بقوة أفقية ثابتة عبارتها : $\vec{f}_1 = -f_1 \vec{i}$ (ندرس حركة هذا الجسم في

المعلم الأرضي $R_1(O, \vec{i}, \vec{j})$ الذي نعتبره عطاليا)

1_ أوجد عند اللحظة t عبارة المركبة الأفقية لشعاع السرعة بدلالة $m, V_c, \vec{f}_1, t$

2_ عند اللحظة $t_D = 0.86s$ يصل الجسم (S_1) إلى النقطة D التي توجد على سطح الماء , حيث تنعدم المركبة الأفقية لسرعته

أ- أحسب f_1

ب- حدد الارتفاع h للنقطة C عن سطح الماء

الجزء الثالث : دراسة الحركة الشاقولية للجسم (S_1) في الماء

يتابع الجسم (S_1) حركته في الماء بسرعة شاقولية $\vec{V}$ نعتبر $t = 0$ لحظة دخول الجسم في الماء حيث يخضع بالإضافة إلى ثقله :

- قوة احتكاك مائع نمذجها بشعاع $\vec{f} = 140v^2 \vec{j}$ هو : $\vec{f} = 140v^2 \vec{j}$

- دافعة أرخميدس π شدتها : $\pi = 637 N$

1_ بين أن السرعة $v(t)$ للجسم (S_1) يحقق المعادلة التفاضلية التالية : $\frac{dv(t)}{dt} - 2v^2 + 0.7 = 0$

2_ أوجد قيمة السرعة الحدية v_l .

التمرين الرابع : (4 نقاط)

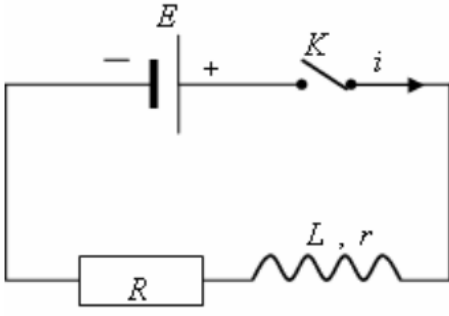
نربط على التسلسل العناصر الكهربائية التالية :

- مولد ذو توتر ثابت $E = 6V$

- وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها r .

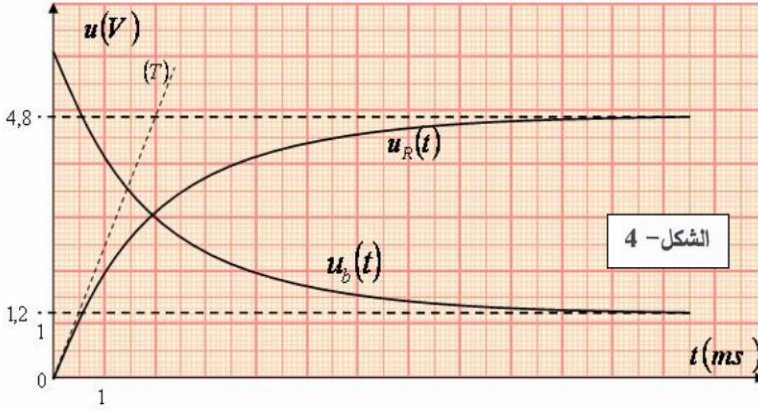
- ناقل أومي مقاومته R

- بادلة K



للمتابعة الزمنية لتطور التوتر بين طرفي كل من الوشيعة $U_b(t)$ و الناقل الأومي $U_R(t)$ نستعمل راسم الإهتزاز المهبطي ذي الذاكرة

- 1_ بين كيف يمكن ربط راسم الاهتزاز المهبطي بالدائرة لمشاهدة كل من $U_R(t)$ و $U_b(t)$
- 2_ نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0ms$ فنشاهد على الشاشة البيانيين الممثلين للتوترين $U_R(t)$ و $U_b(t)$



أ- أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $U_R(t)$ بين طرفي الناقل الأومي

ب- بإعتبار العلاقة $U_R(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ حلا لهذه

المعادلة التفاضلية , أوجد العبارة الحرفية لكل من A و τ

3_ إعتماذا على البيانيين الممثلين في الشكل 04 :

أ- أوجد قيمة المقاومة R للناقل الأومي علما أن المقاومة الكلية للدائرة $R_T = 50\Omega$.

ب- استنتج قيمتي شدة التيار في النظام الدائم والمقاومة r .

ج- حدد قيمة ثابت الزمن τ المميز للدائرة , ثم استنتج قيمة معامل التحريض L للوشيعة

د- أوجد قيمة شدة التيار عند اللحظة $t = 6ms$, ثم استنتج الطاقة المخزنة في الوشيعة عند هذه اللحظة.

4_ لتكن M نقطة تقاطع المنحنيين $U_R(t)$ و $U_b(t)$:

أ- بين أن معامل التحريض L يحقق العلاقة : $L = \frac{R+r}{\ln\left(\frac{2R}{R-r}\right)} t_M$, ثم أحسب قيمته .

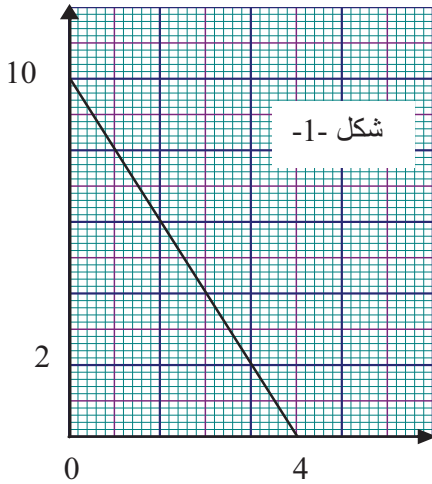
ب- هل توافق هذه النتيجة القيمة المحصل عليها سابقا ؟

بالتوفيق

الأستاذ : موايسي محمد

التمرين الأول (06 نقاط)

كريبه كتلتها $m = 4g$ ونصف قطرها $r = 2cm$ ، تسقط الكريبه شاقوليا في الهواء بدون سرعة ابتدائية $v_0 = 0$ ، تخضع الكريبه إلى قوة احتكاك مع الهواء حيث: $f = kv$.



الدراسة التجريبية مكنت من رسم المنحنى البياني الموضح في الشكل -1-.

1- قارن بين قوة دافعة ارخميدس π وقوة ثقل الكريبه P . ماذا تستنتج؟

2- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة قوة الاحتكاك المؤثرة على الكريبه

$$\frac{df}{dt} = A \cdot f + B$$

تكتب على الشكل: حيث: A و B ثابتين يطلب تعيين عبارتيهما.

3- حدد قيم كلا من: ثابت الزمن τ ، معامل الاحتكاك k والسرعة الحدية v_{lim} .

4- جد المعادلة التفاضلية لتطور سرعة الكريبه.

5- حل المعادلة التفاضلية من الشكل: $v(t) = A(1 - e^{-Bt})$

حيث: A, B ثوابت يطلب إيجاد عبارة كل منهما، وما هو المدلول الفيزيائي للثابت A .

6- تأكد من قيمة السرعة الحدية v_{lim} المحسوبة سابقا في السؤال 3.

يعطى: الكتلة الحجمية للهواء $\rho_{air} = 1,3 kg / m^3$ ، الجاذبية الأرضية $g = 10 m \cdot s^{-2}$ ، حجم الكرة $V = \frac{4}{3} \pi r^3$.

التمرين الثاني: (07 نقاط)

نعتبر الأرض كروية الشكل نصف قطرها R_T وكتلتها M_T ، حيث يدور قمر اصطناعي S كتلته m على ارتفاع h من سطحها ويتحرك بسرعة v .

1- أعط العبارة الحرفية لقوة جذب الأرض للقمر الاصطناعي $F_{T/S}$ بدلالة: G, m, M_T, h, R_T .

2- أوجد العبارة الحرفية للجاذبية g بدلالة: G, M_T, h, R_T .

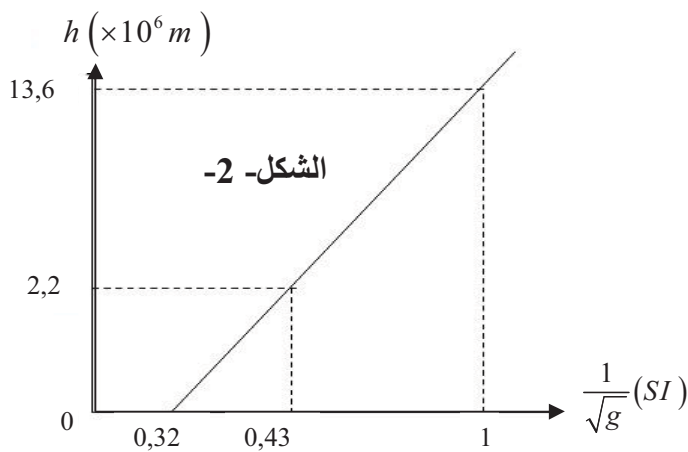
3- انطلاقا من العبارة السابقة بين أن عبارة الارتفاع h يمكن أن تكتب على الشكل: $h = A \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} + B$.

حيث: A, B ثابتين يطلب تحديد عبارتيهما.

4- البيان الشكل -2- يمثل: $h = f\left(\frac{1}{\sqrt{g}}\right)$.

أ- أكتب العبارة البيانية.

ب- أحسب كتلة الأرض M_T .



ت- استنتج قيمة نصف قطر الأرض R_T .

ث- أوجد قيمة تسارع الجاذبية g_0 على سطح الأرض.

5- إذا علمت أن قيمة تسارع الجاذبية في مدار هذا القمر

هي: $g = 0,25(SI)$.

أ- أوجد ارتفاع القمر الاصطناعي h عن سطح الأرض.

ب- احسب سرعته v في مداره.

يعطى: ثابت الجذب العام $G = 6,67 \times 10^{-11}(SI)$.

التمرين الثالث: (07 نقاط)

يستعمل حمض البنزويك C_6H_5COOH كمادة حافظة في صناعة المواد الغذائية وخاصة المشروبات الغازية ويرمز له بالرمز E 210 وهو جسم أبيض اللون.

أ. نقوم بتحضير محلول S_0 لحمض البنزويك ذي التركيز المولي C_0 وذلك بإذابة الكتلة m من حمض البنزويك في

حجم $V = 100mL$ من الماء المقطر، أعطى قياس pH المحلول القيمة $pH = 2,61$.

يعطى: $Ke = 10^{-14}$ ، $Ka = 6,3 \times 10^{-5}$ ، $M(C_6H_5COOH) = 122g/mol$.

1- اكتب معادلة التفاعل بين حمض البنزويك والماء.

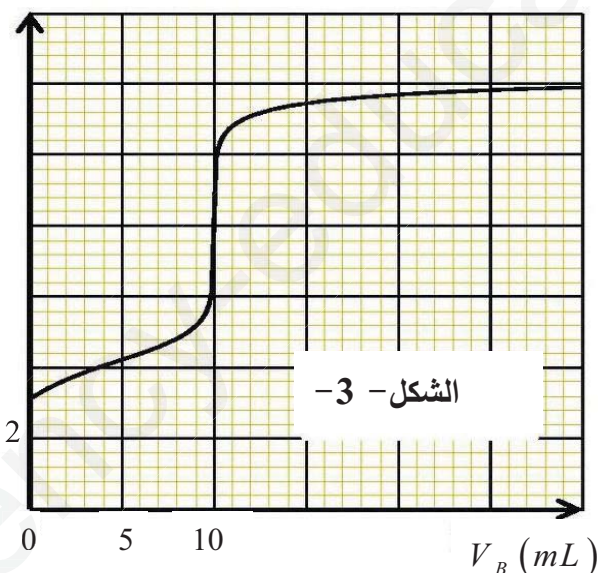
2- بين أن نسبة التقدم النهائي τ_f لهذا التفاعل تكتب على الشكل: $\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0}$.

