

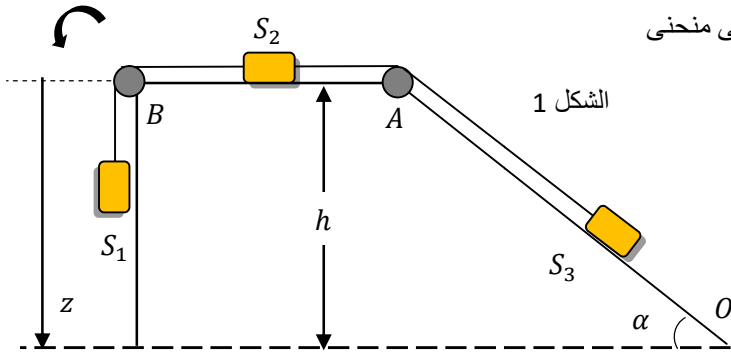
الموسم الدراسي : 2023-2024		وزارة الدفاع الوطني
المستوى: الثالثة رياضيات		أركان الجيش الوطني الشعبي
يوم الامتحان 2024-03-06		الناحية العسكرية الثانية
المدة: 3 ساعات	الاختبار الثاني في مادة العلوم الفيزيائية	مدرسة أشبال الأمة - وهران الشهيد حمداني عدة المدعو سي عثمان

تمرين الأول (4ن): يعطى $m_1 = m_2 = m_3 = 400 \text{ g}$ ، $\sin \alpha = 0,34$ ، $g = 10 \text{ m/s}^2$

تتكون الجملة الموضحة في (الشكل 1) من 3 أجسام متساوية الكتلة يصل بينها خيط عديم الامتطاط ومهمل الكتلة ويمر على محزي بكرتين نعتبرهما نقطيتين . تنطلق الجملة من السكون بحيث ينزل الجسم S_1 شاقوليا من النقطة B (نهمل تأثير الهواء) لينسحب الجسم S_2 على مستو أفقي AB يطبق قوة احتكاك f ثابتة الشدة، بينما يصعد الجسم S_3 على مستو مائل OA سطحه أملس يصنع مع الأفق زاوية α

I. تم تسجيل الحركة ومعالجتها ببرمجية Avistep . فتحصلنا على منحني

تغيرات الطاقة الحركية للجسم S_2 : $E_c = f(t^2)$ (الشكل 2)



1- أذكر نص القانون الثاني لنيوتن (مبدأ الديناميكا)

2- أ- بتطبيق مبدأ الديناميكا بين أن عبارة تسارع الجملة

$$a = \frac{1 - \sin \alpha}{3} g - \frac{f}{3 m_2}$$

تكتب على الشكل:

ب- حدّد طبيعة الحركة ثم أكتب المعادلة الزمنية للسرعة.

ج- استنتج عبارة الطاقة الحركية للجسم S_2 بدلالة الزمن.

د- أعط معادلة البيان $E_c = f(t^2)$ ثم استنتج:

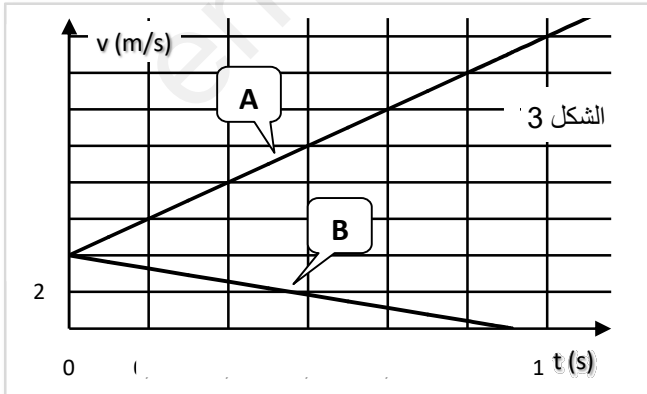
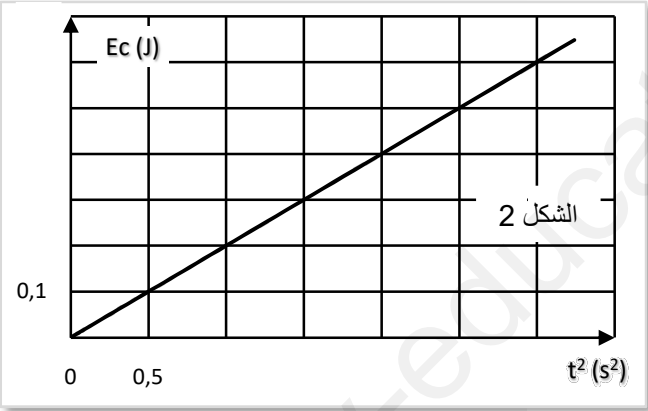
- قيمة تسارع الجملة a .

