

BAC 2016

المفيد في الرياضيات

نسخة للطالب (ة) :

سلسلة : الدوال الأسية

جمع وإعداد الأستاذ : صوشة أحمد

الدالة الأسية

1. تعريف :

توجد دالة وحيدة f حيث : $f' = f$ و $f(0) = 1$ هي : $f(x) = e^x$
 ($e^x > 0$ و $e = 2.718$)

2. خواص :

x و y عددان حقيقيان و n عدد صحيح :

$e^0 = 1$	$e^x \cdot e^y = e^{x+y}$
$\frac{e^x}{e^y} = e^{x-y}$	$e^{-x} = \frac{1}{e^x} > 0$
$\sqrt[n]{e} = e^{\frac{1}{n}}$	$(e^x)^n = e^{nx}$
إذا كان : $e^x > e^y$ فإن : $x > y$.	إذا كان : $e^x = e^y$ فإن : $x = y$.
إذا كان : $\ln x = a$ فإن : $x = e^a$.	إذا كان : $e^x = a / a > 0$ فإن : $x = \ln a$.
$\ln e^a = a$	$e^{\ln a} = a$

$$[e^{g(x)}]' = g'(x)e^{g(x)}$$

3. المشتق :

4. النهايات :

$(e^{-\infty} = 0)$	$\lim_{x \rightarrow 0^-} e^{\frac{1}{x}} = 0$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x} = 0$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$
$(e^{+\infty} = +\infty)$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} e^{\frac{1}{x}} = +\infty$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{-x} = +\infty$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$
$(\infty e^{-\infty} = 0)$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} -xe^{-x} = 0$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x = 0$
$(\frac{e^{+\infty}}{+\infty} = +\infty)$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^{-x}}{-x} = +\infty$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty$
	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{e^x - 1}{\frac{1}{x}} = 1$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-x} - 1}{-x} = 1$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$

تمارين مقترحة

تمرين رقم 01 :

حل في المجموعة $\mathbb{R}$ المعادلات والمترجمات التالية :

$e^{3x} - 3e^{2x} - e^x + 3 = 0$	$e^{1-3x} \leq e^{5x-4}$	$e^{x^2-2} = e^{-6}$
$-2e^{3x} + 8e^{2x} + e^x - 4 = 0$	$2xe^x - 3e^x \leq 0$	$e^{3x-5} - e^{-x^2-2} = 0$
$e^{2x} - e^x - 20 = 0$	$e^{ x-2 } < e^2$	$e^{x^2} - e = 0$
$e^{2x} - e^x - 2 = 0$	$e^{x^2-4x} > 1$	$(e^x)^3 - e^{2x+1} = 0$
$e^x + 18e^{-x} = 9$	$e^{x^2-x} > 1$	$(x^2 - 5x)e^x - (2x - 12)e^x = 0$
$e^x - (5 + e)^{\frac{x}{2}} + 5e = 0$	$\frac{e^x - 1}{e^x - 2} \leq 0$	$e^{x+3} \cdot e^{\frac{1}{x}} = e$
$e^{2x+1} - 3\sqrt{e^{2x+2}} = -e^{1+\ln 2}$	$e^{-x} - 1 \leq 0$	$\frac{1}{e^x} = e^{x+2}$
$2e^{5x} - 13e^{3x} - 7e^x = 0$	$(x^2 + x - 2)e^{\frac{1}{x}} \leq 0$	$(e^{-x} - 4)(e^{2x} - e^2) = 0$

تمرين رقم 02 :

عَيِّن في كل حالة مجموعة تعريف الدالة f ودالتها المشتقة في المجموعة التي تكون فيها قابلة للاشتقاق :

$f(x) = e^{-2x+5}$	$f(x) = e^{x^2-4x} - 5x$	$f(x) = e^{2x} - 4e^x + 5$	$f(x) = e^x + 3e^{-x+2} - x$
$f(x) = \frac{e^{2x}}{e^{2x} - 4}$	$f(x) = e^{\frac{1}{x-2}}$	$f(x) = e^{\frac{x}{x-1}}$	$f(x) = \frac{e^x}{e^x - 1}$
$f(x) = e^{-2x} - e^{-3x} + 4$	$f(x) = e^{ x-2 }$	$f(x) = (x-1)e^x - x^2$	$f(x) = xe^x$
$f(x) = \frac{e^{\sqrt{4x+1}-3}}{2}$	$f(x) = (2x-1)e^{\frac{1}{x}}$	$f(x) = (x^2 + x + 1)e^{\frac{-x}{2}}$	$f(x) = \frac{e^x}{\sqrt{1-e^{2x}}}$

تمرين رقم 03 :

أحسب النهايات التالية :