II. لتحديد التركيز المولي C_0 ، نأخذ عينة من المحلول S_0 ونخففها 10 مرات لنحصل على المحلول S_A تركيزه المولي

C_A ، بعد ذلك نأخذ حجما $V_A = 20mL$ من المحلول S_A ، ونعايره بمحلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + HO^-)_{(aq)}$

تركيزه المولي $C_B = 0,02mol/L$. يمثل الشكل -3- منحنى تغير pH المحلول بدلالة حجم المضاف V_B من محلول

pH



1- اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

2- احسب ثابت التوازن K . ماذا تستنتج؟

3- عند إضافة حجم $V_B = 7mL$:

أ- بين أن عبارة نسبة التقدم النهائي تكتب على الشكل:

$$\tau_f = 1 - \frac{K_e \cdot 10^{pH}}{C_B} \left(1 + \frac{V_A}{V_B} \right)$$

ب- احسب τ_f . ماذا تستنتج؟

4- اعتمادا على الشكل -3-:

أ- حدد إحداثيات نقطة التكافؤ.

ب- احسب التركيز C_A للمحلول S_A . ثم استنتج التركيز C_0 .

ت- تحقق أن حمض البنزويك حمض ضعيف، ثم استنتج قيمة الكتلة m .

التمرين الأول: (06 نقاط)

1- المقارنة بين قوة دافعة ارخميدس π وقوة ثقل الكره P :

$$\pi = \rho \cdot V \cdot g = \rho \cdot \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \cdot g = 4,35 \times 10^{-4} N$$

$$P = m \cdot g = 40 \times 10^{-3} N$$

$$\Rightarrow \frac{P}{\pi} = 91,95$$

ومنه π مهملة أمام P .

2- تبيان أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة قوة الاحتكاك

المؤثرة على تكتب على الشكل: $\frac{df}{dt} = A \cdot f + B$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد: $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$

$\vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط على المحور oz نجد: $P - f = m \cdot a$

$\Rightarrow m \cdot g - f = m \cdot \frac{dv}{dt} \Rightarrow g - \frac{f}{m} = \frac{dv}{dt}$

بضرب طرفي المعادلة في k نجد: $k \cdot g - \frac{k}{m} \cdot f = \frac{d(k \cdot v)}{dt}$

$\left[\begin{array}{l} A = -\frac{k}{m} \\ B = kg \end{array} \right]$ بالمطابقة نجد: $\frac{df}{dt} = k \cdot g - \frac{k}{m} \cdot f$ (1)...

3- تحديد قيم: τ ، معامل الاحتكاك k والسرعة الحدية v_{lim} :

ثابت الزمن τ : البيان خط مستقيم من الشكل: (2) $\frac{df}{dt} = a \cdot f + b$

حيث: a : معامل توجيه المستقيم $-2,5s$ $a = \frac{\Delta \frac{df}{dt}}{\Delta f} = \frac{0-10}{4-0} = -2,5$

بمطابقة المعادلتين (1) و (2) نجد: $a = -\frac{k}{m} = -\frac{1}{\tau} \Rightarrow \tau = \frac{m}{k} = \frac{4 \times 10^{-3}}{0,4} = 10^{-2} kg/s = k$

معامل الاحتكاك k : $\tau = \frac{m}{k} \Rightarrow k = \frac{m}{\tau} = \frac{4 \times 10^{-3}}{0,4} = 10^{-2} kg/s = k$

السرعة الحدية v_{lim} : في النظام الدائم: $\frac{df}{dt} = 0 \Rightarrow f_{\text{lim}} = C^{te}$

ومنه: $f_{\text{lim}} = k \cdot v_{\text{lim}} \Rightarrow v_{\text{lim}} = \frac{f_{\text{lim}}}{k} = \frac{4 \times 10^{-2}}{10^{-2}} = 4 m/s$

4- المعادلة التفاضلية لتطور السرعة:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد: $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$

$\vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط على المحور oz نجد: $P - f = m \cdot a$

$\Rightarrow m \cdot g - kv(t) = m \cdot \frac{dv}{dt} \Rightarrow \left[\frac{dv}{dt} + \frac{f}{m} \cdot v(t) = g \right]$

5- حل المعادلة التفاضلية من الشكل: $v(t) = A(1 - e^{Bt})$

$\Rightarrow \frac{dv}{dt} = -AB \cdot e^{Bt}$ ونعوض في المعادلة التفاضلية نجد:

$\Rightarrow -AB \cdot e^{Bt} + \frac{k}{m} \cdot A(1 - e^{Bt}) = g$

$\Rightarrow -AB \cdot e^{Bt} + \frac{k}{m} \cdot A - A \cdot \frac{k}{m} \cdot e^{Bt} = g$

$\Rightarrow A \cdot e^{Bt} \left(-B - \frac{k}{m} \right) + A \cdot \frac{k}{m} = g$

$-B - \frac{k}{m} = 0 \Rightarrow \left[B = -\frac{k}{m} \right]$

$A \cdot \frac{k}{m} - g = 0 \Rightarrow \left[A = \frac{m \cdot g}{k} \right]$

المعدل الفيزيائي: $A = \frac{m \cdot g}{k}$ السرعة الحدية v_{lim} في النظام الدائم.

6- التأكد من قيمة السرعة الحدية v_{lim}

$v_{\text{lim}} = \frac{m \cdot g}{k} = \frac{4 \times 10^{-3} \cdot 10}{10^{-2}} = 4 m/s$

التمرين الثاني: (07 نقاط)

1- العبارة الحرفية لقوة جذب الأرض للقمر الاصطناعي $F_{T/s}$

$F_{T/s} = G \frac{m \cdot M_T}{(h + R_T)^2}$

2- العبارة الحرفية للجاذبية g بدلالة G, M_T, h, R_T

$P = F_{T/s} \Rightarrow mg = G \frac{m \cdot M_T}{(R_T + h)^2} \Rightarrow g = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)^2}$

3- تبيان أن عبارة الارتفاع h تكتب على الشكل: $h = A \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} + B$

لدينا: $g = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)^2} \Rightarrow (R_T + h)^2 = \frac{G \cdot M_T}{g}$

$\Rightarrow h = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{g}} - R_T \Rightarrow \left[h = \sqrt{G \cdot M_T} \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} - R_T \right]$

بالمطابقة نجد: $\left[\begin{array}{l} A = \sqrt{G M_T} \\ B = -R_T \end{array} \right]$

4- أ- العبارة البيانية: معادلة البيان من الشكل: $h = a \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} + b$

ايجاد الثابت a معامل توجيه البيان:

$a = \frac{\Delta h}{\Delta \left(\frac{1}{\sqrt{g}} \right)} = \frac{(13,6 - 0) \times 10^6}{1 - 0,32} = 2 \times 10^7 (SI)$

ايجاد الثابت b : $h = 13,6 \times 10^6 m$

$\Rightarrow 13,6 \times 10^6 = 2 \times 10^7 \cdot 1 + b \Rightarrow b = 1,6 \times 10^6$

تصبح العبارة البيانية: $\left[h = 2 \times 10^7 \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} + 1,6 \times 10^6 \right]$

ب- أحسب كتلة الأرض M_T :

لدينا: (1) $h = 2 \times 10^7 \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} + 1,6 \times 10^6$

(2) $h = \sqrt{G \cdot M_T} \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} - R_T$

حسب التعريف (1) $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}}$ وعند حجم $V_B = 7mL < V_{BE}$

إذن المتفاعل المحد هو HO^- إذن: (2) $x_{\max} = C_B V_B$

ومن جدول التقدم: $n(HO^-) = C_B V_B - x_f$

$$\Rightarrow [HO^-](V_A + V_B) \in V_B - x_f \Rightarrow x_f = C_B V_B - [HO^-](V_A + V_B)$$

$$\text{ولدينا: } Ke = [HO^-][H_3O^+] \Rightarrow [HO^-] = \frac{Ke}{[H_3O^+]}$$

$$\text{ومنه: (3) } x_f = C_B V_B - \frac{Ke}{10^{-pH}} (V_A + V_B)$$

$$\text{نعوض في (2) و (3) في (1) نجد: } \tau_f = 1 - \frac{Ke \cdot 10^{pH}}{C_B} \left(1 + \frac{V_A}{V_B}\right)$$

$$\text{ب- ت. ع. } \tau_f = 1 - \frac{10^{-14} \cdot 10^5}{0,02} \left(1 + \frac{20}{7}\right) = 0,999$$

$\tau_f = 1$ تفاعل المعايرة تام.

$$\text{4- أ- أحداثيات نقطة التكافؤ: } \begin{cases} pH_E = 8 \\ V_{BE} = 10 mL \end{cases}$$

ب- حساب التركيز المولي C_A :

$$\text{عند نقطة التكافؤ الميزج ستيكيومتري: } \frac{C_A V_A}{1} = \frac{C_B V_{BE}}{1}$$

$$\Rightarrow C_A = \frac{C_B V_{BE}}{V_A} = \frac{0,02 \cdot 10}{20} = 0,01 mol/L$$

$$\text{استنتاج التركيز المولي } C_0: C_0 = 10 C_A \Rightarrow C_0 = 10 \cdot 0,01 = 0,1 mol/L$$

$$\Rightarrow C_0 = 0,1 mol/L$$

ت- تحقق أن حمض البنزويك حمض ضعيف:

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0} = \frac{10^{-pH}}{C_0} = \frac{10^{-2,61}}{0,1} = 2,45 \times 10^{-2} < 1$$

$\tau_f < 1$ التفاعل غير تام وحمض البنزويك حمض ضعيف.