- شدة الاحتكاك f .

أعدنا الجملة الى وضعها الابتدائي وعند اللحظة $t = 4 \text{ s}$ والتي نعتبرها مبداء

جديدا للأزمنة قطعنا الخيط بين الكتل. ولتكن النقطة B مبداء للفواصل في

المحور الشاقواي OZ بتسجيل حركة الجسمين S_1 و S_2 نتحصل على البيانيين (A) و (B) لتغيرات سرعتيهما بدلالة الزمن (الشكل 3)



1- أرفق كل بيان بالجسم الذي يوافق.

2- حدّد المسافة التي يقطعها الجسم S_2 منذ قطع الخيط إلى أن يتوقف.

3- ندرس حركة الجسم S_1

أ- عيّن الشروط الابتدائية v_0 ، z_0 .

ب- أكتب المعادلة التفاضلية للحركة واستنتج طبيعتها.

د- باستعمال مبدأ انحفاظ الطاقة حدد سرعة الارتطام علما أن

$$h = 20 \text{ m}.$$

التمرين الثاني (9ن):

❖ **الجزء 1:** تدخل المكثفات والوشائع والمقاومات في تراكيب الكترونية مختلفة وتلعب دورا هاما في تقويم التيارات وترشيح التواترات .

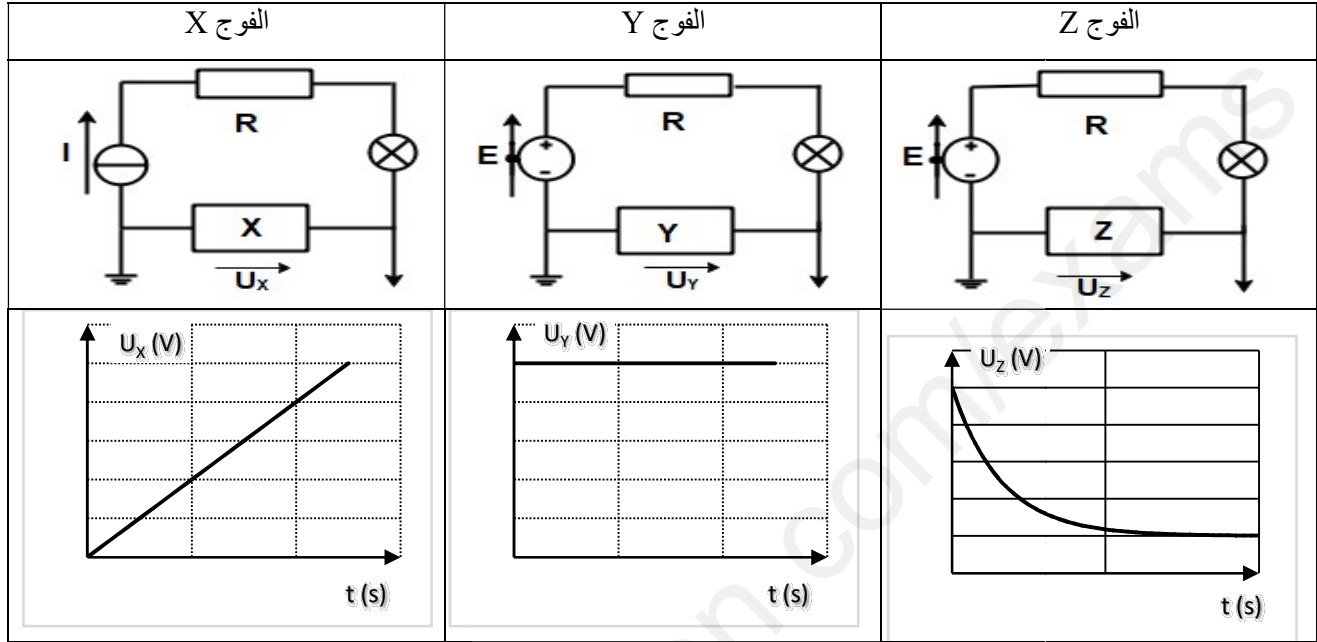
ولدراسة مميزاتها قام الأستاذ في حصة الأعمال المخبرية بإسناد 3 علب مغطاة X Y Z (مجهولة المحتوى) لثلاثة أفواج من الأشبال ليتم

ربط ثنائي القطب في كل حالة بجهاز EXAO قصد معاينة التوتر و الكشف على محتوى كل علبة وتحديد الخصائص المميزة لكل منها

1- تعرف على الأجهزة X ، Y ، Z مبررا إجابتك

2- حدد مع الشرح الكيفية التي يتوهج بها المصباح عند غلق القاطعة في كل حالة

3- أعط المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر المشاهد عند الفوجين X و Y (نعتبر القاطعة مغلقة في كل حالة)



❖ **الجزء 2:** لتحديد سعة المكثف وقيمة المقاومة قام أحد الأفواج بتغذية ثنائي القطب RC بواسطة مولد للتيار الثابت شدته $I = 20mA$ ،

حيث $R_1 = 100 \Omega$ و R_2 مجهولة

عند $t_0 = 0$ توصل البادلة بالوضع 1 و عند $t_1 = 10s$ تَورجج إلى الوضع 2 . (الشكل 1) .

