ثانوية غالمي عبد القادر إختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات عين الدفلى

المستوى : 3 رياضيات التاريخ: 2023/12/04 المدة :3 ساعات

التمرين الأول:(04 ن) أجب على الإقتراحات التالية بـ "صح" وإما بـ "خطأ " مع التبرير:

1) $\lim\limits_{x\to+\infty} x\ln\left(\frac{x+1}{x}\right)=1$. (إرشاد : ضع $x=\frac{1}{t}$)

2) حلول المعادلة التفاضلية $2y'-3y+3=0$ و $y(0)=4$ هي f حيث $f(x)=\frac{2}{3}e^{\frac{3}{2}x}-\frac{2}{3}$.

3) الدالة f معرفة بـ $f(x)=\sqrt[3]{(x^2+2x)^2}$ على $]0;+\infty[$ إذن دالتها المشتقة f' : $f'(x)=\frac{(4x+4)(x^2+2x)}{\sqrt[3]{(x^2+2x)^2}}$

4) نعرف من أجل كل عدد طبيعي n المتتالية (u_n) : $\begin{cases} u_0=1 \\ u_{n+1}=\sqrt{3u_n+4} \end{cases}$

أ) من أجل كل عدد طبيعي n : $1\le u_n<4$ (للتبرير استعمل البرهان بالتراجع)

ب)المتتالية (u_n) متناقصة .

التمرين الثاني (07 ن)

I . نعتبرالدالة g المعرفة على $\mathbb{R}$ بالعبارة $g(x)=(x-2)e^x+x$.

1.أ) أحسب $g'(x)$ ثم $g''(x)$ أدرس اتجاه تغير الدالة المشتقة g' .

ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن : $g'(x)\ge 0$.

ج) استنتج اتجاه تغير الدالة g .

2.أ) بين أنّ المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α يحقق $1,68<\alpha<1,69$.

ب) استنتج إشارة $g(x)$ حسب قيم العدد الحقيقي x .

II .نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بالعبارة $f(x)=\frac{2x^2}{e^x-x}-1$. (نقبل بدون تبرير أنه من أجل $x\in\mathbb{R}$ فإن $e^x-x>0$)

وليكن (C) التمثيل البياني لها في معلم متعامد ومتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$.

1. أ) تحقق من أنه من أجل كل $x\in\mathbb{R}$: $f(x)=\frac{2x^2e^{-x}}{1-xe^{-x}}-1$.

ب) أحسب $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)$ وفسّر نتيجتها هندسيا ثم أحسب $\lim\limits_{x\to-\infty} f(x)$.

2. أ) بين أنّه من أجل كل x من $\mathbb{R}$ ، $f'(x)=\frac{-2xg(x)}{(e^x-x)^2}$

ب) استنتج اتجاه تغير f ثم شكل جدول تغيراتها .

3. أ) أحسب $\lim\limits_{x\to-\infty}(f(x)+2x+1)$ وفسّر بيانيا النتيجة .

ب) أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C) والمستقيم (Δ)الذي معادلة $y=-2x-1$.

4. أ) بين أن المنحنى (C)يقبل مماسا (T)يوازي المستقيم (Δ) في نقطة فاصلتها β هي حل للمعادلة $e^x-x^2=0$.

ب) أكتب معادلة المماس (T) ، ثم بين أن هذه المعادلة هي $y=-2x+2\beta+1+\frac{2}{\beta-1}$.

www.ency-education.com

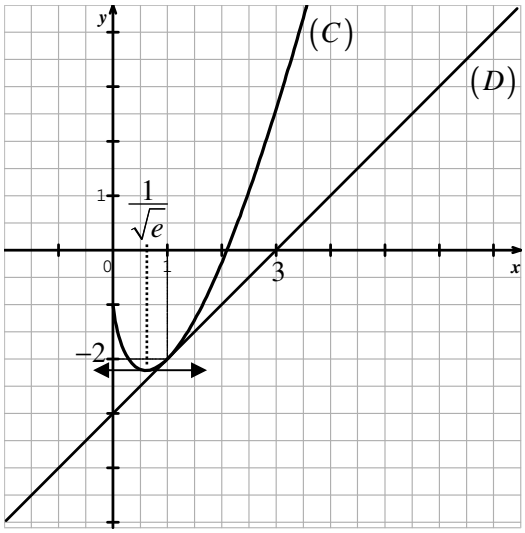
5. أ) بين أن $f(\alpha)=2\alpha\left(\frac{1}{\alpha-1}-1\right)-1$ ثم عين حصرا لـ $f(\alpha)$.