استنتاج قيمة الكتلة m :

$$C_0 = \frac{n}{V} = \frac{m}{MV} \Rightarrow m = M \cdot V \cdot C_0$$

$$\text{ت. ع. } m = 122 \cdot 0,1 \cdot 100 \times 10^{-3} = 1,22 g$$

$$\sqrt{GM_T} = 2 \times 10^6 \Rightarrow M_T = \frac{(2 \times 10^6)^2}{G} \quad (1) \quad (2) \quad \text{نجد}$$

$$\Rightarrow M_T = \frac{(2 \times 10^7)^2}{6,67 \times 10^{-11}} = 6 \times 10^{24} Kg$$

ت- استنتاج قيمة نصف قطر الأرض R_T : $R_T = 6,4 \times 10^6 m$

ث- قيمة تسارع الجاذبية g_0 على سطح الأرض:

$$h=0 \Rightarrow g_0 = \frac{G \cdot M_T}{(R_T)^2} \Rightarrow g_0 = \frac{6,67 \times 10^{-11} \cdot 6 \times 10^{24}}{(6,4 \times 10^6)^2} = 9,77 N/Kg$$

5- أ- حساب ارتفاع القمر الاصطناعي h عن سطح الأرض:

$$h = 2 \times 10^7 \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} - 6,4 \times 10^6 \Rightarrow h = 2 \times 10^7 \cdot \frac{1}{\sqrt{0,25}} - 6,4 \times 10^6$$

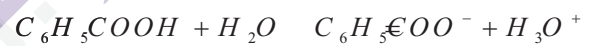
$$\Rightarrow [h = 3,36 \times 10^7 m]$$

ب- أحسب سرعة القمر الصناعي v في مداره:

$$v = \sqrt{\frac{GM_T}{h + R_T}} = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \cdot 6 \times 10^{24}}{3,36 \times 10^7 + 6,4 \times 10^6}} = 3,16 \times 10^3 m/s$$

التمرين الثالث: (07 نقاط)

I. 1- معادلة التفاعل:



$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0} \quad \text{2- تبيان أن}$$

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[H_3O^+]_f V}{C_0 V} = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0}$$

II. 1- معادلة تفاعل المعايرة:



2- حساب ثابت التوازن K :

$$K = \frac{[C_6H_5COO^-]_f \cdot 1}{[C_6H_5COOH]_f \cdot [HO^-]_f} = \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f} = \frac{Ka}{Ke} = 10^{-14}$$

$$K = \frac{6,3 \times 10^{-5}}{10^{-14}} = 6,3 \times 10^9$$

$K = 6,3 \times 10^9 > 10^4$ تفاعل المعايرة تام.

$$\text{3- تبيان أن: } \tau_f = 1 - \frac{K_e \cdot 10^{pH}}{C_B} \left(1 + \frac{V_A}{V_B}\right)$$

جدول التقدم:

	$C_6H_5COOH + HO^- \rightleftharpoons C_6H_5COO^- + H_2O$			
ح ابتدائية	$C_a V_a$	$C_b V_b$	0	بوفرة
ح نهائية	$C_a V_a - x_f$	$C_b V_b - x_f$	x_f	بوفرة

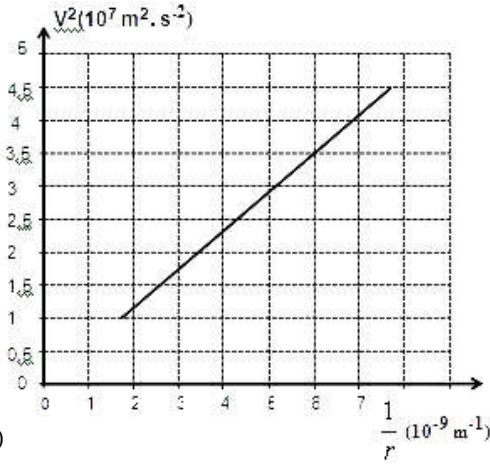
الفرع: 3 و 2 و 1	الامتحان الثاني في مادة العلوم الفيزيائية	ثانوية فاطمة الزمراء / تبسة /
2019/2018	المدة: ساعتين	الأستاذ: ديلي سيمير

الجزء الأول:

التمرين الأول: 6 نقاط

ينجز أورانوس الكوكب السابع في المجموعة الشمسية دورة واحدة حول الشمس خلال 84 سنة أرضية. تدور حول أورانوس خمس أقمار هي ميراندا و أريال و أومبرال و تيتانيا و أوبيرون و تخضع لقوة جاذبة نحو مركز أورانوس. نفرض أن الكتلة موزعة بانتظام في الأجرام السماوية التي نعتبرها كروية. $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ SI}$ 1 jour = 86400 s.

- 1- حدد المرجع المختار لدراسة حركة الأقمار حول أورانوس .
- 2- أعط تعريفا للمعلم المنسوب لهذا المرجع .
- 3- نعتبر مسارات الأقمار حول أورانوس دائرية . بين أن سرعتها ثابتة .
- 4- أكتب عبارة سرعة قمر يدور حول أورانوس بدلالة نصف قطر مداره r و دوره T



الدور T (jour)	نصف قطر المدار r (10^6m)	القمر
1,4	129,8	ميراندا MIRANDA
2,52	191,2	أريال ARIEL
4,14	266,0	أومبرال UMBRIEL
8,71	435,8	تيتانيا TITANIA
13,50	582,6	أوبيرون OBERON

أحسب سرعة القمر أومبرال.

- 3- يعطى المنحنى $v^2 = f\left(\frac{1}{r}\right)$ حيث v سرعة القمر في مرجع الدراسة و r نصف قطر مداره.

- 4- أوجد عبارة السرعة v بدلالة الثوابت G و M و r .

حدد كتلة الكوكب أورانوس M .

groupe FB: dzphysics

5 استخرج عبارة القانون الثالث لكيلبلر

استنادا إلى الجدول حدد كتلة الكوكب أورانوس . هل تطابق النتيجة السابقة ؟

التمرين الثاني: 7 نقاط

تتكون دائرة كهربائية من مولد مثالي للتوتر E و ناقل

أومي مقاومته R و شبيعة مقاومتها الداخلية r

و ذاتيتها L و قاطعة K مربوطة على التسلسل

- 1- أنقل الدارة على ورقة الإجابة موضعا طريقة ربط

راسم الإهتزاز المهبطي لمتابعة تطور شدة التيار

الكهربائي $i(t)$ المار بالدائرة مع التعليل .

- 2- عند اللحظة $t=0$ نغلق القاطعة لنحصل على المنحنى الممثل لتطور شدة التيار $i(t)$

. فسر تأخر شدة التيار الكهربائي في بلوغ شدته الأعظمية .

- 3- بتطبيق قانون جمع التوترات أنجز المعادلة التفاضلية لشدة التيار المار بالدائرة $i(t)$.

- يعطى حل المعادلة التفاضلية من الشكل :

$$i(t) = A \cdot (1 - e^{-\alpha t})$$

حيث A و α ثوابت يطلب من تحديد عبارتهما بدلالة ثوابت الدارة و مدلولهما

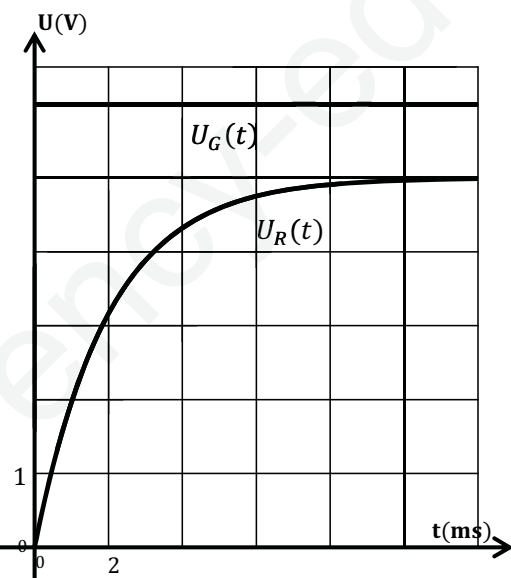
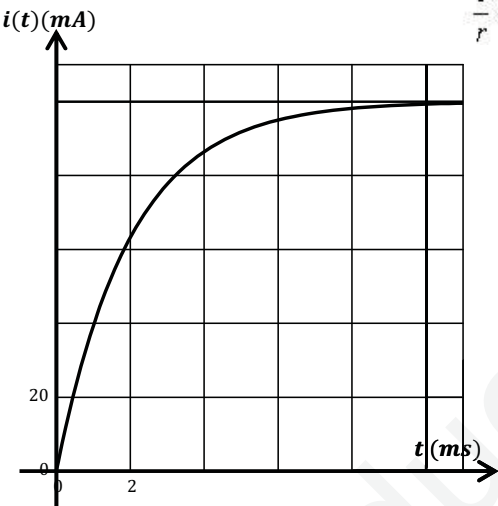
الفيزيائي .

- 4- عبر عن الزمن $t_{1/2}$ اللازم لبلوغ شدة التيار نصف قيمتها الأعظمية بدلالة ثابت

الزمن τ . استنتج من البيان $t_{1/2}$ و τ ثابت الزمن τ .

- 5- أعدنا ربط جهاز راسم الإهتزاز المهبطي للحصول على التوترين $U_G(t)$ و $U_R(t)$

بين طرفي الناقل الأومي و بين طرفي المولد على الترتيب . استنادا إلى المنحنيات



حدد كل من: مقاومة الوشيعية r و مقاومة الناقل الأومي R وذاتبة الوشيعية L

6- أحسب الطاقة المخزنة بالوشيعية عند اللحظة $t_{1/2}$.

الجزء الثاني :

التمرين التجريبي : 7 نقاط

كربونات الصوديوم الهيدروجينية ذو الصيغة $NaHCO_3$ دواء يباع في الصيدليات تحت التسمية التجارية بيكربونات الصودا يستعمل لمعالجة الحموضة العالية في المعدة . سنتأكد بطريقتين مختلفتين من درجة نقاوة d عينة صيدلانية من هذا الدواء ($d = \frac{m}{100}$) حيث m بالغرام كتلة $NaHCO_3$ كربونات الصوديوم الهيدروجينية في 100g من الدواء) . تعطى الكتلة المولية الجزيئية $M = 84,0 \text{ g / mol}$.

الطريقة الأولى

ندخل قرص كتلته 0.8 g من بيكربونات الصوديوم في حوالة عيارية سعتها 100 mL ونضيف تدريجيا الماء المقطر على عدة مرات مع الرج المتواصل ثم نكمل بالماء المقطر . نعاير 20mL من محتوى الحوالة بمحلول حمض كلور

الهيدروجين تركيزه $C_A = 0.10 \text{ mol/L}$

معايرة PH-مترية . تعطى معادلة تفاعل المعايرة :



نحصل على المنحنى $PH=f(Va)$ لتغير PH المزيج التفاعلي بدلالة الحجم Va لمحلول حمض كتلة الهيدروجين المسكوب.

1. ارسم التركيب التجريبي لعملية المعايرة مدعما

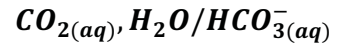
بالبينات.

2. استنادا إلى البيان :

• حدد PH المحلول الأساسي عند بداية المعايرة.

• احداثيات نقطة التكافؤ.

• ثابت الحموضة PKa للثنائية



3. ما الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة؟ علل.

4. احسب كمية مادة كربونات الصوديوم الهيدروجينية

المحتواة في القرص .

5. استنتج درجة النقاوة d .

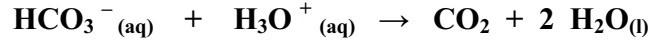
الطريقة الثانية :

المرحلة الأولى : نضع قرص كتلته 0.8 g من كربونات الصوديوم الهيدروجينية في إيرلنماير و نسكب عليه

$V_0 = 25 \text{ ml}$ من محلول حمض كلور الهيدروجين تركيزه $C_0 =$

1.00 mol/L . في هذه الحالة كمية مادة الحمض المسكوب أكبر من كمية مادة

شوارد كربونات الصوديوم الهيدروجينية . يحدث التفاعل الذي معادلته



ثنائي أكسيد الفحم المنطلق يتصاعد تلقائيا و نتأكد من ذلك بتسخين لطيف

المرحلة الثانية : نعاير المتبقي من الحمض المسكوب سابقا بمحلول لهيدروكسيد

الصوديوم تركيزه $C_B = 1.00 \text{ mol/L}$ الذي نسكبه تدريجيا في الإيرلنماير

السابق و بوجود كاشف ملون مناسب . يتغير لون الكاشف عند سكب $V_{BE} = 15.5 \text{ ml}$ من محلول هيدروكسيد الصوديوم .

1- احسب كمية المادة n_0 لشوارد الهيدرونيوم المتواجدة في المحلول الحمضي المسكوب .