سمحت المتابعة الزمنية للتوتر بين طرفي المكثف بالحصول على البيان الموضح في الشكل 2

1- أ- بين أن العبارة الزمنية التوتر بين طرفي المكثف (في الوضع 1)

$$U_c(t) = \frac{I}{C} t$$

ب- استنتج العبارة اللحظية للتوتر بين طرفي المولد $U_G(t)$

2- أكتب المعادلة الرياضية للبيان من أجل $t < t_1$ واستنتج قيمة C

3- أ- أكتب المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر U_C في الوضع 2

ب- تأكد حل المعادلة التفاضلية يكتب من الشكل $u_c(t) = Ae^{m(10-t)}$

حيث A و m ثابتين يطلب تعيينهما بدلالة عناصر الدارة

4- أ- بين أن المماس عند اللحظة t_1 يقطع محور الأزمنة عند

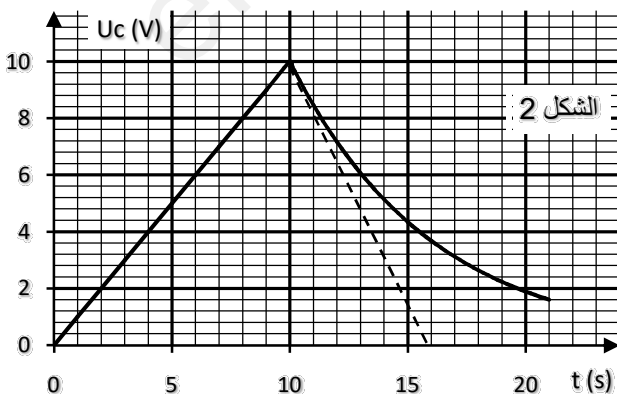
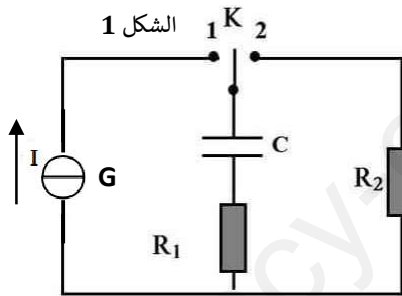
$$t_2 = (10 + \tau)s$$

ب- عين بيانيا قيمة τ ثم حدد قيمة R_2

ج- هل تتغير وتيرة الشحن والتفريغ بتبديل موضعي المقاومتين ؟

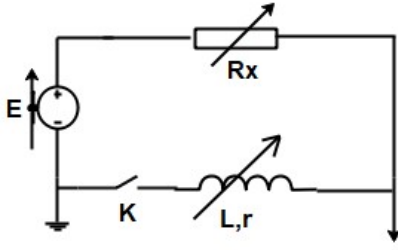
- علل اجابتك

5- أحسب الطاقة المحولة عبر الناقلين الأوميين عند اللحظة 13s



الجزء 3:

الشكل 3



قام فوج آخر بانجاز التركيب الموضح في (الشكل 3) والذي يتضمن في على التسلسل مولد توتر مثالي قوته المحركة الكهربائية E ، قاطعة K ، ناقل أومي مقاومته $R = 80 \Omega$ ، وشيعة حث ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية r . (قيم R و L قابلة للتعديل)

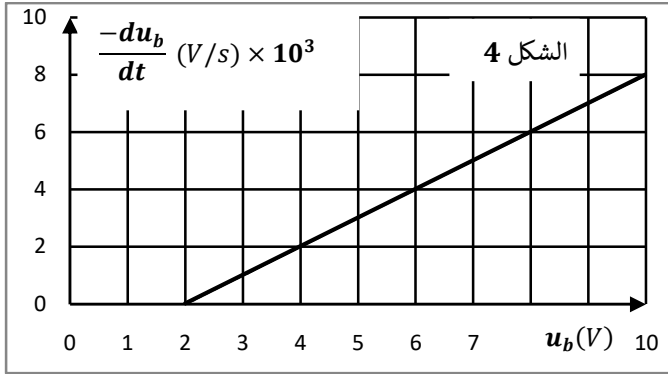
I. في اللحظة $t = 0$ ، نغلق القاطعة K وباستخدام EXAO نحصل على منحنى (الشكل 4)

1- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور التوتر بين طرفي الوشيعة u_b

$$\tau \frac{du_b}{dt} + u_b = \frac{rE}{r+R} \quad \text{تكتب بالشكل :}$$

2- تحقق أن حل المعادلة التفاضلية يعطى بالعلاقة $u_b = A(r + Re^{-B \cdot t})$ ، حيث A و B ثابتان يُطلب تحديد عبارتهما.