ب) نقبل أن حلول المعادلة $f(x)=0$ هي x_1 ، x_2 و x_3 بحيث $x_1\simeq -0,78$ ، $x_2\simeq 0,87$ و $x_2\simeq 3,11$.

أنشئ المستقيمين (Δ)و (T) و المنحنى (C) (نضع $\beta\simeq -0,705$) .

6. ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي mعدد وإشارة حلول المعادلة $f(x)=-2x+m$.

التمرين الثالث : (08 نقط)



المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$.

الجزء الأول :

لتكن الدالة g المعرفة على $]0;+\infty[$ بـ: $g(x)=-1-x+2x\ln(x)$.

(C)هو المنحنى البياني الممثل لها في المعلم المتعامد والمتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$.

المنحنى (C) يقبل مماسا موازيا لمحور الفواصل في النقطة التي فاصلتها $\frac{1}{\sqrt{e}}$

و (D) هو المماس لـ (C) في النقطة التي فاصلتها 1.

بقراءة بيانية : 1) أ) جد $g'\left(\frac{1}{\sqrt{e}}\right)$ ، $g(1)$ و $g'(1)$ ثم أكتب معادلة المماس (D).

ب) شكّل جدول تغيرات الدالة g.

2) أ) برّر وجود حل وحيد α للمعادلة $g(x)=0$ في المجال $]0;+\infty[$ يحقق $2,09<\alpha<2,1$.

ب) استنتج إشارة g على $]0;+\infty[$.

الجزء الثاني:

f دالة معرفة على $]0;+\infty[$ بـ : $\begin{cases} f(x)=-x+x^2(-1+\ln x) \;;\; x\in]0;+\infty[\\ f(0)=0 \end{cases}$

(C_f)هو المنحنى البياني الممثل لها في المعلم $(O;\vec{i},\vec{j})$.

1. أ) أثبت أنّ الدالة f مستمرة عند 0 من اليمين.

ب) أدرس قابلية اشتقاق fعند الصفر ،فسّر النتيجة بيانيا ثم أكتب معادلة نصف المماس للمنحى (C_f)في النقطة O.

2 . أ) أحسب $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)$.

ب) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $]0;+\infty[$: $f'(x)=g(x)$.

ج) شكّل جدول تغيرات الدالة f.

3. بين أنّ $f(\alpha)=-\frac{\alpha^2+\alpha}{2}$ ، أعط حصرا لكل من $f(\alpha)$.

4) أدرس الوضع النسبي للمنحى (C_f) والمستقيم (T)الذي معادلته $y=-x$.

5. أرسم المستقيم (T)والمنحنى (C_f) في المجال $[0;5]$.

7. نعتبر الدالة hالمعرفة على المجال $[-4;1]$، ب $h(x)=f(-x+1)$.

أ) حدّد اتجاهات تغير الدالة h.

ب) بين كيف يمكنك رسم المنحنى (C_h) الممثل للدالة hفي المعلم السابق انطلاقا من المنحنى (C_f) ثم ارسمه.

www.ency-education.com

تصحيح اختبار الثلاثي الأول: ديسمبر 2023
ثانوية عالمي ع ت
عين الملوك

التمرين الأول:

الجواب بـ"صح" وإما "خطأ":

1) $\lim_{x\to+\infty} x\ln\frac{x+1}{x} = 1$ ؛ الجواب صحيح.