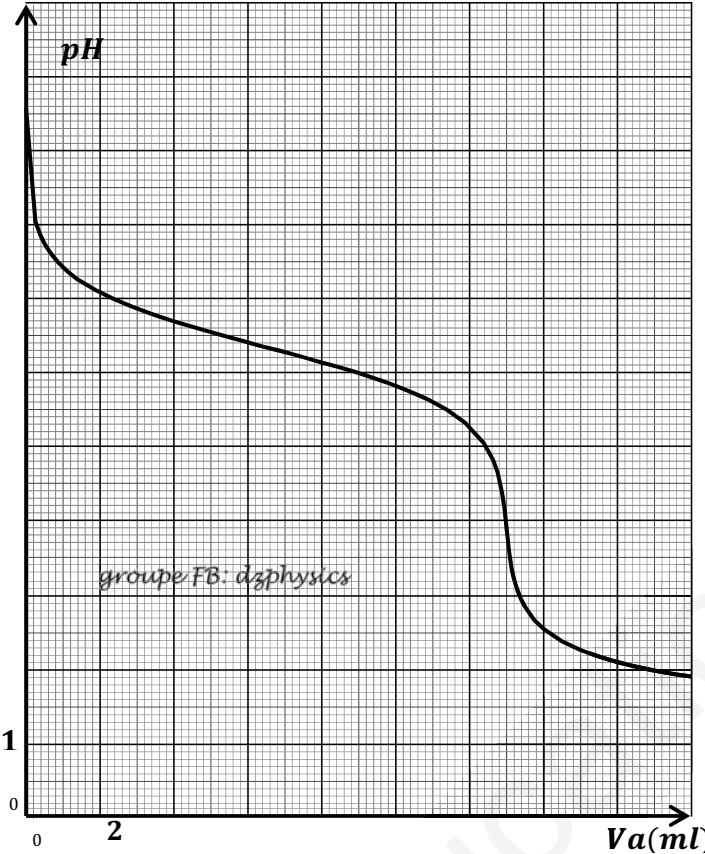
2- اكتب معادلة التفاعل الحادث في المرحلة 2 أثناء معايرة هيدروكسيد الصوديوم للحمض المتبقي .

3- احسب كمية مادة شوارد الهيدرونيوم n_2 المعايرة من طرف محلول هيدروكسيد الصوديوم.

4- احسب كمية مادة شوارد كربونات الصوديوم الهيدروجينية المحتواة في العينة 0.8g .

5- استنتج نسبة النقاوة d و قارنها مع النتيجة المتحصل عليها في الطريقة الأولى .

انتهى .

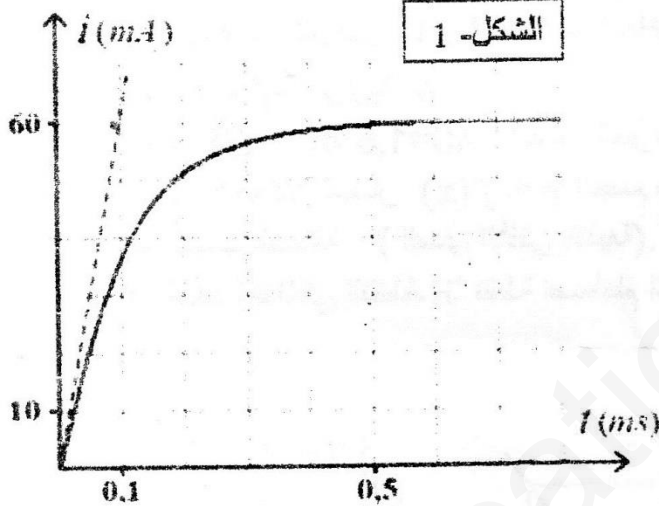


الكاشف الملون	مجال التغير اللوني
الهليانثين	3,1 - 4,4
أحمر الميثيل	4,2 - 6,2
أزرق البروموتيمول	6,0 - 7,6
الفينول فتالين	8,2 - 10,0

امتحان الثلاثي الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

التمرين الأول (4 نقاط)

1/ يتكون ثنائي قطب RL من ناقل اومي مقاومته $R = 100\Omega$ ووشية ذاتيتها L و مقاومتها r مجهولة. عند اللحظة $t = 0$, نصل مربطي ثنائي القطب RL بمولد قوته المحركة الكهربائية $E=6V$ و مقاومته الداخلية مهملة و نعاين بواسطة راسم الاهتزاز المهبطي ذو ذاكرة تغيرات شدة التيار i المار في الدارة بدلالة الزمن. فنحصل على المنحني التالي: شكل 1-.



1/ أعط التركيب التركيب التجريبي المستعمل مبينا جهة التيار و التوترات.

2/ اثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$.

3/ اذا علمت ان: $i(t) = I_0(1 - e^{-t/\tau})$ حل للمعادلة.

استنتج عبارتي كل من: I_0 و τ .

4/ اكتب عبارتي U_R و U_L في النظام الدائم. و عبر عن

$$\frac{U_R}{U_L} \text{ بدلالة } R \text{ و } r.$$

5/ حدد بيانيا قيمة I_0 , ثم احسب قيمة r , ماذا تستنتج؟

6/ حدد ثابت الزمن τ و استنتج قيمة L .

7/ علما ان الطاقة المغناطيسية المخزونة في الوشية في النظام الدائم هي: $E_{Lmax} = 1,8 \cdot 10^{-6} J$.

تحقق من قيمة L .

التمرين الثاني (6 نقاط)

1/ - البلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$ من النواتج الحتمية للتفاعل النووي داخل المفاعل النووي بحيث ينتج عن اصطدام النوترونات السريعة بأنوية اليورانيوم $^{238}_{92}U$ دون انشطارها.

- ينشطر البلوتونيوم عند قذفه بنوترون منتجا اللانثان $^{145}_{57}La$ و الربيديوم $^{92}_{37}Rb$ و نوترونات.

1- أعط تعريف الانشطار النووي.

2- اكتب معادلة التفاعل.

3- احسب الطاقة المحررة عن هذا التفاعل إذا اعتبرنا أن النواتج لا تصدر اشعاعات α, β, γ .

بوحدته ال MeV و الجول.

4- يولد التفاعل السابق الظروف الملائمة للاندماج النووي ، بحيث يحدث الاندماج بين نواتي السيريوم 111

و التريتيوم 3_1H وينتج عن ذلك نواة الهيليوم 4_2He .

أ- أكتب معادلة التفاعل .

ب- أحسب الطاقة المحررة في هذه الحالة .

المعطيات: $1u = 931,5 MeV / c^2$ و $1 MeV = 1,6 \cdot 10^{-13} J$

$m_{{}_1^1H} = 1,00866u$ ، $m_{{}_{57}^{145}La} = 144,912743u$ ، $m_{{}_{94}^{239}Pu} = 239,052u$

$m_{{}_2^4He} = 4,002603u$ ، $m_{{}_1^3H} = 3,01602u$ ، $m_{{}_1^2H} = 2,01410u$ ، $m_{{}_{37}^{91}Rb} = 91,905038u$

III/ من نقطة A تقع في أسفل مستوي أملس تماما يميل عن الأفق بزاوية (α) نقذف جسما (S) نعتبره نقطة مادية وفق خط الميل الأعظمي بسرعة V_A فيصل الى النقطة O بسرعة قدرها v_0 عند اللحظة $t = 0$ كما

هو مبين في الشكل-4

يمثل البيان- 1- تغيرات فاصلة القذيفة بدلالة الزمن ، ويمثل البيان- 2- تغيرات سرعة القذيفة على محور الترتيب بدلالة الزمن.

1- أدرس حركة الجسم (S) على المستوي المائل .

2- استنتج من البيانيين 1 و 2 مركبتي شعاع السرعة V_0 ، ثم أحسب طولته.

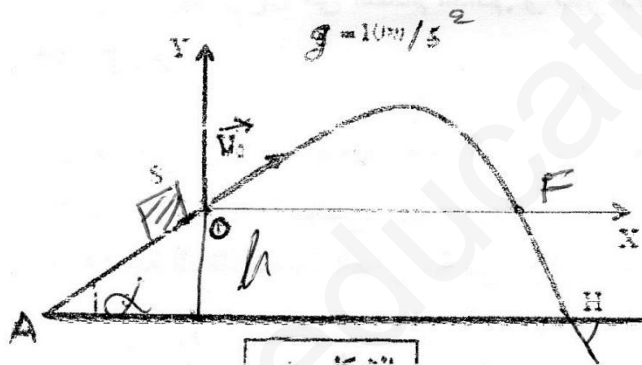
3- أحسب قيمة الزاوية α .

4- إذا كان $AO = 1,5 m$ ، أحسب السرعة عند الموضع A .

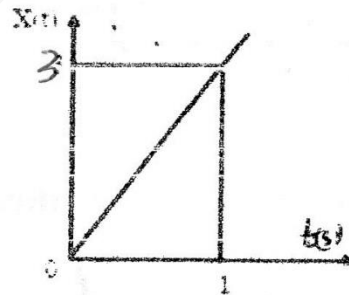
5- أوجد معادلة المسار $y = f(x)$ للجسم بعد مغادرة المستوي المائل في المعلم (OXY)

6- أحسب المسافة (المدى الأفقي للقذيفة) OF.

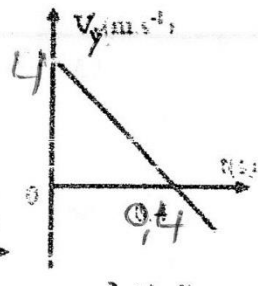
7- أوجد إحداثيتي النقطة H نقطة اصطدام القذيفة بالأرض.



الشكل- 4



البيان- 1.



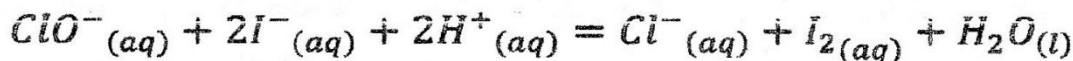
البيان- 2.

التمرين الثالث (5 نقاط)

نضع في بيشر حجما $V_1 = 50 ml$ من ماء الجافيل الذي يحتوي على سوارد الهيبوكلوريت ClO^- تركيزها

المولي $C_1 = 0,56 mol/l$ ونضيف اليه حجما $V_2 = 50 ml$ من محلول KI يود البوتاسيوم تركيزه

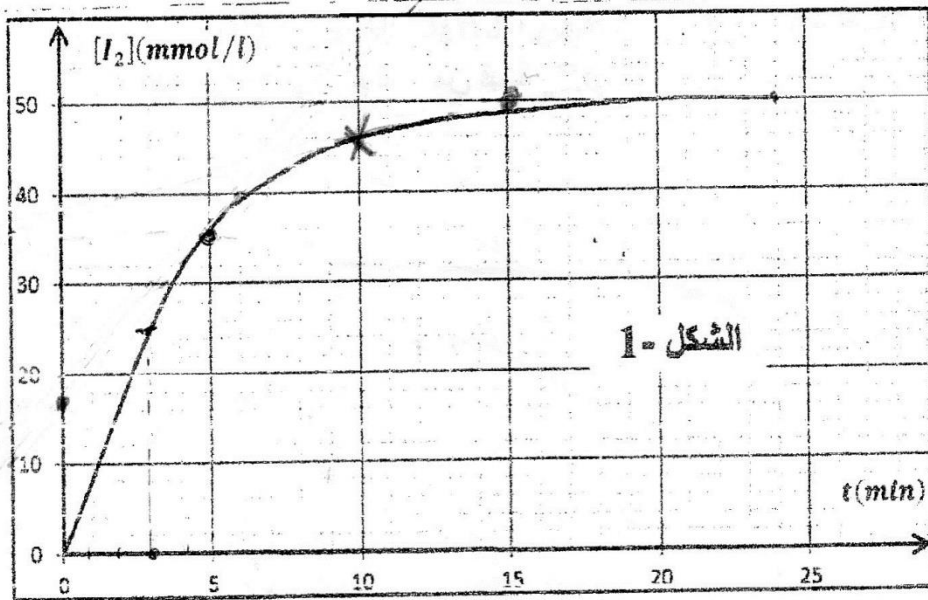
$C_2 = 0,20 mol/l$ مع قطرات من حمض . المعادلة المنمذجة للتفاعل الحادث:



لمتابعة هذا التفاعل البطيء والتام نأخذ عند لحظات زمنية مختلفة بواسطة ماصة $V = 10 ml$ من المزيج

نسكه في بيشر ونضيف اليه الماء والحليد ، ثم نعاير محتوى البيشر بواسطة محلول تيوكبريتات الصوديوم

$(2Na^+ + S_2O_3^{2-})$ تركيزه $C_0 = 0,04 mol/l$. النتائج أعطت المنحنى الشكل-1:



- 1- أنجز جدولاً تقدم التفاعل الحادث بين شوارد الهيپوكلوريت وشوارد اليود.
- 2- احسب السرعة الحجمية للتفاعل عند $t = 5\text{min}$ و $t = 10\text{min}$. كيف تتطور السرعة مع الزمن ؟
ما هو العامل الحركي المسؤول عن ذلك ؟
- 3- عرف زمن نصف التفاعل ثم احسب قيمته.
- 4- الثنائيات الداخلة في تفاعل المعايرة هي : I_2/I^- ، $S_4O_6^{2-}/S_2O_3^{2-}$.
أ- اكتب معادلة تفاعل المعايرة وأعط خصائصه.
ب- لماذا نظيف الماء البارد والجليد ؟
- ج- عرف التكافؤ ، ثم جد العبارة الحرفية الموافقة للتركيز المولي لثنائي اليود $[I_2(aq)]$ بدلالة الحجم V والحجم V_E والتركيز C المولي لتيوكبريتات الصوديوم .
- د- ما هو حجم التكافؤ اللازم اضافته عند اللحظة $t = 5\text{min}$.

التمرين التجريبي (5 نقاط)

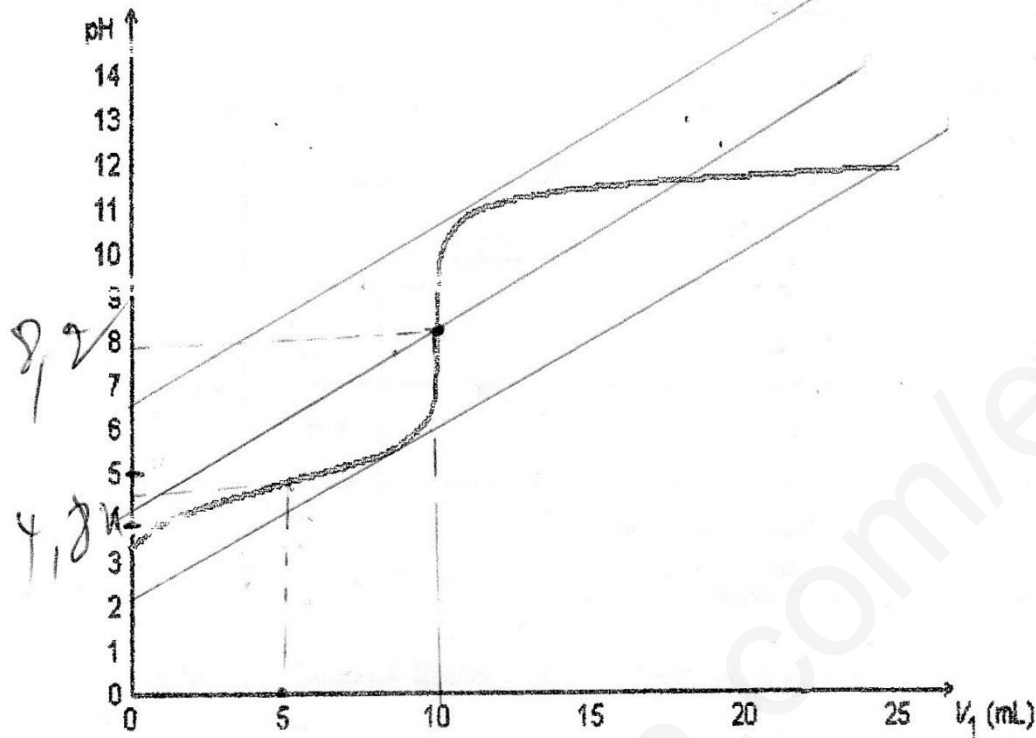
نضع في كأس بيشر $V_a = 20\text{ ml}$ من محلول حمض الإيثانويك $CH_3COOH(aq)$ ، تركيزه المولي C_a . لتعيين هذا التركيز ، نتابع عن طريق آلة pH - متر معايرة هذا الحجم من المحلول الحمضي السابق بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+(aq) + HO^-(aq))$ ، تركيزه المولي $C_b = 2 \times 10^{-2} \text{ mol.l}^{-1}$.

فنهصل على منحنى تغيرات pH بدلالة حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف V_b (الشكل-5) .

- 1 - أعط البروتوكول التجريبي لعملية المعايرة، مع رسم تخطيطي مبسط.
- 2 - أكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحاصل وأنجز جدول التقدم للتفاعل.
- 3 - عرف نقطة التكافؤ ، ثم حدد إحداثياتها من البيان .
- 4 - احسب التركيز المولي الابتدائي لمحلول حمض الإيثانويك .
- 5 - عين من البيان نقطة نصف التكافؤ .

6 - أوجد التراكيز المولية للأفراد الكيميائية التالية :
 و استنتج قيمة pK_a للثنائية : $(CH_3COOH_{(aq)} / CH_3COO^-_{(aq)})$

و أحسب ثابت الحموضة K_a ثم تأكد من قيمة pK_a المحسوبة سابقاً.
 عند إضافة $V_b = 5 \text{ ml}$ ، $CH_3COOH_{(aq)}$ ، $CH_3COO^-_{(aq)}$ ، $HO^-_{(aq)}$ ، $H_3O^+_{(aq)}$



الشكل - 5

7 - في غياب جهاز ال pH متر ما هو الكاشف المناسب لهذا النوع من المعايرة ؟ علل .
 يسأل :

الكاشف الملون	أزرق البروموتيمول	الفينول فتالين	الهليانثين	أحمر الميتيل
مجال التغير اللوني	6.2 - 7.6	8.2 - 10	3.1 - 4.4	4.2 - 6.2

تمنياتنا لكم بالتوفيق.

اساتذة المادة

يتكون الامتحان من موضوع واحد فقط

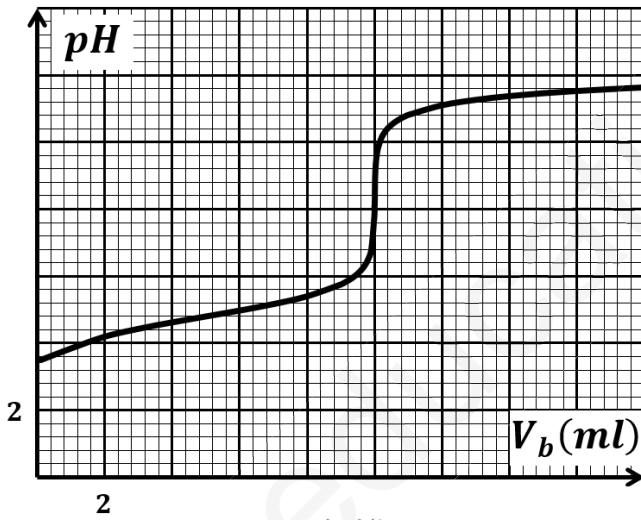
يحتوي الموضوع على صفتين (من الصفحة 1 من 2 الى الصفحة 2 من 2)

التمرين الاول: 8 نقاط

المحاليل مأخوذة عند الدرجة 25°C ، يعطى $K_e = 10^{-14}$

قارورة لمحلول حمض الايثانويك CH_3COOH تركيزها C_0 مجهول، لمعرفة تركيزها نحضر منها محلولاً (S_1) ممددا 20 مرة، نعتبر تركيزه المولي C_a . نقوم بمعايرة حتما $V_a = 20\text{mL}$ من المحلول (S_1) بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد البوتاسيوم $(\text{K}^+ + \text{HO}^-)$ تركيزه المولي $C_b = 0.02\text{mol/L}$. باستعمال لاقط pH متر وواجهة دخول موصولة بجهاز اعلام الي مزود ببرمجية مناسبة تحصلنا على المنحنى البياني $\text{pH} = f(V_b)$ في

الشكل-1 حيث V_b حجم الأساس المضاف اثناء المعايرة.



الشكل-1

الكاشف	مجال التغير اللوني
ازرق البروموتيمول	6.2-7.6
الفينول فتالين	8.2-10.0
أحمر المثيل	4.2-6.2

1- عرف نقطة التكافؤ.

2- عين احداثيات نقطة التكافؤ.

3- احسب التركيز المولي C_a ثم استنتج C_0 .

4- عين بيانيا pKa .

5- اكتب معادلة تفاعل المعايرة ثم احسب ثابت التوازن K

لها وماذا تستنتج؟

6- من بين الكواشف في الجدول ما هو الكاشف المناسب

لهذه المعايرة.

7- أ- اكتب معادلة التفاعل الحادث بين حمض الايثانويك

CH_3COOH والماء في المحلول (S_1) .

ب - انجز جدولاً لتقدم التفاعل.

ج- احسب τ_f وماذا تستنتج؟

8- نحضر من المحلول (S_1) محلولاً (S_2) ممددا 100 مرة، عين قيمة الـ pH له.

التمرين الثاني: 12 نقطة

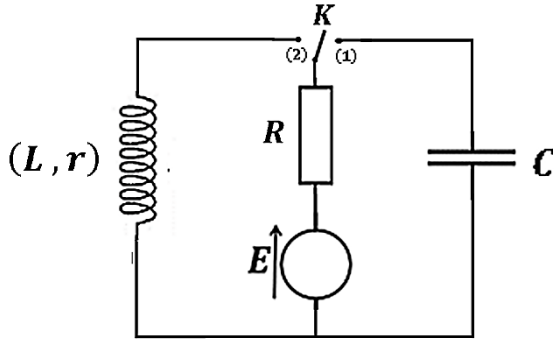
في الشكل-2 المقابل تتكون الدارة الكهربائية من:

- مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية $E = 12V$.

- مقاومة R - وشيعة (L, r) .

- مكثفة سعتها: C

- بادلة K .



الشكل-2

I. نضع البادلة في الوضع -1- في لحظة نعتبرها: $t = 0$:

1- مثل على مخطط الدارة جهة التيارات ووجهة التيار الكهربائي.

2- اكتب المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي المار في الدارة.

3- حل المعادلة السابقة هو $i(t) = Ae^{-Bt}$ ، حيث A ، B ثابت

يطلب تعيين عبارتها بدلالة E ، R ، C .

4- متابعة التيار المار في الدارة وبلاستعانة ببرمجية مناسبة تمكنا من

الحصول على البيان في الشكل -3:

(أ) أكتب معادلة البيان.

(ب) بالاستعانة بالبيان اوجد كلا من: R ، τ و C .

5- احسب الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة.