ثم استنتج العبارة الحرفية للتوتر u_b في الحاتين الابتدائية والنهائية.



3- باستعمال التحليل البعدي بين أن τ متجانس مع الزمن

4- أكتب معادلة البيان (الشكل 4) ثم أوجد (بيانياً)

أ- قيمة القوة المحركة الكهربائية E

ب- قيمة التوتر على طرفي الناقل الأومي في النظام الدائم

ت- قيمة المقاومة الداخلية r للوشيعة

ث- قيمة ثابت الزمن τ ثم استنتج قيمة الذاتية L

II. ننجز الآن ثلاث تجارب أخرى وذلك بتغيير قيم كل من R و L كالتالي

(يتم تغيير R بواسطة المعدلة و L بادراج نواة حديدية داخل الوشيعة)

أ- أكمل الجدول المقابل المقابل

ب- أعد رسم البيان السابق مع البيانيين الموافقين للتجربتين 2 و 3

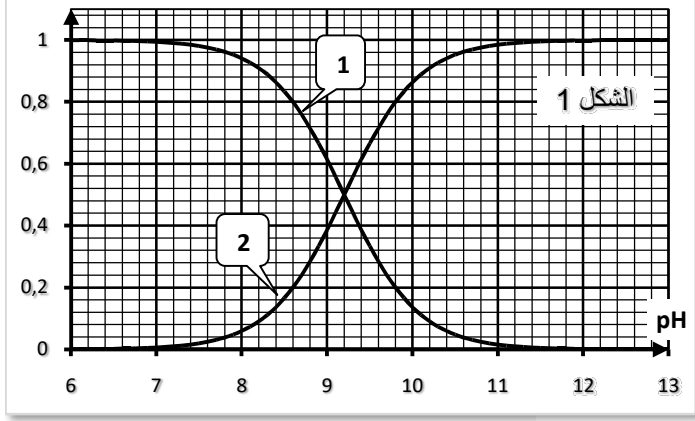
ت- اشرح كيف يؤثر كل من R و L على المقادير τ ، I ، E_{Lmax}

4	3	2	التجربة
80			$R (\Omega)$
	1	0,4	$L (H)$
1			$\tau (ms)$
	62,5		$I (mA)$
			$E_{Lmax} (mJ)$

الجزء 1: المعطيات عند درجة حرارة 25°C : $pK_e = 14$ ، $V_M = 24 \text{ L.mol}^{-1}$ ، $\log$ اللوغاريتم العشري

الأمونياك محلول مائي نتاج عن انحلال غاز النشادر NH_3 في الماء وهو مادة قاعدية شائعة في الصباغة ، وتستخدم في صناعة ألياف النسيج والأوراق وفي الصناعات الكيميائية والصيدلانية. يبين الشكل 1، أسفله مخطط توزيع الأمونياك NH_3 وحمضه المرافق NH_4^+

نحل حجما 240mL من غاز النشادر في حجم $V = 1\text{L}$ من الماء النقي



1- أ- أكتب معادلة انحلال NH_3 في الماء

ب- أحسب تركيز المحلول الناتج C

2- أ- أرفق كل منحنى بالفرد الذي يناسبه مع التعليل.

ب- عين بيانيا pK_a للثنائية $(\text{NH}_4^+/\text{NH}_3)$ ثم استنتج قيمة K_a

3- أ- أعط عبارة ثابت التوازن K الموافق لانحلال (S_2) في الماء

بدلالة k_a ، k_e ، ثم أحسب قيمته .