$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{2x} - 2e^x$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{2x} - 4x$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x - x + 1$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^2 + 2)e^x$
$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{2x} + e^x - 4$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} (x-1)e^x - x - 1$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 - 2e^x$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} (3x^2 - 4x)e^{-x}$
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{-x} - 1}{x}$	$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x}{x + e^{x-1}}$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} (1-x)e^x + 2$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 + 2x + 5)e^x$
$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{xe^x - x + 1}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{4x} - 2e^{2x} + 1}{4x^2}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x^2 + 2x}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - e^{-x}}{x}$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - 1}{x^2}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{e^{2x} - 1}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{2x}$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{2x}$
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x-2}{e^x - 2x}$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} (x+1)e^{-\frac{x}{2}}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x + 1}{x^2 + x + 1}$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e^{2x} - 2e^x + 3}{e^x - 1}$
$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^{2x} + 2}{e^{2x} - 1}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{2x}}{e^x + 1}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(x-1)e^x}{x}$	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{xe^x}{x+1}$
$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1 - 2x}{x^2}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 \left(\frac{1}{e^x} - \frac{1}{e^{x-1}} \right)$	$\lim_{x \rightarrow \ln 3} \frac{e^x - 3}{x - \ln 3}$	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{2x+1}}{x}$

تمرين رقم 04 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $f(x) = x - \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$.

1- تحقق أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$ فإنّ : $f(x) = x + 1 - \frac{2e^x}{e^x + 1}$ و $f(x) = x - 1 + \frac{2}{e^x + 1}$.

2- أحسب النهايات ثمّ إستنتج وجود مستقيمين مقاربين مائلين (Δ) و (Δ') يطلب إيجاد معادلتيهما.

تمرين رقم 05 :

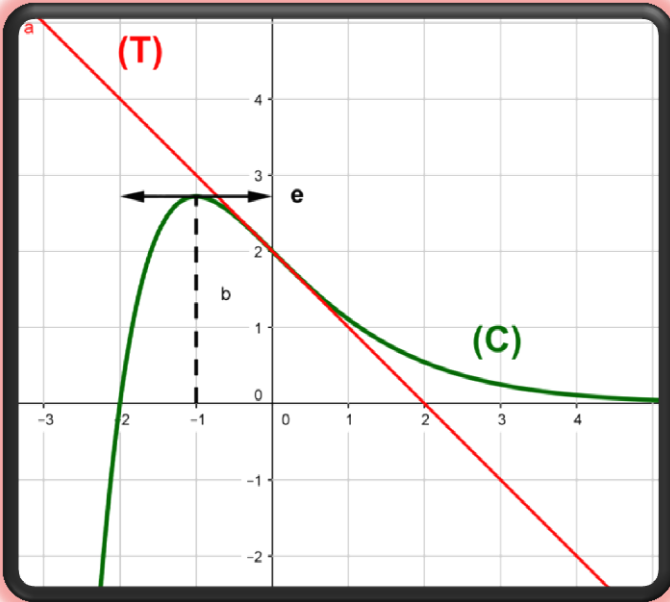
أدرس شفعية الدالتين f و g المعرفتين على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$ و $g(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$.

تمرين رقم 06 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $f(x) = \frac{e^x}{e^x + 1}$.

1. أحسب : $f(-x) + f(x)$, ماذا تستنتج ؟

تمرين رقم 07 :



المنحنى (C) المقابل هو :

للدالة f المعرفة والقابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$.

(T) هو المماس للمنحنى (C) عند :

النقطة A ذات الفاصلة 0 .

1-1 بقراءة بيانية، أحسب مايلي :

$$f'(0), f(0), f'(-1), f(-1)$$

ب) عيّن نهاية الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$.

ج) شكّل جدول تغيّرات الدالة f .

2- الدالة f معرفة بـ : $f(x) = (ax + b)e^{-x}$.

أ) عيّن العددين الحقيقيين a و b .

ب) أثبت أنّ A هي نقطة إنعطاف للمنحنى (C) .

تمرين رقم 08 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = e^{2x} - 2e^x + 1$. $(O; \vec{i}, \vec{j})$ تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس.

1- أدرس إتجاه تغيّر الدالة f .

2- أدرس نهاية الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$ مفسّراً النهاية عند $-\infty$ بيانياً.

3- شكّل جدول تغيّرات الدالة f .

4- عيّن نقاط تقاطع المنحنى (C) مع محوري الإحداثيات.

5- أحسب $f(-1)$ و $f(1)$ ثمّ أنشئ (C) .

6- g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x) = -f(x)$.

• إعتماذاً على المنحنى (C) ، أنشئ (C') منحنى الدالة g في نفس المعلم.

تمرين رقم 09 :

f دالة معرفة على $]-1; +\infty[$ بـ : $f(x) = \frac{e^x}{x+1}$. $(O; \vec{i}, \vec{j})$ تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس.

1. أكتب معادلة المماس (T_α) للمنحنى (C) عند النقطة ذات الفاصلة α . / $\alpha \in]-1; +\infty[$

2. أثبت أنّه توجد قيمتان للعدد α يكون من أجلها المماس (T_α) يشمل مبدأ المعلم.