II. في لحظة نعتبرها من جديد $t = 0$ نجعل البادلة K في الوضع

(2)، بواسطة برمجية مناسبة نحصل على البيان في الشكل-4.

1- بين أن المعادلة التفاضلية للتوتر $u_R(t)$ بين طرفي المقاومة تعطى بالعلاقة التالية: $u_R(t) + \alpha \frac{du_R(t)}{dt} = \beta$

حيث α و β ثابت يطلب تعيين عبارتها ومدلولهما الفيزيائي.

2- تأكد ان العبارة $u_R(t) = \beta \left(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}}\right)$ هي حل للمعادلة.

3- اكتب العبارة: $\frac{du_R}{dt} = f(t)$.

4- اعتمادا على البيان حدد:

أ- ذاتية الوشيعة: L .

ب- قيمة الثابت α ثم استنتج r .

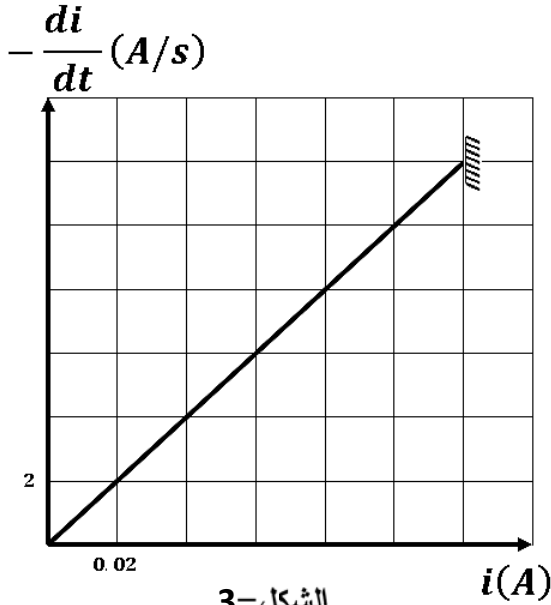
5- احسب E_{Lmax} الطاقة العظمى المخزنة في الوشيعة.

III. نربط مع المكثفة السابقة مكثفة أخرى سعتها C' بحيث تكون الطاقة

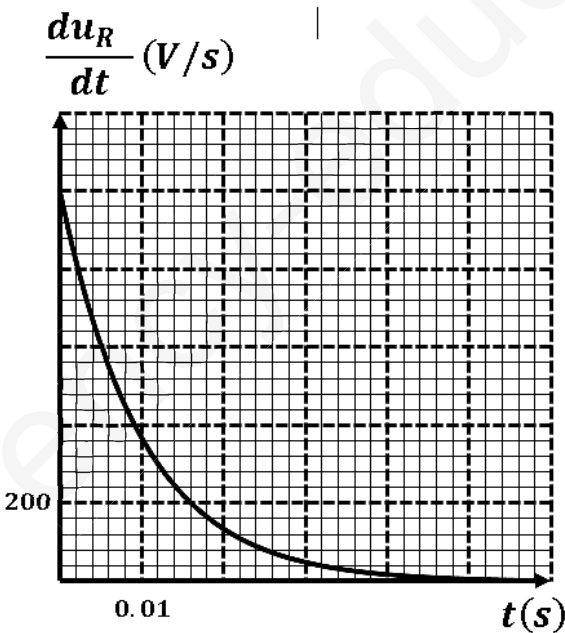
المخزنة في مجموع المكثفتين مساويا للطاقة العظمى المخزنة في

الوشيعة E_{Lmax} .

- بين كيفية ربط المكثفتين ثم حدد قيمة C' .



الشكل-3



الشكل-4

تصحيح الاختبار الثاني

التمرين الاول: 8 نقاط

9- التكافؤ: النقطة التي تكون فيها المتفاعلات بنسب معاملاتها الستوكيومترية.

10- احداثيات نقطة التكافؤ:

$$pH_E = 8.4$$

$$V_E = 10 \text{ mL}$$

11- حساب التركيز المولي C_a :

$$C_a V_a = C_b V_E \Rightarrow C_a = \frac{C_b V_E}{V_a} = \frac{0.02 \times 10}{20} = 0.01 \text{ mol/L}$$

حساب C_0 :

$$C_0 = 20 C_a = 0.2 \text{ mol/L}$$

12- من البيان: $pK_a = 4.8$.

13- معادلة تفاعل المعايرة :

$$CH_3COOH + HO^- = CH_3COO^- + H_2O$$

$$K = \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH][HO^-]} = \frac{[CH_3COO^-][H_3O^+]}{[CH_3COOH][HO^-][H_3O^+]} = \frac{K_a}{K_e} = \frac{10^{-4.8}}{10^{-14}} = 1.58 \times 10^9$$

• نستنتج ان التفاعل تام .

14- الكاشف المناسب هو الفينول فتالين.

15- أ- معادلة التفاعل الحادث بين حمض الايثانويك CH_3COOH والماء في المحلول (S_1).



ب - جدول تقدم التفاعل.

$CH_3COOH + H_2O = CH_3COO^- + H_3O^+$			
$C_a V_a$	بوفرة	0	0
$C_a V_a - x$	بوفرة	x	x
$C_a V_a - x_f$	بوفرة	x_f	x_f

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]}{C_a} = \frac{10^{-3.6}}{0.01} = 0.0251 = 2.5\% \quad \text{ج-}$$

• نستنتج أن التفاعل غير تام .

$$C_2 = \frac{C_a}{100} = \frac{0.01}{100} = 10^{-4} \text{ mol/L} \quad \text{16-}$$

$$K_a = 10^{-4.8}$$

• تعيين قيمة الـ pH :

$$K_a = \frac{[CH_3COO^-][H_3O^+]}{[CH_3COOH]} = \frac{[H_3O^+]^2}{C_2 - [H_3O^+]} \Rightarrow K_a(C_2 - [H_3O^+]) = [H_3O^+]^2$$

$$\Rightarrow KaC_2 - Ka[H_3O^+] = [H_3O^+]^2$$

$$\Rightarrow [H_3O^+]^2 + Ka[H_3O^+] + KaC_2 = 0$$

$$\Rightarrow [H_3O^+]^2 + 10^{-4.8}[H_3O^+] + 10^{-4.8} \times 10^{-4} = 0$$

$$\Rightarrow [H_3O^+]^2 + 10^{-4.8}[H_3O^+] + 10^{-8.8} = 0$$

معادلة من الدرجة الثانية بعد حلها نجد: $[H_3O^+] = 3.26 \times 10^{-5} \text{ mol/L}$

$$pH = -\log[H_3O^+] = 4.48$$

التمرين الثاني: 12 نقطة

II. نضع البادلة في الوضع -1- في لحظة نعتبرها: $t = 0$

6- تمثيل على مخطط الدارة جهة التوترات وجهة التيار الكهربائي.

7- المعادلة التفاضلية للتيار الكهربائي المار في الدارة :

$$u_R + u_C = E$$

$$\Rightarrow Ri + \frac{q}{C} = E$$

$$\Rightarrow \frac{Rdi}{dt} + \frac{dq}{Cdt} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{Rdi}{dt} + \frac{i}{C} = 0$$

$$\Rightarrow RC \frac{di}{dt} + i = 0$$

8- إيجاد الثوابت:

$$i(t) = Ae^{-Bt}$$

$$\frac{di(t)}{dt} = -BAe^{-Bt}$$

$$\Rightarrow -RCBAe^{-Bt} + Ae^{-Bt} = 0 \Rightarrow Ae^{-Bt}(-RCB + 1) = 0 \Rightarrow -RCB + 1 = 0 \Rightarrow B = \frac{1}{RC}$$

$$t = 0 \Rightarrow i = I_0 \Rightarrow Ae^{-B \times 0} = I_0 \Rightarrow A = I_0 = \frac{E}{R}$$

9- متابعة التيار المار في الدارة وبلاستعانة ببرمجة مناسبة تمكنا من الحصول على البيان في الشكل 2- :

(ت) معادلة البيان:

$$-\frac{di}{dt} = ai$$

$$a = \frac{2 - 0}{0.02 - 0} = 100$$

$$-\frac{di}{dt} = 100i$$

$$I_0 = \frac{E}{R} = 0.12 \Rightarrow R = \frac{E}{0.12} = \frac{12}{0.12} = 100\Omega \quad \text{(ث) من البيان:}$$

$$\tau = \frac{1}{a} = \frac{1}{100} = 0.01s$$

$$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{0.01}{100} = 10^{-4}F$$

10- الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة:

$$E_{cmax} = \frac{1}{2} C E^2 = 0.5 \times 10^{-4} \times 12^2 = 7.2 \times 10^{-3}J$$

III. في لحظة نعتبرها من جديد $t = 0$ نجعل البادلة K في الوضع (2)، بواسطة برمجة مناسبة نحصل على البيان في

الشكل-3.

$$u_L + u_R = E$$

$$L \frac{di}{dt} + ri + Ri = E$$

$$\Rightarrow L \frac{di}{dt} + (R + r)i = E$$

$$\Rightarrow L \frac{diR}{dt} + (R + r)iR = ER$$

$$\Rightarrow L \frac{du_R}{dt} + (R + r)u_R = ER$$

$$\Rightarrow \frac{L}{R + r} \frac{du_R}{dt} + u_R = \frac{ER}{R + r}$$

$$\alpha = \frac{L}{R + r}$$

$$\beta = \frac{ER}{R + r}$$

α ثابت الزمن

β التوتر الاعظمي بين طرفي الناقل الاومي.

7- التأكد من الحل:

$$u_R(t) = \beta \left(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}} \right)$$

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{\beta}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

$$\Rightarrow u_R(t) + \alpha \frac{du_R(t)}{dt} = \beta$$

$$\Rightarrow \beta \left(1 - e^{-\frac{t}{\alpha}} \right) + \alpha \frac{\beta}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}} = \beta$$

$$\Rightarrow \beta - \beta e^{-\frac{t}{\alpha}} + \beta e^{-\frac{t}{\alpha}} = \beta \Rightarrow 0 = 0$$

8- اكتب العبارة: $\frac{du_R}{dt} = f(t)$.

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{\beta}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}} = \frac{\frac{ER}{R + r}}{\frac{L}{R + r}} e^{-\frac{t}{\alpha}} \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

9- اعتمادا على البيان:

ت- ذاتية الوشيعة: L .

$$t = 0 \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-\frac{0}{\alpha}} \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} = 1000$$

$$\Rightarrow L = \frac{ER}{1000} = \frac{12 \times 100}{1000} = 1.2H$$

ث- قيمة الثابت α

$$t = \alpha \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-\frac{t}{\alpha}} \Rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{ER}{L} e^{-1} = 0.37 \times \frac{ER}{L}$$

من البيان :

$$\alpha = 0.01s$$

حساب r :

$$\alpha = \frac{L}{R + r} \Rightarrow r = \frac{L}{\alpha} - R = \frac{1.2}{0.01} - 100 = 20\Omega$$

10- حساب الطاقة العظيمة المخزنة في الوشيجة :

$$E_{Lmax} = \frac{1}{2} L I_0^2 = \frac{1}{2} \times 1.2 \times \left(\frac{12}{100 + 20} \right)^2 = 6 \times 10^{-3} J$$

IV. نربط مع المكثفة السابقة مكثفة أخرى سعتها C' بحيث تكون الطاقة المخزنة في مجموع المكثفتين مساوية للطاقة العظيمة

المخزنة في الوشيجة E_{Lmax} .