التبرير:

$\lim_{x\to+\infty} x\ln\frac{x+1}{x} = \lim_{x\to+\infty} x\ln\left(1+\frac{1}{x}\right)$.

نضع $x = \frac{1}{t}$ إذن $t = \frac{1}{x}$ لما $x\to+\infty$ فإن $t\to 0$

$\lim_{x\to 0} \frac{1}{t}\ln(1+t) = \lim_{t\to 0} \frac{\ln(1+t)}{t} = 1$

2) حلول المعادلة التفاضلية: الجواب خطأ.

$\begin{cases} 2y' - 3y + 3 = 0 \\ y(0) = 4 \end{cases}$ هي: $y' = \frac{2}{3}e^{\frac{3}{2}} - \frac{2}{3}$

التبرير: المعادلة تكافئ:

$y' = \frac{3}{2}y - \frac{3}{2}$

حلولها هي: $f(x) = Ce^{\frac{3}{2}} - \frac{-\frac{3}{2}}{\frac{3}{2}}$

$= Ce^{\frac{3}{2}} + 1$.

لنكمل العمل: $f(0) = 4$ تكافئ $Ce^0 + 1 = 4$

$C = 3$.

ومنه: $f(x) = 3e^{\frac{3}{2}x} + 1$.

3) الدالة f معرفة على $]0;+\infty[$ بـ:

$f(x) = \sqrt[3]{(x^2+2x)^2}$

الدالة المشتقة f' حيث: $f'(x) = \frac{(4x+4)(x^2+2x)}{\sqrt[3]{(x^2+2x)^2}}$ ؛ الجواب خطأ.

التبرير:

$f(x) = (x^2+2x)^{\frac{2}{3}}$

$f'(x) = \frac{2}{3}(2x+2)(x^2+2x)^{\frac{2}{3}-1}$

$= \frac{1}{3}(4x+4)(x^2+2x)^{-\frac{1}{3}}$.

$= \frac{(4x+4)}{3\sqrt[3]{x^2+2x}}$.

4) $n\in\mathbb{N}$

$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \sqrt{3u_n+4} \end{cases}$

- من أجل كل $n\in\mathbb{N}$: $1 \leq u_n < 4$ ؛ صحيح

البرهان بالتراجع:

من أجل $n=0$: لدينا $u_0 = 1$.

واضح أن $1 \leq u_n < 4$.

من أجل $n\geq 0$:

نفرض أن $1 \leq u_n < 4$ ونبرهن أن $1 \leq u_{n+1} < 4$

لدينا $1 \leq u_n < 4$ إذن

$3 \leq 3u_n < 12$

بإضافة 4 نجد: $7 \leq 3u_n+4 < 16$

بالجذر نجد: $1 \leq \sqrt{7} \leq \sqrt{3u_n+4} < 4$

إذن من أجل كل $n\in\mathbb{N}$: $1 \leq u_n < 4$

ب) المتتالية (u_n) متناقصة: خطأ.

ندرس إشارة $u_{n+1} - u_n$

لدينا: $u_{n+1} - u_n = \sqrt{3u_n+4} - u_n$

$= \frac{(\sqrt{3u_n+4} - u_n)(\sqrt{3u_n+4} + u_n)}{\sqrt{3u_n+4} + u_n}$

$= \frac{-u_n^2 + 3u_n + 4}{\sqrt{3u_n+4} + u_n}$

بما أن $1 \leq u_n < 4$ فإن المقام موجب تماما

إذن إشارة $u_{n+1} - u_n$ من إشارة $-x^2+3x+4$ حيث $x\in[1;4[$

x	-1		1		4	
$-x^2+3x+4$		$-$	0	$+$	0	$-$

إذن من أجل كل $n\in\mathbb{N}$: $u_{n+1} - u_n > 0$

فالمتتالية (u_n) متزايدة.

التمرين الثاني:

$g(x) = (x-2)e^x + x$. ; $D_g = \mathbb{R}$

1) حساب $g'(x)$ ؛ $g''(x)$ ؛ دراسة اتجاه تغير g':

لدينا: $g'(x) = e^x + (x-2)e^x + 1$

$= (x-1)e^x + 1$.