4- أعطى قياس pH القيمة 10.6

أ- عين الصفة الغالبة في هذه الثنائية $(\text{NH}_4^+/\text{NH}_3)$ محددا النسبتين المئويتين لكل منهما

ب - بين أن: $\text{pH} = \log\left(\frac{C \cdot \tau_f}{K_e}\right)$

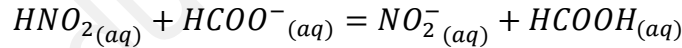
ث- أحسب قيمة τ_f . ماذا تستنتج ؟

الجزء 2: المعطيات $pK_{a1}(\text{HNO}_2/\text{NO}_2^-) = 3,3$; $pK_{a2}(\text{HCOOH}/\text{HCOO}^-) = 3,8$

نعتبر محلولين مائيين (S_1) لحمض النترو HNO_2 و (S_2) لميثانات الصوديوم $(\text{Na}^+ + \text{HCOO}^-)$ تركيزهما على التوالي

$C_2 = 0,4 \text{ mol/L}$ و $C_1 = 0,2 \text{ mol/L}$

نمزج حجمين متساويين $V_1 = V_2 = 200 \text{ mL}$ من المحلولين السابقين ، نمذج معادلة التفاعل كالتالي :



1- أحسب كمية المادة الابتدائية n_1 و n_2 لكل من HNO_2 و HCOO^- ثم أنجز جدول التقدم

2- أعط عبارة ثابت التوازن K بدلالة pK_{a1} و pK_{a2} ثم أحسب قيمته.

3- أ- بين أن التقدم النهائي يحقق المعادلة: $ax_f^2 + bx_f + c = 0$ ، حيث : a ، b ، c ثوابت يطلب تعيين قيمها

ب - تحقق أن $x_f = 3,2 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$. ثم استنتج التراكيز المولية لمختلف الأفراد الكيميائية المتواجدة في المزيج.

4- اعتمادا على إحدى الثنائيتين الداخلتين في التفاعل، بين أن pH المزيج هو 4

عناصر الإجابة

التمرين الأول (4 ن)

الجزء I :

1- نص قانون نيوتن الثاني (مبدأ الديناميكا) :

0.25 في مرجع عطالي ، مجموع القوى الخارجية المطبقة على الجسم يساوي جداء كتلته في شعاع تسارع مركز عطالته $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$

2- اثبات عبارة التسارع :

- بتطبيق قانون نيوتن الثاني ندرس حركة الجمل: (S_1) ، (S_2) ، (S_3) في مرجع سطحي أرضي الذي نعتبره عطالي

$$(S_1) : \vec{P}_1 + \vec{T}_1 = m_1 \vec{a} \quad \text{أي} \quad \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$$

0.50 بالإسقاط على محور الحركة

$$(S_1) : P - T_1 = m_1 a$$

$$(S_1) : \vec{P}_2 + \vec{R}_2 + \vec{T}_2 + \vec{f} + \vec{T}_3 = m_2 \vec{a} \quad \text{أي} \quad \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$$

$$(S_2) : T_1 - T_2 - f = m_2 a$$

بالإسقاط على محور الحركة

$$(S_3) : \vec{P}_3 + \vec{T}_3 + \vec{R}_3 = m_3 \vec{a} \quad \text{أي} \quad \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$$

$$(S_3) : T_2 - P_x = m_3 a$$

بالإسقاط على محور الحركة

$$0.25 \quad a = \frac{1-\sin\alpha}{3} g - \frac{f}{3 m_2} \quad \text{ومنه} \quad 3m_2 a = P - P_x - f \quad \text{نجد طرفا لطرف :} \quad \begin{cases} P - T_1 = m_1 a \\ T_1 - T_2 - f = m_2 a \\ T_2 - P_x = m_3 a \end{cases}$$

0.25 طبيعة الحركة : المسار مستقيم والتسارع ثابت ومنه الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام

$$0.25 \quad \text{المعادلة الزمنية للسرعة :} \quad v = at + v_0 \quad \text{أي :} \quad v = \left(\frac{1-\sin\alpha}{3} g - \frac{f}{3 m_2} \right) t$$

$$0.25 \quad \text{العبارة الزمنية للطاقة الحركية} \quad E_C = \frac{1}{2} m_2 v^2 = \frac{1}{2} m_2 a^2 t^2$$

0.25 معادلة البيان $E_C = f(t^2)$: البيان مستقيم يشمل المبدأ (دالة خطية) عبارته من الشكل $E_C = At^2$ حيث $A = 0.2$

$$0.25 \quad \text{قيمة التسارع :} \quad E_C = \frac{1}{2} m_2 a^2 t = At^2 \quad \text{بالمطابقة مع نجد} \quad \text{ومنه :} \quad a = \sqrt{\frac{2A}{m_2}} = \sqrt{\frac{2 \times 0.2}{0.4}} = 1 \text{ m.s}^{-2}$$

$$0.25 \quad \text{- شدة الاحتكاك} \quad a = \frac{1-\sin\alpha}{3} g - \frac{f}{3 m_2} \quad f = m_2 [g(1 - \sin\alpha) - 3a] = 1,44 \text{ N}$$

الجزء II :

0.25 ارفاق البيانات : البيان A : الجسم S_1 (حركته متسارعة) و البيان B : الجسم S_2 (حركته متباطئة)