تمرين رقم 10 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = e^{-x} - x - 2$. (C) تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

- 1- أدرس تغيرات الدالة f .
- 2- بين أن (C) يقبل مستقيما مقارباً مائلاً (Δ) يطلب تعيين معادلته .
- 3- بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α حيث : $-0.45 < \alpha < -0.44$.
- 4- إستنتج إشارة $f(x)$ على $\mathbb{R}$.
- 5- عيّن نقاط تقاطع المنحنى (C)

تمرين رقم 11 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = x - 1 + e^x$. (C) تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

- 1- أدرس تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها.
- 2- أحسب $f(0)$ ثم إستنتج حسب قيم x إشارة $f(x)$.
- 3- بين أن المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x - 1$ مقارب لـ (C) عند $-\infty$.
(ب) أدرس وضعية (C) بالنسبة إلى (Δ) .
- 4- أكتب معادلة لـ (T) مماس المنحنى (C) عند النقطة O .
- 5- أنشئ (Δ) , (T) و (C) .
- 6- ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة : $f(x) = 2x + m$.

تمرين رقم 12 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $f(x) = \frac{e^x + 2}{e^x - 1}$. (C) تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

- 1- أدرس تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها.
- 2- أحسب : $f(-x) + f(x)$, ماذا تستنتج ؟
- 3- أنشئ (C) .
- 4- g دالة معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $g(x) = |f(x)|$.
• إشرح كيف يمكن (C') رسم المنحنى الممثل للدالة g اعتماداً على المنحنى (C) , ثم أرسم (C') .

تمرين رقم 13 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = \frac{e^x}{e^x + 1}$. (C) تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أدرس تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

2- بين أن النقطة $A\left(0; \frac{1}{2}\right)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C) .

3- عين معادلة المماس (T) للمنحنى (C) عند النقطة A .

4- لتكن g الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $g(x) = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2} - f(x)$.

أ) بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$ فإن : $g'(x) = \frac{(e^x - 1)^2}{4(e^x + 1)^2}$.

ب) شكل جدول تغيرات الدالة g , ثم استنتج إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

ج) استنتج الوضعية النسبية للمنحنى (C) والمستقيم (T) . ماذا تمثل النقطة A ؟

5- (T) و (C) .

تمرين رقم 14 :

f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = x - \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$. (C) تمثيلها البياني معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$ فإن : $f(x) = x - 1 + \frac{2}{e^x + 1}$ و $f(x) = x + 1 - \frac{2e^x}{e^x + 1}$.

2- أثبت أن f دالة فردية .

3- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, ثم استنتج : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

4- بين أن المنحنى (C) يقبل مقاربين (Δ) و (Δ') , يطلب إيجاد معادلة لكل منهما .

5- أدرس الوضعية النسبية للمنحنى (C) مع كل من (Δ) و (Δ') .

6- أدرس إتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

7- أنشئ (Δ) , (Δ') و (C) .

تمرين رقم 15 :

I g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $g(x) = e^{-x} + x - 1$

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- إستنتج إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

3- بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $e^{-x} + x > 0$.

II f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $f(x) = \frac{x}{e^{-x} + x}$

(C_f) منحناها البياني في معلم متعامد (وحدة الطول $2cm$ على (xx') و $5cm$ على (yy')).

1- بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $\frac{x}{e^{-x} + x} = \frac{xe^x}{1 + xe^x}$.

2- أحسب نهايات الدالة f .

3- أدرس تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها .

4- أكتب معادلة المماس (T) عند نقطة تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات .

5- هل توجد مماسات عمودية على (yy') . أكتب معادلاتها .

6- أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (T) . ماذا تستنتج ؟

7- أرسم (T) ثم (C_f) .

8- إشرح كيف يمكن رسم المنحنى (C'_f) الممثل للدالة $|f|$ ثم أرسمه .

9- عيّن بيانيا قيم الوسيط m الحقيقي التي من أجلها تقبل المعادلة $|f(x)| = 2m$ حلا وحيدا موجبا تماما .

10- إشرح كيف يمكن رسم المنحنى (C_K) الممثل للدالة K حيث : $K(x) = 1 - \frac{e^{-x+2}}{x-2} + e^{-x+2}$

تمرين رقم 16 :

I g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $g(x) = x + 2 - e^x$

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث : $1.14 < \alpha < 1.15$ و $-1.85 < \beta < -1.84$.

3- إستنتج إشارة $g(x)$.

II f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $f(x) = \frac{e^x - 1}{xe^x + 1}$ / $xe^x + 1 > 0$

(C_f) منحناها البياني في معلم متعامد متجانس (وحدة الطول $2cm$) .

1- أحسب نهايات الدالة f ثم فسّر النتائج بيانيا ..

2- أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) والمستقيم المقارب الأفقي (D) عند $-\infty$.

3- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{e^x \cdot g(x)}{(xe^x + 1)^2}$

4- إستنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكّل جدول تغيراتها . / أحسب $f(0)$.

5- بين أن : $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha + 1}$ ثم إستنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$.