ولدينا: $g''(x) = xe^x$

إشارة $g'(x)$ من إشارة x:

x	$-\infty$		0		$+\infty$
$g''(x)$		$-$	0	$+$	

من جدول إشارة $g''(x)$ نستنتج أن g' متناقصة على $]-\infty;0]$ ومتزايدة على المجال $[0;+\infty[$.

ب) نبين أنه من أجل $x\in\mathbb{R}$: $g'(x) \geq 0$:

لدينا:

x	$-\infty$		0		$+\infty$
g''		$-$	0	$+$	
g'	$+$	$+$	0	$+$	$+$

بما أن $g'(0) = 0$ هي القيمة الحدية الصغرى للدالة g' على $\mathbb{R}$ فإن من أجل كل $x\in\mathbb{R}$: $g'(x) \geq 0$

$$f'(x)=\frac{-2x\left[2e^x+2x+xe^x-x\right]}{(e^x-x)^2}=\frac{-2x[x+(x-2)e^x]}{(e^x-x)^2}$$

$$=\frac{-2xg(x)}{(e^x-x)^2}$$ و هو م

إشارة $f'(x)$ من إشارة $-xg(x)$:

x	$-\infty$		0		α		$+\infty$
$-x$		$+$	0	$-$		$-$	
$g(x)$		$-$		$-$	0	$+$	
$f'(x)$		$-$	0	$+$	0	$-$	

ب - إتجاه تغير f وجدول تغيراتها :

من جدول إشارة f' ينتج أن :

f متناقصة تماما على كل من $]-\infty;0]$ و $[\alpha;+\infty[$

و متزايدة تماما على $[0;\alpha]$.

- جدول التغيرات :

x	$-\infty$		0		α		$+\infty$
f'		$-$	0	$+$	0	$-$	
$f(x)$	$+\infty$	↘	-1	↗	$f(\alpha)$	↘	$-\infty$

3 - أ - حساب : $\lim\limits_{x\to-\infty}\left[f(x)+(2x+1)\right]$

$$\lim_{x\to-\infty}\left[f(x)+(2x+1)\right]=\lim_{x\to+\infty}\left(\frac{2x^2}{e^x-x}-1+2x+1\right)$$

$$=\lim_{x\to-\infty}\frac{2x^2}{e^x-x}+2x$$

$$=\lim_{x\to-\infty}\frac{2x^2+2x(e^x-x)}{e^x-x}$$

$$=\lim_{x\to-\infty}\frac{2x^2+2xe^x-2x}{e^x-x}$$

$$=\lim_{x\to-\infty}\frac{2xe^x}{e^x-x}=0$$

($2xe^x\to0$ و $e^x-x\to+\infty$)

و منه المستقيم الذي معادلته $y=-2x-1$ مقارب مائل لـ (C_f) بجوار $-\infty$.

ب - الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) ذي المعادلة $y=-2x-1$:

ندرس إشارة الفرق : $f(x)-(-2x-1)$

لدينا : $f(x)-(-2x-1)=\frac{2xe^x}{e^x-x}$

إشارتها من إشارة x :

x	$-\infty$		0		$+\infty$
$f(x)-(-2x-1)$		$-$	0	$+$	
الوضع النسبي	(C_f) يقع أسفل (Δ)		تقاطع (C_f) و (Δ) في $A(0;-1)$		(C_f) يقع أعلى (Δ)

استنتاج اتجاه تغير g :

بما أنه من أجل كل $x\in\mathbb{R}$: $g'(x)\geq0$ فإن الدالة g متزايدة تماما على $\mathbb{R}$.