0.25 المسافة التي يقطعها الجسم S_2 بعد قطع الخيط : من البيان مساحة المثلث $d = 0.5 \times 4 \times 1,1 = 2,2 \text{ m}$

0.25 الشروط الابتدائية للجسم S_2 : من البيان $v_0 = 4 \text{ m/s}^2$

0.25 و z_0 المسافة التي قطعها قبل قطع الخيط : $z_0 = \frac{1}{2} at^2 = 8 \text{ m}$

0.25 المعادلة التفاضلية للحركة : بتطبيق قانون نيوتن الثاني على الجملة (S_1) في مرجع سطحي أرضي الذي نعتبره عطالي

$$0.25 \quad \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a} \quad \text{أي} \quad \vec{P} = m \vec{a} \quad \text{بالساقط نجد} \quad \vec{a} = \vec{g} \quad \text{أي} \quad \frac{dv}{dt} = g$$

0.25 المسار مستقيم وشعاع التسارع ثابت في جهة الحركة حركة مستقيمة منظمة (سقوط حر)

0.25 - سرعة الارتطام بالأرض : مبدأ انحفاظ الطاقة $E_{Cf} = E_{C0} + w(\vec{p})$

$$\rightarrow v = \sqrt{v_0^2 + 2g(h - z_0)} = 16 \text{ m/s}$$

التمرين الثاني:

الجزء I :

0,75	1- التعرف على العناصر $X.Y.Z$
0,75	2- توهج المصباح : أ- عند الفوج X : يتوهج المصباح انيا بإضاءة ثابتة الشدة ب- عند الفوج Y : يتوهج المصباح انيا بإضاءة ثابتة الشدة ت- عند الفوج Z : يتوهج المصباح تدريجيا وتزداد إنارته لممانعة الوشيجة إقامة التيار (السلوك التحريضي) 3- المعادلتين التفاضليتين:
0,50	أ- عند الفوج X : $\frac{du_c}{dt} = \frac{I}{C}$ ، عند الفوج Y : $\frac{du_R}{dt} = 0$
0,25	ب- العبارة الزمنية للتوتر بين طرفي المكثف : $\frac{du_c}{dt} = \frac{I}{C} t$
0,25	العبارة الزمنية للتوتر بين طرفي المولد : $u_G = \frac{I}{C} t + RI$
0,25	المعادلة التفاضلية التي يحققها u_c في الوضع 2 : $\frac{du_c}{dt} + \frac{1}{(R_1+R_2)C} u_c = 0$
0,25	التأكد من عبارة الحل : $u_c(t) = Ae^{m(10-t)} \leftarrow \frac{du_c}{dt} = -mAe^{m(10-t)}$
0,25	بالتعويض في نجد $-mAe^{m(10-t)} + \frac{1}{(R_1+R_1)C} Ae^{m(10-t)} = 0$
0,25	$m = \frac{1}{R_T C} = \frac{1}{\tau} \leftarrow \frac{1}{R_T C} - m = 0 \leftarrow \left(\frac{1}{R_T C} - m \right) Ae^{m(10-t)} = 0$
0,25	$u_c(t = 10) = Ae^{m(10-10)} = A = u_1 = 10$
0,25	اثبات أن المماس عند t_1 يقطع محور الأزمنة عند اللحظة : $t_2 = t_1 + \tau$
0,25	معادلة المماس عند t_1 : $0 = (t - t_1) + u_c(t_1) = 0 \leftarrow \frac{du_c}{dt} \bigg _{t=t_1} (t - t_1) + A = 0 \leftarrow \frac{-A}{\tau} (t - t_1) + A = 0$ أي $t = t_1 + \tau = 10 + \tau$
0,25	قيمة τ : من البيان $\tau = 6s$
0,25	قيمة R_2 : $R_2 = \frac{\tau}{C} - R_1 = 200 \Omega$
0,25	لاتغير وتيرة الشحن لأن شدة التيار ثابتة لاتتعلق بالمقاومة الدارة (شدة التيار مستقلة عن حمولة الدارة) // وتيرة التفريغ لا تتغير : لأن ثابت الزمن لايتغير بتبديل الموضعين $\tau = (R_1 + R_2)C$ الطاقة المحولة عبر الناقلين الأوميين
0,25	$E_R = E_{C10s} - E_{C13s} = \frac{1}{2} C (u_{C10s}^2 - u_{C13s}^2) = \frac{1}{2} \times 2 \cdot 10^{-2} \times (10^2 - 6^2) = 0.64 J$

الجزء III :