6- هل توجد مماسات لـ (C_f) توازي المستقيم المقارب الأفقي (D) . (أوجد معادلاتها)

7- أرسم المماسات ثم (D) . (تؤخذ : $-1.19 < f(\beta) < -1.18$)

8- ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $(x+1)e^x - (m+1)(xe^x + 1) = 0$

III k دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $k(x) = f(-|x|)$

أدرس شفعية الدالة k / إشرح كيف يمكن رسم (C_k) مستعينا بـ (C_f) ثم أرسم (C_k)

تمرين رقم 17 :

I g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $g(x) = 4 - x - e^x$

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث : $1.07 < \alpha < 1.08$.

3- إستنتج إشارة $g(x)$.

II f دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $f(x) = -x + 3 + \frac{x-3}{e^x}$

(C_f) منحناها البياني في معلم متعامد متجانس (وحدة الطول $2cm$) .

1- عيّن نقط تقاطع (C_f) مع محوري الإحداثيات .

2- أحسب نهايات الدالة f .

3- بين أن (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) بجوار $+\infty$ يطلب تعيين معادلته .

4- أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) .

5- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{g(x)}{e^x}$

6- إستنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكّل جدول تغيراتها .

7- بين أن : $f(\alpha) = -\left(\alpha - 2 + \frac{1}{\alpha - 4}\right)$ ثم إستنتج حاصل للعدد $f(\alpha)$.

8- بين أنه يوجد مماس (D) لـ (C_f) يوازي المستقيم (Δ) , أوجد معادلته .

9- أرسم (D) ثم (C_f) على المجال : $[-3/4 ; +\infty[$. $f(-3/4) \simeq -4$.

10- ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m من المجال $[-4 ; +\infty[$ عدد وإشارة حلول المعادلة :

$$(x-3) = (m-3)e^x$$

III k دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بالعلاقة : $k(x) = -x + 2 + (x-2)e^{-(x+1)}$

■ إشرح كيف يمكن رسم (C_k) مستعينا بـ (C_f) .

حوليات بكالوريا

مسألة رقم 01 : علوم تجريبية - bac-2008

I نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $[-2; +\infty[$ كما يأتي :

$$f(x) = (ax + b)e^{-x} + 1 \quad . \quad \text{حيث } a \text{ و } b \text{ عددان حقيقيان .}$$

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ وحدة الطول 1 cm .

• عيّن قيمتي a و b بحيث تكون النقطة $A(-1, 1)$ تنتمي إلى (C_f) ومعامل توجيه المماس عند A يساوي $-e$.

II نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $[-2; +\infty[$ كما يأتي :

$$g(x) = (-x - 1)e^{-x} + 1$$

و (C_g) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق

1- بين أنّ : $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 1$ وفسّر هذه النتيجة بيانيا . (نذكر أنّ : $\lim_{y \rightarrow -\infty} ye^y = 0$) .

2- أدرس تغيرات الدالة g , ثمّ أنشئ جدول تغيراتها .

3- بين أن المنحنى (C_g) يقبل نقطة إنعطاف I يطلب تعيين إحداثياتها .

4- أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_g) عند النقطة I .

5- أرسم (C_g) .

III لتكن K الدالة المعرفة على المجال $[-2; +\infty[$ كما يأتي : $K(x) = g(x^2)$.

• باستعمال مشتقة الدالة المركبة , عيّن اتجاه تغير K ثمّ شكّل جدول تغيراتها .

مسألة رقم 02 : علوم تجريبية-2010-bac

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $\mathbb{R}^*$ كما يأتي : $f(x) = x - \frac{1}{e^x - 1}$
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أ أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

ب أحسب : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ وفسّر هندسيا النتيجة.

2- أدرس إتجاه تغير الدالة f على كل مجال من مجالي تعريفها ثم شكّل جدول تغيراتها.

3- أ بين أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين مائلين (Δ) و (Δ') معادلتهما على الترتيب :

$$y = x \quad \text{و} \quad y = x + 1.$$

ب أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى كل من (Δ) و (Δ') .

4- أثبت أن النقطة $w\left(0; \frac{1}{2}\right)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

5- أ بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث : $\ln 2 < \alpha < 1$ و $-1,4 < \beta < -1,3$.

ب هل توجد مماسات لـ (C_f) توازي المستقيم (Δ) ؟

ج أرسم (Δ) و (Δ') ثم المنحنى (C_f) .

د ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة : $(m-1)e^{-x} = m$.

مسألة رقم 03 : علوم تجريبية-2011-bac

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يأتي : $f(x) = e^x - ex - 1$
 (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أ أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

ب أحسب $f'(x)$ و أدرس إشارتها , ثم شكّل جدول تغيرات الدالة f .

2- أ بين أن المستقيم (Δ) ذي المعادلة : $y = -ex - 1$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

ب أكتب معادلة للمستقيم (T) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

ج بين أن المعادلة $f(x) = 0$, تقبل في المجال $[1,75; 1,76]$ حلا وحيدا α .

د أرسم المستقيمين (Δ) و (T) ثم المنحنى (C_f) على المجال $]-\infty; 2]$.

مسألة رقم 04 : علوم تجريبية - bac-2012

I. لتكن g الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $g(x) = 1 - xe^x$.

1- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

2- أدرس إتجاه تغير الدالة g , ثم شكّل جدول تغيراتها .