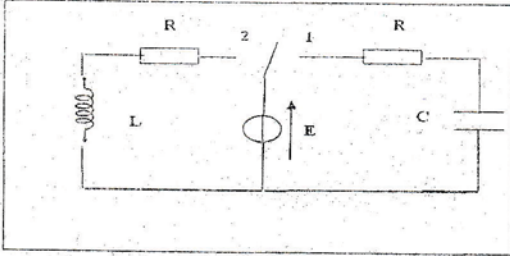
$$E_{Lmax} = \frac{1}{2} C_e E^2 \Rightarrow C_e = \frac{2E_{Lmax}}{E^2} = \frac{2 \times 6 \times 10^{-3}}{12^2} = 8.33 \times 10^{-5} F$$

اذن الربط على التسلسل لأن $C_e < C$

$$\frac{1}{C_e} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'} \Rightarrow \frac{1}{C'} = \frac{1}{C_e} - \frac{1}{C} = \frac{1}{8.33 \times 10^{-5}} - \frac{1}{10^{-4}} \Rightarrow C'$$

التمرين الأول: (06 نقاط)

بهدف تحديد مميزات مكثفة ووشية صرفة نحقق التركيب الموضح بالمخطط (الشكل 1). يعطى : $R = 50\Omega$.



الشكل -1-

2. البادلة في الوضع (2) :

أ- أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة u_C .
ب- تحقق أن حل المعادلة من الشكل : $u_C(t) = A(1 - e^{-\alpha t})$ مع إيجاد عبارة كل من الثابتين A و α بدلالة مميزات الدارة.

ب- تحقق أن حل هذه المعادلة هو من الشكل : $u_L(t) = B e^{-\lambda t}$

الدراسة التجريبية:

بواسطة جهاز راسم الاهتزاز المبهطي ذي مدخلين y_1, y_2 و مزود ببطاقة معلومات أمكن تسجيل الوثيقتين (a), (b).

1. البادلة في الوضع (1) نشاهد المنحنيين $u_R(t)$ و $u_C(t)$.

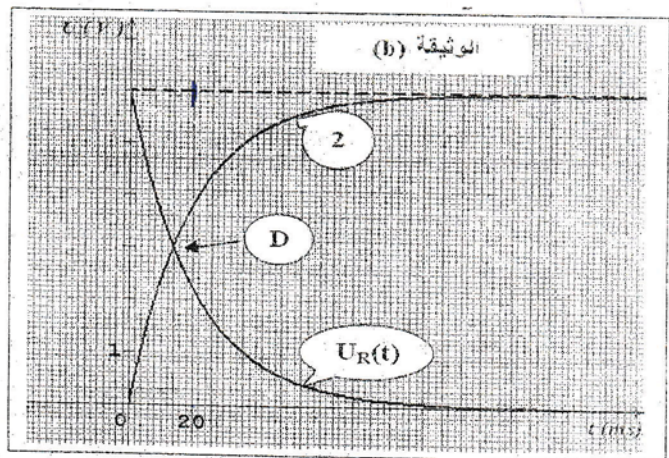
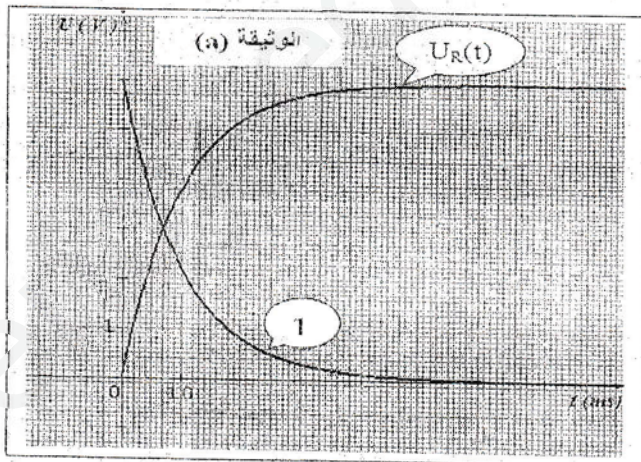
2. البادلة في الوضع (2) نشاهد المنحنيين $u_R(t)$ و $u_L(t)$.

أ- أعد رسم مخطط الدارة مبينا كيفية ربط راسم الاهتزاز المبهطي في كل حالة.

ب- أنسب للمكثفة و الوشية المنحني الموافق مع التعليل.

ت- عين بيانيا : $L, C, I_0, E, \tau_2, \tau_1$.

ث- استنتج المعادلة التفاضلية بدلالة u_R (البادلة في الوضع (1)) ثم أكتب حلها.



التمرين الثاني: (07 نقاط)

في عام 2005 أطلق المركز الفضائي Kourou قمر اصطناعي من الجيل II لاستعماله في مجال الأرصاد الجوية. إن تموضع القمر الاصطناعي ذو الكتلة $m=2.10^3 \text{ Kg}$ في مداره الجيومستقر النهائي يتم وفق ثلاثة مراحل كما هو مبين في الشكل-2:

I - في المرحلة الأولى: يوضع القمر على مدار دائري بسرعة ثابتة v_s على ارتفاع منخفض $h = 6,0.10^2 \text{ Km}$ بالنسبة لسطح الأرض حيث يخضع لقوة جذب الأرض له فقط. باعتبار المعلم $(S, \vec{n})$ حيث: S مركز عطالة القمر الاصطناعي، $\vec{n}$ شعاع الوحدة للمحور الناظمي.

1- أعط العلاقة الشعاعية لقوة جذب الأرض للقمر $\vec{F}_{T/S}$ بدلالة المقادير الفيزيائية المعطاة، مثلها على رسم.

2- باستعمال التحليل البعدي أوجد وحدة ثابت الجذب العام G في الجملة الدولية (SI).

3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة سرعة مركز عطالة القمر الاصطناعي.

4- يمثل T المدة الزمنية ليدور القمر الاصطناعي دورة واحدة حول الأرض، بين أن: $T^2 = \frac{4\pi^2(R_T + h)^3}{G.M_T}$

II - المرحلة الثانية: يحدث عملياً تحويل القمر الاصطناعي إلى مداره الجيومستقر عبر مدار انتقالي إهليجي عندما يكون القمر في النقطة P لمداره الدائري المنخفض تُرفع قيمة سرعته بصفة دقيقة ليشكل مدار إهليجي انتقالي حيث تتوضع P في المدار الانتقالي والنقطة A في المدار الجيومستقر

1- أعط نص القانون الثاني لكبلر.

2- أثبت مستعينا برسم تخطيطي أن سرعة القمر ليست

ثابتة في المدار الانتقالي ثم حدّد في نفس المدار

النقطتين اللتان تكون فيهما

أ- السرعة أصغر ب- السرعة أعظم.

III - المرحلة الثالثة: القمر في مداره النهائي الجيومستقر

على ارتفاع: $h' = 3,6 \times 10^4 \text{ km}$

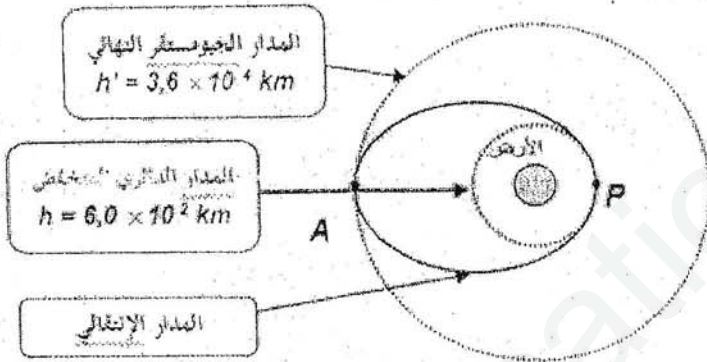
1- عرّف القمر الجيومستقر ثم حدّد خصائصه.

2- أحسب السرعة المدارية النهائية لهذا القمر.

يُعطى: $M_T = 6,0.10^{24} \text{ Kg}$, $R_T = 6,4.10^3 \text{ Km}$, $G = 6,67.10^{-11} \text{ SI}$

دور الأرض حول نفسها $T = 23\text{h}56\text{min}$

الشكل- 2



الجزء الثاني (07 نقاط)

التمرين التجريبي: (7 نقاط):

I - يحتل الماء والمحاليل المائية حيزاً مهماً في حياتنا اليومية، حيث نقرأ على ملصقات بعض القارورات للمياه المعدنية والمشروبات الأخرى ومواد التنظيف، معلومات تخص تركيز الأفراد الكيميائية الموجودة فيها، ونفس الشيء على ملصقات المحاليل الصيدلانية.

قبل تحضير أي محلول كيميائي يجب قراءة البيانات المُعطاة على ملصقة العلب والقارورات الكيميائية.

1- ماهي الاحتياطات الأمنية الواجب اتخاذها عند تحضير محلول حمضي بتركيز معين انطلاقاً من المحلول

التجاري؟

II - تحضير محلول حمض الإيثانويك انطلاقاً من معلوم تجاري:

نحضر حجماً $V_s = 500 \text{ mL}$ من محلول مائي (S) لحمض الإيثانويك CH_3COOH ، بتركيز $C_a = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ ، انطلاقاً

من محلول تجاري لحمض الإيثانويك تركيزه المولي الابتدائي C_0 وكثافته $d = 1,05$ ودرجة نقاوته $p = 71,4\%$.

1- إذا علمت أن عبارة تركيز محلول تعطى بالعلاقة: $C_0 = 10 \cdot \frac{p \cdot d}{M}$ ، حيث M الكتلة المولية الجزيئية.

بين أن حجم المحلول التجاري اللازم لتحضير المحلول (S) هو $V_0 = 4 \text{ mL}$.

2- ماذا نسمي هذه العملية؟ أذكر بروتوكولاً تجريبياً لها.

3- اكتب معادلة انحلال حمض الإيثانويك في الماء.

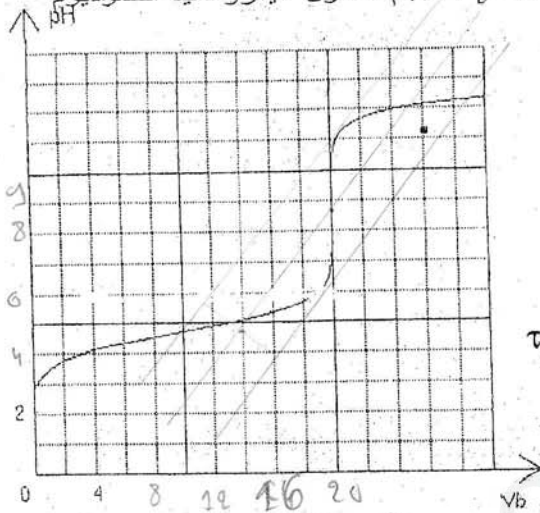
4- أنشئ جدولاً للتقدم هذا التفاعل.

5- أعطى قياس pH المحلول (S) عند الدرجة $25^\circ C$ القيمة 2,9، أحسب τ_r نسبة التقدم النهائي لهذا التفاعل. ماذا تستنتج؟

III- معايرة محلول حمض الإيثانويك المُخَصَّر

سمحت معايرة حجماً $V_a = 20 \text{ mL}$ من المحلول (S) بمحلول هيدروكسيد الصوديوم ($Na^+ + HO^-$) ذي التركيز

$C_b = 0,1 \text{ mol} \cdot L^{-1}$ ، من رسم البيان الذي يعطي تغير قيمة pH المزيج بدلالة V_b حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف.



1- اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

2- عين احداثي نقطة التكافؤ، واستنتج عندئذ قيمة التركيز

المولي للمحلول (S).