0,25	1- المعادلة التفاضلية لـ u_B
1/4	$u_B + u_R = E \rightarrow \begin{cases} i = \frac{E-u_B}{R} \\ \frac{di}{dt} = \frac{-1}{R} \cdot \frac{du_B}{dt} \end{cases}$ بالتعويض في قانون جمع التوترات : $L \frac{di}{dt} + R_T i = E \dots \dots \dots (R_T = r + R)$ حيث : $\tau = L/R_T$ $\frac{L}{R_T} \cdot \frac{du_B}{dt} + u_B = \frac{rE}{R_T}$
0,75	2- التحقق من الحل : $\begin{cases} A = E/R_T \\ B = R_T/L \end{cases}$ بالتعويض في المعادلة التفاضلية : $\begin{cases} u_B = A(r + B e^{-Bt}) \\ \frac{du_B}{dt} = -ABR e^{-Bt} \end{cases}$

	1/2	العبارة الحرفية لـ u_B عند اللحظة 0 وفي النظام الدائم : $u_B(0) = E$ و $u_B(\infty) = rE/R_T$																									
-3	0,25	التحليل البُعدي لـ τ : $\begin{cases} [L] = \frac{[U] \cdot T}{I} \\ [R] = \frac{[U]}{I} \end{cases} \rightarrow [\tau] = \frac{[U] \cdot T \cdot I}{I \cdot [U]} = T$ ومنه τ متجانس مع الزمن.																									
-4	1/4	معادلة البيان : $\frac{-du_B}{dt} = 10^3 \cdot u_B - 2 \cdot 10^3$ (أ) قيمة E : $E = u_B(0) = 10 V$																									
	1/4	(ب) قيمة التوتر $u_R(\infty)$: $u_R(\infty) = E - u_B(\infty) = 10 - 2 = 8 V$																									
	1/4	(ج) المقاومة الداخلية r : $u_B(\infty) = \frac{rE}{r+R} \rightarrow r = \frac{R \cdot u_B(\infty)}{E - u_B(\infty)} = \frac{80 \cdot 2}{10 - 2} = 20 \Omega$																									
	1/2	(د) ثابت الزمن τ والذاتية L : $\begin{cases} \tau = 10^{-3} s \\ L = \tau R_T = 0,1 H \end{cases}$																									
-5	3/4	(أ) الجدول : <table border="1"> <thead> <tr> <th>التجربة</th><th>2</th><th>3</th><th>4</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$R (\Omega)$</td><td>180</td><td>140</td><td>80</td></tr> <tr> <td>$L (H)$</td><td>0,4</td><td>1</td><td>0,1</td></tr> <tr> <td>$\tau (ms)$</td><td>2</td><td>6,25</td><td>1</td></tr> <tr> <td>$I_0 (mA)$</td><td>50</td><td>62,5</td><td>100</td></tr> <tr> <td>$E_{Lmax}(mJ)$</td><td>0,5</td><td>1,95</td><td>0,5</td></tr> </tbody> </table>	التجربة	2	3	4	$R (\Omega)$	180	140	80	$L (H)$	0,4	1	0,1	$\tau (ms)$	2	6,25	1	$I_0 (mA)$	50	62,5	100	$E_{Lmax}(mJ)$	0,5	1,95	0,5	
التجربة	2	3	4																								
$R (\Omega)$	180	140	80																								
$L (H)$	0,4	1	0,1																								
$\tau (ms)$	2	6,25	1																								
$I_0 (mA)$	50	62,5	100																								
$E_{Lmax}(mJ)$	0,5	1,95	0,5																								
	1/2	(ب) البيانات : 																									
	1/2	(ج) تأثير عناصر الدارة : <table border="1"> <thead> <tr> <th></th><th>τ</th><th>I_0</th><th>E_{Lmax}</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>L</td><td>تزيد</td><td>لا تؤثر</td><td>تزيد</td></tr> <tr> <td>R</td><td>تتقص</td><td>تتقص</td><td>لا تؤثر</td></tr> </tbody> </table>		τ	I_0	E_{Lmax}	L	تزيد	لا تؤثر	تزيد	R	تتقص	تتقص	لا تؤثر													
	τ	I_0	E_{Lmax}																								
L	تزيد	لا تؤثر	تزيد																								
R	تتقص	تتقص	لا تؤثر																								