3- (أ) بين أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $[-1 ; +\infty[$.

(ب) تحقق أنّ $0,5 < \alpha < 0,6$, ثم استنتج إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

II. نعتبر الدالة f المعرفة على $]-\infty ; 2]$ كما يلي : $f(x) = (x-1)e^x - x - 1$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2- (أ) بين أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من $]-\infty ; 2]$ فإنّ : $f'(x) = -g(x)$.

(ب) استنتج إشارة $f'(x)$ على المجال $]-\infty ; 2]$, ثم شكّل جدول تغيرات الدالة f .

3- بين أنّ : $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2 + 1}{\alpha}\right)$, ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$. (تدوّر النتائج إلى 10^{-2})

4- (أ) بين أنّ المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = -x - 1$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

(ب) أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

5- (أ) بين أنّ المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين x_1 و x_2 حيث : $-1,6 < x_1 < -1,5$ و $1,5 < x_2 < 1,6$.

(ب) أنشئ (Δ) و (C_f) .

مسألة رقم 05 : علوم تجريبية - bac-2013

x	$f(x)$
0,20	0,037
0,21	0,016
0,22	-0,005
0,23	-0,026
0,24	-0,048
0,25	-0,070

I الدالة المعرفة على $]-\infty ; 1[$ بـ : $f(x) = \frac{x}{x-1} + e^{\frac{1}{x-1}}$.

(C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ، ثم فسّر النتيجة بيانياً.

2- أحسب $f'(x)$. بين أن f متناقصة تماماً على المجال $]-\infty ; 1[$.
ثم شكّل جدول تغيراتها .

3- بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل في $]-\infty ; 1[$ حلاً وحيداً α .
باستعمال جدول القيم أعلاه جـد حصرًا للعدد α .

4- أرسم المنحنيين (C) و (C') . حيث (C') المنحنى الممثل للدالة $|f'|$.

5- عيّن بيانياً قيم العدد الحقيقي m التي من أجلها يكون للمعادلة $|f(x)| = m$ حلان مختلفان في الإشارة .

II g الدالة المعرفة على $]-\infty ; 1[$ بـ : $g(x) = f(2x-1)$. (عبارة $g(x)$ غير مطلوبة)

1- أدرس تغيرات الدالة g على $]-\infty ; 1[$ ، ثم شكّل جدول تغيراتها .

2- (أ) تحقق من أن : $g\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 0$ ، ثم بين أن : $g'\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 2f'(\alpha)$.

(ب) استنتج معادلة (T) المماس لمنحنى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة $\frac{\alpha+1}{2}$.

(ج) تحقق من أن : $y = \frac{2}{(\alpha-1)^3}x - \frac{\alpha+1}{(\alpha-1)^3}$ ، معادلة للمستقيم (T) .

مسألة رقم 06 : علوم تجريبية - bac-2015

I g الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x) = 1 - 2x - e^{2x-2}$.

1- أدرس إتجاه تغير الدالة g على $\mathbb{R}$.

2- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α في $\mathbb{R}$ ، ثم تحقق أن : $0,36 < \alpha < 0,37$.

3- استنتج إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

الف الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = xe^{2x+2} - x + 1$.

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1-1 بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $f'(x) = e^{2x+2}g(-x)$.

ب) إستنتج أن الدالة f متناقصة تماما على $]-\infty; -\alpha]$ ومتزايدة تماما على $[-\alpha; +\infty[$.

2- أحسب نهاية f عند $+\infty$ وعند $-\infty$ ، ثم شكّل جدول تغيرات الدالة f .

3- أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x - 1]$ ، ثم فسّر النتيجة هندسيا.

4- أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) الذي معادلته : $y = -x + 1$.

5- أنشئ (Δ) و (C_f) على المجال $]-\infty; \frac{1}{2}]$ ، نأخذ $f(-\alpha) \approx 0,1$.

6-1 تحقق أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $2f(x) + f'(x) - f''(x) = 1 - 2x - 3e^{2x+2}$.

ب) إستنتج دالة أصلية للدالة f على $\mathbb{R}$.

الدالة الأصلية للدالة f هي الدالة F والتي تحقق :

$$F'(x) = f(x)$$

مسألة رقم 07 : تقني رياضي-2009-bac

لتكن f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أحسب $f(x) + f(-x)$ ، ثم إستنتج أن النقطة $w(0; 1)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

2- أدرس تغيرات الدالة f على $[0; +\infty[$ ، ثم إستنتج جدول تغيراتها على $\mathbb{R}$.

3- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x]$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x + 2)]$ ، ماذا تستنتج ؟

4-1 بين أن للمعادلة $f(x) = 0$ حلا وحيدا α بحيث : $-1,7 < \alpha < -1,6$.

ب) من أجل أي قيمة للعدد الحقيقي k يكون العدد $-\alpha$ حلاً للمعادلة : $f(x) = k$.

5- أرسم (C_f) على $\mathbb{R}$.

6- بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}$: $f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{e^{-x} + 1}$.

ب) بين أن : $A(\alpha) = 2\ln(-\alpha)$ ، ثم إستنتج حصراً للعدد $A(\alpha)$.