2 - أ - تبين أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α نحقق : $1,68<\alpha<1,69$

x	$-\infty$		0		α		$+\infty$
g'		$+$	0	$+$	0	$+$	
g	$-\infty$	↗	-2	↗	0	↗	$+\infty$

لدينا : - g دالة مستمرة ورتيبة تماما على $\mathbb{R}$

و بالخصوص على $[1,68;1,69]$:

$g(1,68)\approx-0,036$ و $g(1,69)\approx0,0099$ أي أن $g(x)$ تغير من إشارتها في المجال $[1,68;1,69]$

حسب مبرهنة القيم المتوسطة فالمعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]1,68;1,69[$

و هو الحل الوحيد في $\mathbb{R}$.

ب) إشارة $g(x)$:

x	$-\infty$		α		$+\infty$
$g(x)$		$-$	0	$+$	

1 - أ - $f(x)=\frac{2x^2}{e^x-x}-1$

التحقق أنه من أجل $x\in\mathbb{R}$: $f(x)=\frac{2x^2e^{-x}}{1-xe^{-x}}-1$

لدينا : $f(x)=\frac{2x^2}{e^x-x}-1=\frac{2x^2e^{-x}}{e^{-x}(e^x-x)}-1$

$$=\frac{2x^2e^{-x}}{1-xe^{-x}}-1$$ و هو م .

ب - حساب $\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)$ وتفسير النتيجة بيانيا :

$\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)=\lim\limits_{x\to+\infty}\frac{2x^2e^{-x}}{1-xe^{-x}}-1=-1$ ($2x^2e^{-x}\to0$ و $xe^{-x}\to0$)

المستقيم الذي معادلته $y=-1$ مقارب لـ (C_f) في جوار $+\infty$.

- $\lim\limits_{x\to-\infty}f(x)$:

$$\lim_{x\to-\infty}f(x)=\lim_{x\to-\infty}\frac{2x^2}{e^x-x}-1$$

$$=\lim_{x\to-\infty}\frac{2x^2}{x\left(\frac{e^x}{x}-1\right)}-1=\lim_{x\to-\infty}\frac{2x}{\frac{e^x}{x}-1}-1$$

($2x\to-\infty$ و $\frac{e^x}{x}\to0$)

$=+\infty$.

2 - أ - تبين أن : $f'(x)=\frac{-2g(x)}{(e^x-x)^2}$:

$$f'(x)=\frac{4x(e^x-x)-(e^x-1)(2x^2)}{(e^x-x)^2}$$

$$=\frac{-2x\left[-2(e^x-x)+x(e^x-1)\right]}{(e^x-x)^2}$$

ency-education.com/exams

4- أ- نبيان أن المنحنى (C) يقبل مماسا (T) يوازي (Δ) في نقطة فاصلتها β حيث $e^{\beta}-\beta^2=0$

نضع $f'(x)=-2$:

لدينا : $f'(x)=-2$ تكافئ :

$$\frac{-2xg(x)}{(e^x-x)^2}=-2$$

تكافئ :

$$\frac{-2x^2+4xe^x-2x^2e^x}{(e^x-x)^2}=-2$$

تكافئ :

$$-2x^2+4xe^x-2x^2e^x=-2(e^{2x}+x^2-2xe^x)$$

تكافئ :

$$-2x^2+4xe^x-2x^2e^x+2e^{2x}+2x^2-4xe^x=0$$

تكافئ :

$$2e^{2x}-2x^2e^x=0$$

تكافئ :

$$2e^x(e^x-x^2)=0$$

تكافئ :

$$e^x-x^2=0$$

إذن : المعادلة $f'(x)=-2$ تكافئ $e^x-x^2=0$

وهذه المعادلة تقبل حلا وحيدا هو β (من المعطيات).