0,5	1/4	1- (أ) معادلته انحلال غاز النشادر: $NH_3 + H_2O = NH_4^+ + OH^-$																				
	1/4	التركيز المولي C : $C.V = \frac{V_{NH_3}}{V_M} \rightarrow C = \frac{V_{NH_3}}{V.V_M} = 10^{-2} mol/L$																				
1	1/2	2- (أ) المنحنى (1) يوافق النسبة $\%[NH_4^+]$ المنحنى (2) يوافق النسبة $\%[NH_3]$ لأنه أساس (pH يقترب من 14)																				
	1/2	(ب) قيمتا pK_a و K_a : بيانياً $pK_a = 9,2 \rightarrow K_a = 10^{-pK_a} = 6,3.10^{-10}$																				
0,5	1/2	3- عبارة ثابت التوازن K : $K = \frac{[NH_4^+]_f.[OH^-]_f}{[NH_3]_f} \times \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f} = \frac{K_e}{K_a} = 1,58.10^{-5}$																				
	1/2	4- (أ) عند $pH = 10,6$ الفرد الكيميائي السائد هو NH_3 والصفة الغالبة أساسية ، حيث : $\%[NH_3] = 96\% ; \%[NH_4^+] = 4\%$																				
1,5	1/4	(ب) برهان العبارة : $\tau_f = \frac{x_f}{x_m} = \frac{[OH^-]_f}{C} = \frac{K_e}{C.10^{-pH}}$ $pH = \log\left(\frac{C.\tau_f}{K_e}\right)$																				
	1/4	(ج) قيمة نسبة التقدم النهائي τ_f : الطريقة الأولى : $\tau_f = \frac{K_e}{C.10^{-pH}} = 0,0398 \approx 4\%$																				
	1/4	الطريقة الثانية : τ_f هو نسبة تفكك الأساس ومن البيان $\tau_f = \%[NH_4^+] = 4\%$																				
	1/4	بما أن $\tau_f < 1$: التفاعل غير تام والأساس ضعيف.																				
	1/4	1- كمية المادة الابتدائية : $\begin{cases} n_1 = C_1.V_1 = 0,04 mol \\ n_2 = C_2.V_2 = 0,08 mol \end{cases}$																				
0,5	1/4	جدول التقدم : <table><tr><th></th><th>HNO_2</th><th>$HCOO^-$</th><th>NO_2^-</th><th>$HCOOH$</th></tr><tr><td>$x = 0$</td><td>n_1</td><td>n_2</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td></td><td>$n_1 - x$</td><td>$n_2 - x$</td><td>x</td><td>x</td></tr><tr><td></td><td>$n_1 - x_f$</td><td>$n_2 - x_f$</td><td>x_f</td><td>x_f</td></tr></table>		HNO_2	$HCOO^-$	NO_2^-	$HCOOH$	$x = 0$	n_1	n_2	0	0		$n_1 - x$	$n_2 - x$	x	x		$n_1 - x_f$	$n_2 - x_f$	x_f	x_f
	HNO_2	$HCOO^-$	NO_2^-	$HCOOH$																		
$x = 0$	n_1	n_2	0	0																		
	$n_1 - x$	$n_2 - x$	x	x																		
	$n_1 - x_f$	$n_2 - x_f$	x_f	x_f																		
0,5	1/4	2- عبارة ثابت التوازن وقيمهته : $K = \frac{[NO_2^-]_f.[HCOOH]_f}{[HNO_2]_f.[HCOO^-]_f} \times \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f} = 10^{pK_{a2}-pK_{a1}}$																				
	1/4	$K = 10^{3,8-3,3} = \sqrt{10}$																				
2,5	1/2	3- (أ) المعادلة : $K = \frac{x_f^2}{(n_1-x_f)(n_2-x_f)} \rightarrow (1-K)x_f^2 + K(n_1+n_2)x_f - Kn_1n_2 = 0$																				

	$\frac{3}{4}$	بالمطابقة $\begin{cases} A = 1 - K = 1 - \sqrt{10} \\ B = K(n_1 + n_2) = 0,12\sqrt{10} \\ C = -Kn_1n_2 = -3,2 \cdot 10^{-3}\sqrt{10} \end{cases}$	
	$1 \frac{1}{4}$	ب) تقبل المعادلة السابقة حلين يرفض أحدهما لأنه أكبر من x_m تراكيز الأفراد المتواجدة : $\begin{aligned} x_{f1} &= 3,28 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \\ x_{f2} &= 0,14 \text{ mol} > x_m \end{aligned}$ $[NO_2^-]_f = [HCOOH]_f = \frac{x_f}{V_T} = 0,082 \text{ mol/L}$ $[HNO_2]_f = \frac{n_1 - x_f}{V_T} = 0,018 \text{ mol/L}$ $[HCOO^-]_f = \frac{n_2 - x_f}{V_T} = 0,118 \text{ mol/L}$ $[Na^+]_f = \frac{C_2 \cdot V_2}{V_T} = 0,2 \text{ mol/L}$	
0,25	$\frac{1}{4}$	قيمة الـ pH : من علاقة Hendersson $pH = pK_{a1} + \log \frac{[NO_2^-]_f}{[HNO_2]_f} = 3,96 \approx 4$ أو $pH = pK_{a2} + \log \frac{[HCOO^-]_f}{[HCOOH]_f} = 3,96 \approx 4$	-4