مسألة رقم 08 : تقني رياضي-2010-bac

لتكن f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}^*$ كما يلي : $f(x) = \frac{3xe^x - 3x - 4}{3(e^x - 1)}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- عيّن العددين الحقيقيين a و b بحيث : $f(x) = ax + \frac{b}{3(e^x - 1)}$.

2- أدرس تغيرات الدالة f ثم شكّل جداول تغيراتها.

3- (D) و (D') المستقيمان اللذان معادلتاهما على الترتيب : $y = x$ و $y = x + \frac{4}{3}$.

• بين أن (D) و (D') مقاربان للمنحنى (C_f) . ثم حدّد وضعيته بالنسبة لكل منهما.

4- بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين x_0 و x_1 حيث : $0,9 < x_0 < 0,91$ و $-1,66 < x_1 < -1,65$.

5- أحسب $f(x) + f(-x)$. ثم فسّر النتيجة هندسيًا.

6- أرسم (D) و (D') ثم (C_f) .

7- ناقش بيانًا حسب قيم العدد الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $f(x) = x + m$.

8- نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ كما يلي : $g(x) = [f(x)]^2$.

• أدرس تغيرات الدالة g دون حساب عبارة $g(x)$.

مسألة رقم 09 : تقني رياضي-2010-bac

لتكن f الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $f(x) = 3 - \frac{4}{e^x + 1}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أدرس تغيرات الدالة f . ثم عيّن المستقيمات المقاربة للمنحنى (C_f) .

2- بين أن للمنحنى (C_f) نقطة إنعطاف w يطلب تعيينها ثم أكتب معادلة المماس (T) لـ (C_f) عندها.

3- لتكن g الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي : $g(x) = f(x) - x$.

أ) أدرس تغيرات الدالة g .

ب) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلًا وحيدًا α بحيث : $2,7 < \alpha < 1,8$.

4- حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $f(x) = 0$. ثم أرسم (T) والمستقيم (Δ) ذو المعادلة : $y = x$ والمنحنى (C_f) .

مسألة رقم 10 : تقني رياضي - bac-2012

I. g هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$.

1- أدرس تغيّرات الدالة g .

2- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر α حيث : $1,59 < \alpha < 1,60$.

3- إستنتج إشارة $g(x)$.

II. f هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $f(x) = \frac{2x-2}{e^x - 2x}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$. (وحدة الطول 2 cm)

1- بين أن (C_f) يقبل عند $+\infty$ و $-\infty$ مستقيمين مقاربين معادلتهم على الترتيب : $y = -1$ و $y = 0$.

2- (أ) برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}$.

(ب) إستنتج إشارة $f'(x)$ ، ثم شكّل جدول تغيّرات الدالة f .

(ج) أحسب $f(1)$ ، ثم إستنتج حسب قيم x إشارة $f(x)$.

3- (أ) بين أن : $f(\alpha) = -1 + \frac{1}{\alpha - 1}$ ، حيث α هو العدد المعرف في السؤال 2 من الجزء الأول.

(ب) إستنتج حصراً للعدد $f(\alpha)$ ، (تدوّر النتائج إلى 10^{-2}).

(ج) أرسم المنحنى (C_f) .

4- ناقش بياناً حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة : $2x - 2 = (e^x - 2x)m$

5- ناقش بياناً حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة : $2x - 2 = (e^x - 2x)(m + 1)$

6- ناقش بياناً حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة : $2x - 2 = (e^x - 2x)(2m)$

7- h هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $h(x) = [f(x)]^2$.

(أ) أحسب $h'(x)$ بدلالة كل من $f(x)$ و $f'(x)$ ، ثم إستنتج إشارة $h'(x)$.

(ب) شكّل جدول تغيّرات الدالة h .

مسألة رقم 11 : تقني رياضي- bac-2013

I لتكن الدالة g المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $g(x) = (x-1)e^x$.

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $1 + (x-1)e^x \geq 0$.

II لتكن الدالة f المعرفة على المجال $[0 ; +\infty[$ كمايلي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{e^x - 1}{x} ; x > 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$

1- بين أن الدالة f مستمرة على المجال $[0 ; +\infty[$.

2- (أ) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0 ; +\infty[$: $f'(x) = \frac{1 + (x-1)e^x}{x^2}$.

(ب) إستنتج إتجاه تغير الدالة f , ثم شكّل جدول تغيراتها .

III n عدد طبيعي حيث $n \geq 1$, الدالة المعرفة على $]0 ; +\infty[$ بـ : $f_n(x) = \frac{e^x - 1}{x} + n \ln x$.

(C_n) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس ($O; \vec{i}, \vec{j}$) .

1- أدرس إتجاه تغير الدالة f_n على المجال $]0 ; +\infty[$.

2- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f_n(x)$.

3- أدرس الوضع النسبي للمنحنين (C_n) و (C_{n+1}) .

4- بين أن جميع المنحنيات (C_n) تمرّ بنقطة ثابتة B يطلب تعيين إحداثياتها .