ب- كتابة معادلة المماس في النقطة ذات الفاصلة β :

$$(T): y=f'(\beta)(x-\beta)+f(\beta)$$

$$y=-2(x-\beta)+\frac{2\beta^2}{e^\beta-\beta}+1$$

$$y=-2x+2\beta+\frac{2\beta^2}{e^\beta-\beta}+1 \quad ---(*)$$

نبين أن معادلة المماس هي : $y=-2x+2\beta+1+\frac{2}{\beta-1}$

لدينا : β هو حل المعادلة $e^x-x^2=0$ إذن $e^\beta=\beta^2$

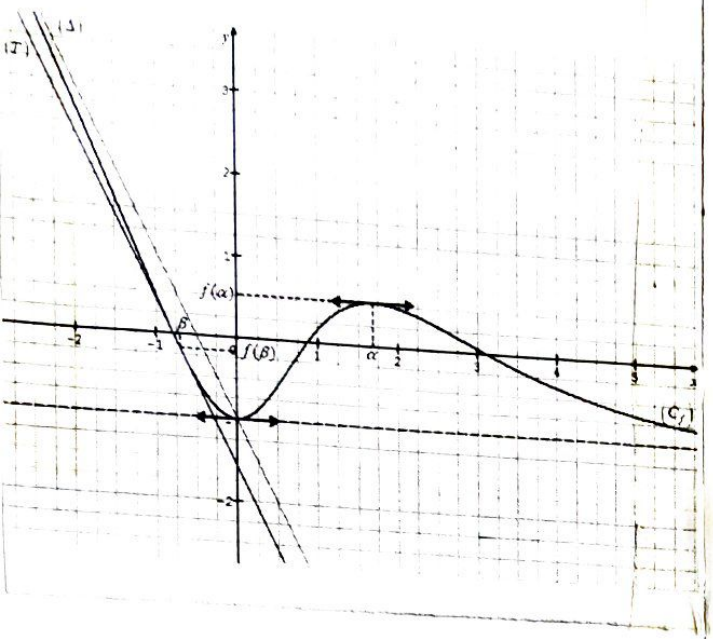
نعوض في (*) نجد :

$$y=-2x+2\beta+\frac{2\beta^2}{\beta^2-\beta}-1$$

$$=-2x+2\beta+\frac{2\beta}{\beta-1}-1$$

$$=-2x+2\beta+1+\frac{2\beta}{\beta-1}-2$$

$$y=-2x+2\beta+1+\frac{2}{\beta-1}.$$



التمرين الثالث :

الجزء الأول :

$g(x)=-1-x+2x\ln x$; $D=]0;+\infty[$

(C) يقبل مماسا موازيا لـ (xx') في النقطة التي فاصلتها $\frac{1}{\sqrt{e}}$.

(Δ) هو المماس لـ (C) من النقطة ذات الفاصلة 1.

بقراءة بيانية :

1- أ- $g'\left(\frac{1}{\sqrt{e}}\right)=0$; $g(1)=-2$

ب- $g'(1)$ هو معامل توجيه (D).

(D) يشتمل $A(1;-2)$ و $B(3;0)$ إذن :

$$g'(1)=\frac{y_B-y_A}{x_B-x_A}=\frac{0+2}{3-1}=1.$$

$g'(1)=1$.

معادلة المماس : $y=x-3$

ب- جدول تغيرات الدالة g :

$\frac{1}{\sqrt{e}}=e^{-\frac{1}{2}}$

x	0	$e^{-\frac{1}{2}}$	$+\infty$
g'(x)	‖	− 0	+
g(x)	‖ -1 ↘	$g(e^{-\frac{1}{2}})$	↗ $+\infty$

2- أ- تبرير وجود حل α للمعادلة $g(x)=0$ في المجال $]0;+\infty[$ تحقق $2,09<\alpha<2,1$

المنحنى (C) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة إذن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا في المجال $]0;+\infty[$ ولدينا $g(2,09)\approx -0,009$ و $g(2,1)=0,016$ حسب ما تقدم فإن $2,09<\alpha<2,1$

ency-education.com/exams

إشارة $g(x)$:

x	0		α		$+\infty$
$g(x)$	‖	$-$	0	$+$	

الجزء الثاني : f معرفة على $[0;+\infty[$:

$$\begin{cases} f(x) = -x + x^2(-1+\ln x) & x \in]0;+\infty[\\ f(0) = 0 \end{cases}$$

1) أ- إثبات أن f مستمرة عند الصفر من اليمين :

$$\lim_{x \to 0} f(x) = \lim_{x \to 0} \left(-x - x^2(-1+\ln x)\right)$$

$$= \lim_{x \to 0} -x + x^2 - x^2 \ln x = 0$$

أي أن $\lim_{x \to 0} f(x) = f(0)$

ومنه f مستمرة عند الصفر من اليمين .