1- بعد إضافة الحجم $V_b = 10 \text{ mL}$ ، احسب كمية مادة شوارد HO^-

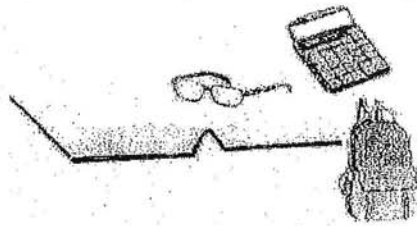
في المزيج. واستنتج قيمتي التقدم النهائي x_r ونسبة التقدم النهائي τ_r

لهذا التفاعل، ماذا تستنتج؟

4- عين بيانياً قيمة pka الثنائية (CH_3COOH / CH_3COO^-)

5- يعطى: الكتلة المولية لحمض الإيثانويك: $M = 60 \text{ g} / \text{mol}$ ، الكتلة الحجمية للماء: $\rho_{eau} = 10^3 \text{ g} \cdot L^{-1}$ ، $pK_e = 14$

بالتوفيق للجميع...



التمرين الأول:

نريد معرفة سلوك وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية r ، لذا نقوم بانجاز دائرة كهربائية تتكون على التسلسل من الوشيعة (L, r) و مولد قوته المحركة الكهربائية $E=12(V)$ وناقل أومي مقاومته $R=12(\Omega)$ وقاطعة K .

1- أرسم مخطط الدارة الكهربائية موضحا عليها الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي بين بسهم التوتر الكهربائي بين طرفي كل عنصر كهربائي.

2- نغلق القاطعة K عند اللحظة : $t=0$:

أ- باستعمال قانون جمع التوترات اكتب المعادلة التفاضلية للتوتر U_R بدلالة الزمن.

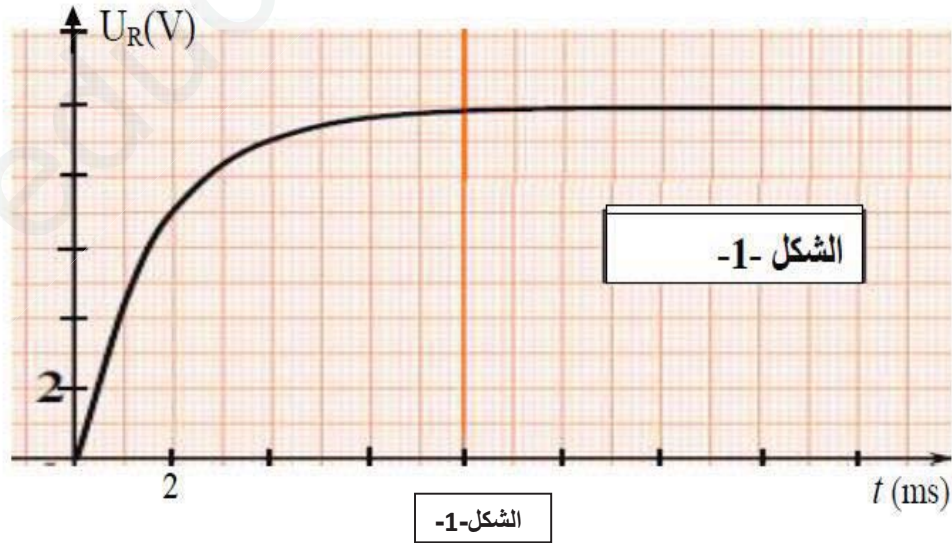
ب- إن حل المعادلة التفاضلية السابقة يعطى بالعلاقة : $U_R = A(1 - e^{-t/B})$.

ما هو المدلول الفيزيائي للثابتين : A و B .

ج- نريد مشاهدة التوتر U_R بين طرفي الناقل الأومي باستعمال راسم اهتزاز مهبطي ذو ذاكرة.

بين على المخطط السابق كيفية ربط الجهاز .

3- أعطى راسم الاهتزاز المهبطي على شاشته المنحنى التالي:



- بالاعتماد على المنحنى المشاهد على شاشة راسم الاهتزاز الشكل-1- استنتج:

أ- قيمتي الثابتين: A و B .

ب- المقاومة الداخلية r للوشية L وذاتيتها.

4- أكتب عبارة الطاقة المغناطيسية المخزنة في الوشية بدلالة الزمن t ، استنتج قيمتها عند اللحظة $t=14(s)$

التمرين الثاني:

كرة مملوءة ، نصف قطرها $r=1(cm)$ ، وكتلتها الحجمية: $\rho_s = 800(kg/m)$. تغمر كلياً في الهواء.

1- أحسب شدة ثقل الكرة ($\vec{P}$).

2- أحسب شدة دافعة أرخميدس ($\vec{\Pi}$) .

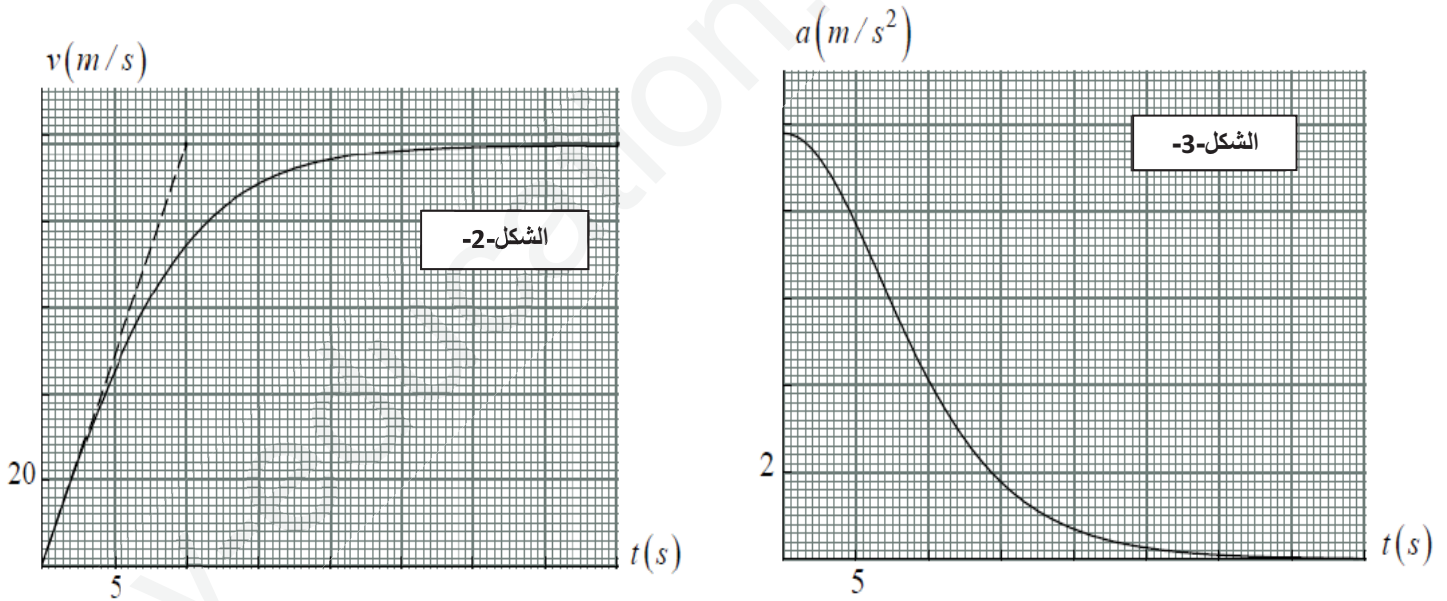
3- أعلى برج في العالم ارتفاعه الكلي: $828(m)$ ، يحتوي على 163 طابقاً، في جو هادئ تركنا الكرة السابقة

تسقط من نافذة أعلى طابق في البرج. تخضع الكرة أثناء سقوطها زيادة عن قوة ثقلها لقوة احتكاك مع

الهواء $\vec{f} = -k.v\vec{v}$. نهمل دافعة أرخميدس ، ونعتبر التسارع الأرضي ثابتاً طيلة حركة الكرة:

$$g = 9,8(m/s^2)$$

مثلنا سرعة وتسارع الكرة خلال سقوطها: $v(t)$ و $a(t)$ في الشكلين: (2) و (3) :



1- أدرس حركة الكرة في معلم سطحي أرضي، واستنتج المعادلة التفاضلية للسرعة.

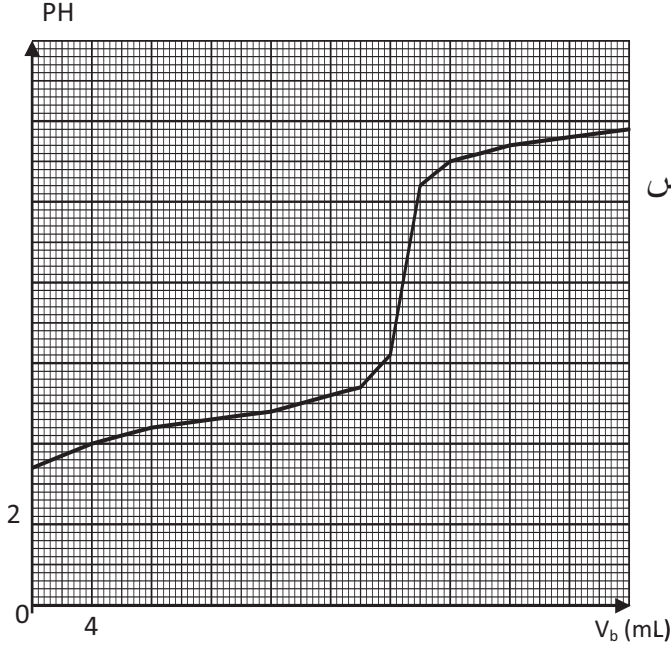
2- كيف تتأكد اعتماداً على البيانيين أن دافعة أرخميدس مهمة؟

3- بواسطة التحليل البعدي ، وباستعمال العلاقة: $\vec{f} = -k.v\vec{v}$ ، بين أن وحدة ثابت الاحتكاك هي: (kg/m) .

- 4- باستخدام المعادلة التفاضلية ، وأحد البيانيين ، أوجد قيمة ثابت الإحتكاك .
- 5- أوجد القيمة العظمى لشدة قوة الإحتكاك.

التمرين الثالث:

نعاير حجما $V_a = 40(ml)$ من محلول لحمض الإيثانويك بمحلول الصود تركيزه المولي: $C_b = 0,02(mol/l)$



بواسطة معايرة pH متريّة تمكنا من رسم المنحني البياني

كما في الشكل المقابل :

1 - اكتب معادلة تفاعل المعايرة و عين الثنائيتين أساس/حمض المشاركتين في التفاعل .

2 - عين احداثي نقطة التكافؤ و احسب التركيز المولي C_a للمحلول الحمضي المعاير .

3 - استنتج قيمة ثابت الحموضة pK_a للثنائية:



4 - احسب ثابت التوازن K لتفاعل المعايرة .

5 - نعتبر الجملة الكيميائية عند اضافة حجم V_b من المحلول الاساسي ذي التركيز C_b الى الحجم V_a للحمض ذي التركيز C_a و يكون للجملة قيمة للـ pH و ذلك قبل التكافؤ أ / باستخدام جدول التقدم لتفاعل المعايرة جـ عبارة نسبة التقدم النهائي τ_f بدلالة :



ب / احسب النسبة النهائية لتقدم تفاعل المعايرة من أجل إضافة حجم $V_b = 16(ml)$ ، ماذا تستنتج ؟