5- (أ) بين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد α_1 من المجال $]0,3 ; 0,4[$ بحيث : $f_1(\alpha_1) = 0$.

(ب) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n حيث $n \geq 1$ فإن : $f_n(\alpha_1) < 0$.

(ج) برهن أنه يوجد عدد حقيقي وحيد α_n من المجال $]\alpha ; 1[$ بحيث : $f_n(\alpha_n) = 0$.

6- (أ) بالإعتماد على الجزء الثاني : بين أنه من أجل كل x من المجال $]0 ; 1[$: $\frac{e^x - 1}{x} \leq e - 1$.

(ب) إستنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n حيث $n \geq 1$: $\ln(a_n) \geq \frac{1-e}{n}$, ثم : $a_n \geq e^{\frac{1-e}{n}}$.

(ج) أحسب : $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n$.

مسألة رقم 12 : تقني رياضي - bac-2014

f هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = (x-1)e^x$.

(C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- عيّن نهاية f عند كل من $-\infty$ و $+\infty$.

2- أدرس اتجاه تغير الدالة f على $\mathbb{R}$ ، ثم شكّل جدول تغيراتها.

3- (أ) بين أن المعادلة $f(x) = 1$ تقبل حلاً وحيداً α على $\mathbb{R}$ ، ثم تحقق أن : $1,27 < \alpha < 1,28$.

(ب) أكتب معادلة لـ (T) مماس المنحنى (C) عند $x_0 = 1$ ، ثم حدّد الوضع النسبي لـ (C) مع (T) .

(ج) أرسم (C) و (T) .

4- عيّن قيم الوسيط m التي من أجلها تقبل المعادلة : $(x-1)e^x - (m-1)e^m = -1$ حلاً واحداً في $\mathbb{R}$.

5- h هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $h(x) = (|x|+1)e^{-|x|}$. و (C') تمثيلها البياني.

• بين أن الدالة h زوجية. ثم أرسم (C') مستعينا بالمنحنى (C) .

6- g دالة معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = (ax+b)e^x$. حيث a و b عددان حقيقيان.

• عيّن a و b حتى يكون : من أجل كل عدد حقيقي x : $g'(x) = f(x)$.

مسألة رقم 13 : تقني رياضي - bac-2015

I. g هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x) = (x+2)e^x - 2$.

1- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

2- أدرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكّل جدول تغيراتها.

3- أحسب $g(0)$ ، ثم إستنتج إشارة $g(x)$.

II. f هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = 2x + 3 - (x+1)e^x$.

(C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- بين أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ، ثم أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2- (أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = -g(x)$.

(ب) إستنتج إشارة $f'(x)$ ، ثم شكّل جدول تغيرات الدالة f .

(ج) بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = 2x + 3$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C) عند $-\infty$.

(د) أدرس وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

3- أ) بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث : $0,92 < \alpha < 0,93$ و $-1,56 < \beta < -1,55$.

ب) أرسم المستقيم (Δ) والمنحنى (C) على المجال $]-\infty ; \frac{3}{2}]$.

مسألة رقم 14 : رياضي-2008-bac

I 1. f هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = x - 1 + \frac{4}{e^x + 1}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أدرس تغيرات الدالة f .

2- أ) بين أن (C_f) يقبل نقطة إنعطاف w , أكتب معادلة المماس لـ (C_f) عند w .

ب) أثبت أن w مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

3- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 1)]$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x + 3)]$. فسّر النتائج هندسيًا.

4- بين أن (C_f) يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها x_0 من المجال $]-2,77 ; -2,76[$.

5- أحسب $f(1)$ و $f(-1)$, ثم أرسم المقاربين و (C_f) .

II g هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x) = -x + 3 - \frac{4}{e^x + 1}$.

(C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن : $g(x) = f(-x)$.

2- إستنتج أنه يوجد تحويل نقطي بسيط يحول (C_f) إلى (C_g) .

مسألة رقم 15 : رياضي-2010-bac

I هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $g(x) = (3-x)e^x - 3$.

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين في $\mathbb{R}$ أحدهما معدوم والآخر α حيث : $2,82 < \alpha < 2,83$.

3- إستنتج إشارة $g(x)$.

II هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^3}{e^x - 1} & ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- بين أن الدالة f قابلة للإشتقاق عند $x_0 = 0$, ثم أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند $x_0 = 0$.

2- بين أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} x^3 e^{-x} = 0$ ثم أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$.

ب) بين أنه من أجل $x \neq 0$ فإن : $f'(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^2} \cdot g(x)$.

ج) تحقق أن : $f(\alpha) = \alpha^3(3 - \alpha)$, ثم عين حصرًا له.

د) أنشئ جدول تغيرات الدالة f .

3- أحسب : $f(x) + x^3$, واستنتج الوضعية النسبية لـ : (C_f) و (C) منحنى الدالة : $x \mapsto -x^3$.

ب) بين أن : $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) + x^3] = 0$, ثم فسّر النتيجة هندسيًا.

ج) أنشئ في نفس المعلم المماس (T) والمنحنيين (C) و (C_f) .