ب) دراسة قابلية اإ اشتقاق عند الصفر من اليمين :

$$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)-f(0)}{x-0} = \lim_{x \to 0} \frac{-x - x^2(-1+\ln x)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} -1 - x(-1+\ln x).$$

$$= \lim_{x \to 0} -1 + x - x\ln x = -1$$

إذن f قابلة للإشتقاق عند 0 من اليمين

ولدينا $f'_d(0) = -1$

وهو معامل توجيه نصف المماس لـ (C_f) في النقطة $O(0;0)$.

إذن معادلة نصف المماس في 0 هي :

$$y = f'_d(0)(x-0) + f(0)$$

$$(T) : y = -x .$$

2) أ- حساب $\lim_{x \to +\infty} f(x)$:

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} x^2 \left[-\frac{x}{x^2} - 1 + \ln x\right] = +\infty$$

ب- $x \in]0;+\infty[$: $f'(x) = g(x)$

$$f'(x) = -1 + 2x(-1+\ln x) + x^2\left(\frac{1}{x}\right)$$

$$= -1 - 2x + 2x\ln x + x.$$

$$= -1 - x + 2x\ln x = g(x)$$

وهو م .

ج- جدول التغيرات للدالة f :

x	0		α		$+\infty$
$f'(x)$	-1	$-$	0	$+$	
$f(x)$	0	↘	$f(\alpha)$	↗	$+\infty$

3- نبين أن $f(\alpha) = -\frac{\alpha^2+\alpha}{2}$ وحصر $f(\alpha)$

لدينا : $g(\alpha) = 0$ تعني $2\alpha\ln\alpha = 1+\alpha$.

معناه $\ln\alpha = \frac{1+\alpha}{2\alpha}$

ولدينا : $f(\alpha) = -\alpha + \alpha^2(-1+\ln\alpha)$

$$= -\alpha + \alpha^2\left(-1+\frac{1}{2}+\frac{1}{2\alpha}\right)$$

$$= -\alpha - \frac{\alpha^2}{2} + \frac{\alpha^2}{2\alpha} = -\alpha - \frac{\alpha^2}{2} + \frac{\alpha}{2}$$

$$f(\alpha) = -\frac{\alpha^2+\alpha}{2}$$

وهو م

حصر $f(\alpha)$: $2,09 < \alpha < 2,1$

إذن $2,09^2 < \alpha^2 < 2,1^2$

ومنه : $6,45 < \alpha + \alpha^2 < 6,51$

بالقسمة على (-2)

$$\frac{-6,51}{2} < -\frac{\alpha+\alpha^2}{2} < \frac{-6,45}{2}$$

ومنه $-3,26 < f(\alpha) < -3,22$.

ملاحظة :

يمكن دراسة تغيرات الدالة h بالطريقة التالية : $h'(x) = -f'(1-x)$

ونستنتج إشارة $f'(1-x)$ إنطلاقا من إشارة $f'(x)$.