مسألة رقم 16 : رياضي-2011-bac

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $f(x) = (3x + 4)e^x$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أدرس تغيرات الدالة f .

2- أكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) في النقطة w التي فاصلتها $-\frac{10}{3}$.

ب) بين أن w هي نقطة إنعطاف للمنحنى (C_f) .

ج) أرسم (Δ) و (C_f) على المجال $]-\infty; 0[$.

مسألة رقم 17 : رياضي - bac-2012

I g هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x) = (x+2)e^x - 2$.

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α على $\mathbb{R}$, ثم تحقق أن : $0,8 < \alpha < 0,9$.

3- إستنتج إشارة $g(x)$.

II f هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = \frac{2x+2}{e^x+2}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$. (وحدة الطول 2 cm)

1- بين أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$, ثم فسّر النتيجة هندسيًا .

2- (1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(ب) بين أن المستقيم (Δ') ذا المعادلة $y = x + 1$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

3- أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى كل من (Δ) و (Δ') . حيث (Δ) هو المستقيم ذو المعادلة : $y = x$.

4- (1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{2g(x)}{(e^x+2)^2}$. ثم إستنتج إتجاه تغير الدالة f .

5- أرسم (Δ) , (Δ') و (C_f) .

6- ناقش بيانًا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $f(x) = f(m)$.

مسألة رقم 18 : رياضي - bac-2013

I g هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $g(x) = 1 + (x^2 - 1)e^{-x}$.

1- أحسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

2- أدرس إتجاه تغير الدالة g , ثم شكّل جدول تغيراتها . (نأخذ : $g(1-\sqrt{2}) \approx -0,25$ و $g(1+\sqrt{2}) \approx 1,43$)

3- (1) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين في $\mathbb{R}$, ثم تحقق أن أحدهما معدوم والآخر α حيث :

$$-0,8 < \alpha < -0,7$$

(ب) إستنتج إشارة $g(x)$.



II هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = x - (x+1)^2 e^{-x}$.

(C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1-1 أدرس : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(ب) بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $+\infty$.

(ج) أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

2-1 بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = g(x)$.

(ب) شكّل جدول تغيرات الدالة f على $\mathbb{R}$. (نأخذ : $f(\alpha) \approx -0,9$)

3-1 بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماسين , معامل توجيه كل منهما يساوي 1 , يطلب تعيين معادلة لكل منهما .

(ب) مثل المستقيم (Δ) والمماسين والمنحنى (C_f) .

(ج) ناقش بيانًا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $(x+1)^2 + me^x = 0$.

مسألة رقم 19 : رياضي - bac-2014

I هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $g(x) = (2-x)e^x - 1$.

1- أدرس تغيرات الدالة g .

2- بين أن للمعادلة $g(x) = 0$ في $\mathbb{R}$ حلان α و β حيث : $-1,2 < \alpha < -1,1$ و $1,8 < \beta < 1,9$.

3- إستنتج إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

II هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x}$.

(C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أدرس نهاية الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$ ثم فسّر النتيجة هندسيًا .

2-1 برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - x)^2}$.

(ب) إستنتج اتجاه تغير الدالة f , ثم شكّل جدول تغيراتها .

3- بين أن : $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha - 1}$, ثم إستنتج حصرًا للعددين $f(\alpha)$ و $f(\beta)$.

4- أدرس $f(1)$ ثم أرسم المنحنى (C_f) .

مسألة رقم 20 : رياضي - bac-2015

الف الدالة المعرفة بـ : $f(0) = 0$ و من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $] -\infty ; 0[$: $f(x) = (x-1)e^{\frac{1}{x}}$.
(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1- أدرس إستمرارية الدالة f عند 0 من اليسار.

2- أحسب : $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x)}{x}$, ثم فسّر النتيجة هندسيًا .

3- (أ) أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(ب) أدرس إتجاه تغير الدالة f ثم شكّل جدول تغيراتها .

4- (أ) بين أنّ : $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - x] = 0$.

(ب) إستنتج أنّ المنحنى (C_f) يقبل مستقيمًا مقاربًا مائلًا (Δ) بجوار $-\infty$, يطلب تعيين معادلته .

5- الدالة المعرفة على المجال $] -\infty ; 0[$ بـ : $g(x) = \frac{f(x)}{x}$.

(أ) أحسب : $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

(ب) أدرس إتجاه تغير الدالة g ثم شكّل جدول تغيراتها .

6- (أ) بين أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $] -\infty ; 0[$ فإنّ : $f(x) > x$.

(ب) إستنتج الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

(ج) أنشئ المنحنى (C_f) .

7- m عدد حقيقي , الدالة ذات المتغير الحقيقي المعرفة على المجال $] -\infty ; 0[$ بـ :

$$h_m(x) = xe^{\frac{1}{x}} - mx$$

(أ) أحسب $h'_m(x)$ حيث h'_m هي الدالة المشتقة للدالة h_m .

(ب) باستعمال (C_f) , ناقش بيانًا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة : $h'_m(x) = 0$.