إذ لدينا : لما $\alpha \leq 1-x \leq 0$ لدينا $f'(1-x) \geq 0$

بمعنى : $1-\alpha < x < 1$

ولدينا لما $\alpha < 1-x \leq 5$ لدينا $f'(1-x) \leq 0$

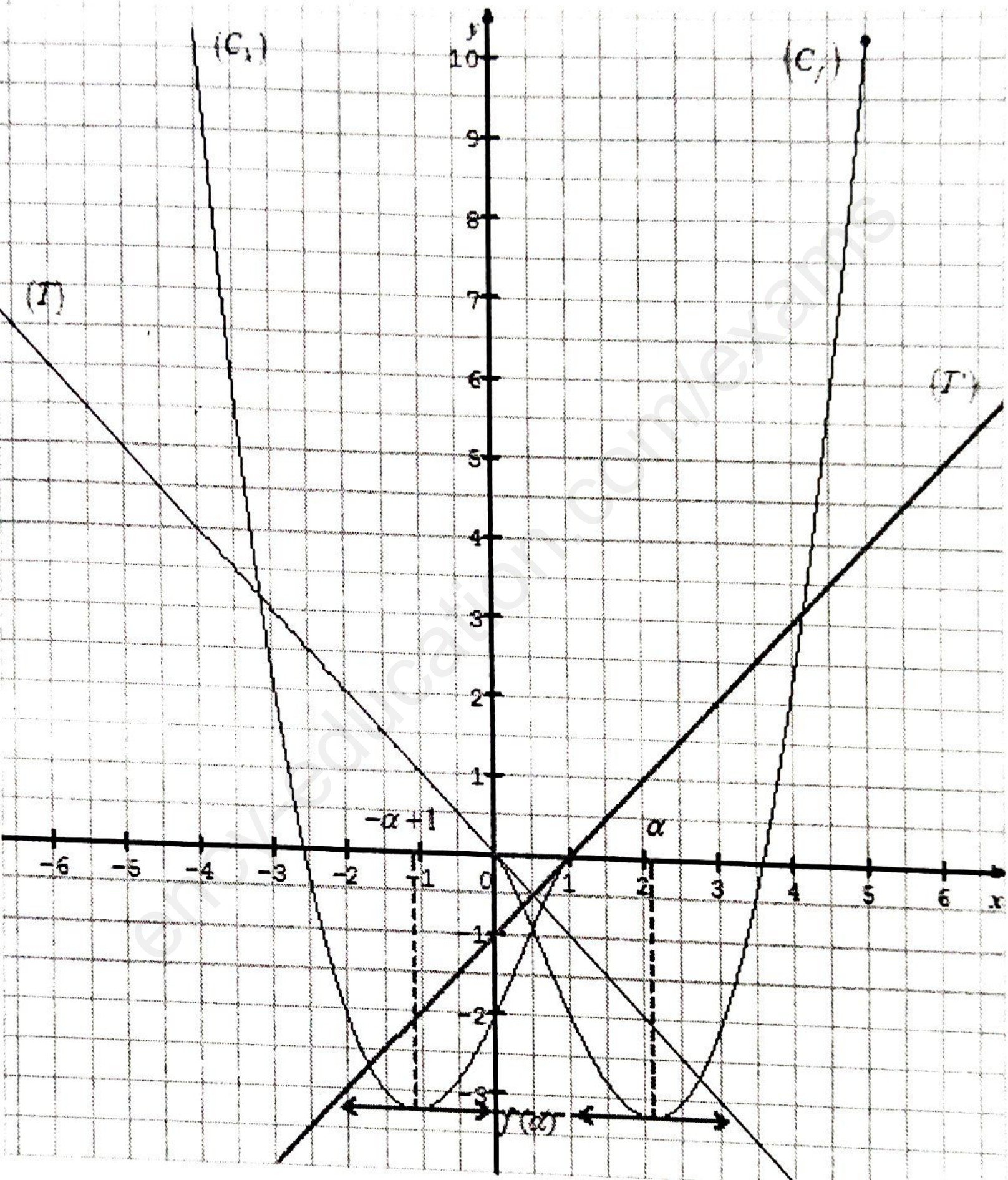
بمعنى $-4 < x < 1-\alpha$.

إذن إشارة $f'(1-x)$ كما يلي :

x	-4		$1-\alpha$		1
$f'(1-x)$		$+$	0	$-$	
$h'(x)$		$-$	0	$+$	
$h(x)$		↘	$f(5)$ ‖ $f(\alpha)$	↗	1

كيفية رسم (C_h) :

لرسم (C_h) نرسم نظير (C_f) بالنسبة إلى حامل محور التراتيب ثم نرسم صورته بالإنسحاب الذي شعاعه $\vec{u}\begin{pmatrix}1\\0\end{pmatrix}$



envi-education.com/exams