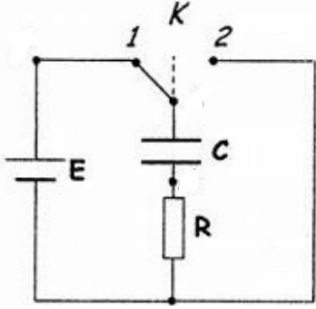


التمرين الأول : (6 نقاط)



بهدف تحديد المقاومة الداخلية لعمود كهربائي نحقق الدارة الكهربائية المكونة من :

- عمود كهربائي قوته المحركة $E = 4.5 V$ ومقاومته الداخلية r .

- ناقل أومي R

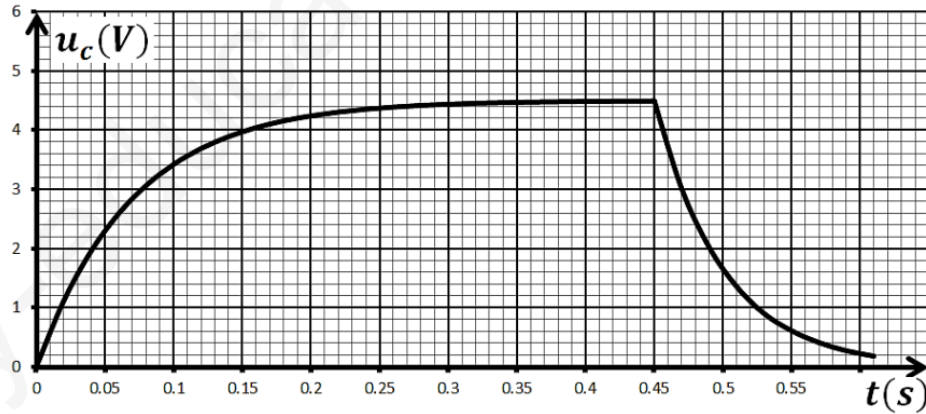
- مكثفة سعتها $C = 0.01 F$

- بادلة K

في البداية المكثفة غير مشحونة في اللحظة $t = 0$ البادلة في الوضع 1 ثم في اللحظة $t = 0.45 s$ تصبح في الوضع 2 ، بواسطة جهاز ExAo تمكنا من الحصول على منحنى التوتر $U_c(t)$ بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن .

I- شحن مكثفة :

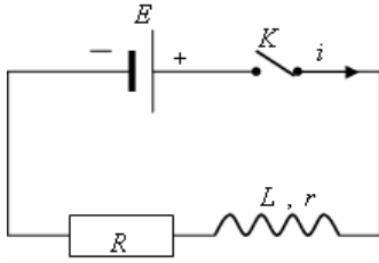
- 1- ما هو الجهاز الآخر الذي يسمح بالحصول على المنحنى السابق وكيف يتم توصيله ؟
- 2- أوجد المعادلة التفاضلية لشحن مكثفة $q(t)$
- 3- يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة $q(t) = A(1 - e^{-Bt})$ أوجد عبارة الثوابت A و B
- 4- عرف ثابت الزمن τ وحدد وحدته بطريقتين .
- 5- ما هي الطرق الأربعة التي تمكن من حساب ثابت الزمن τ واختر واحدة منها لتحديد قيمته ؟
- 6- أحسب الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة E_{c0}



II- تفريغ مكثفة :

- 1- أحسب τ ثابت الزمن في حالة التفريغ .
- 2- أثبت أن قيمة المقاومة الداخلية للعمود تعطى بالعلاقة : $r = \frac{\tau - \tau'}{c}$ ثم أحسب قيمتها .
- 3- احسب قيمة R ، لماذا استعملنا ناقل أومي ذو مقاومة صغيرة في الدارة ؟
- 4- عبارة التوتر بين طرفي المكثفة هي : $U_c = E e^{-\frac{t-0.45}{\tau'}}$ بين أن E_R عبارة الطاقة المحولة الى الناقل الأومي في لحظة ما هي : $E_R = E_{c0} \left(1 - e^{-\frac{2(t-0.45)}{\tau'}} \right)$

التمرين الثاني : (7 نقاط)



نربط على التسلسل العناصر الكهربائية التالية :

- مولد ذو توتر ثابت $E = 6V$

- وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها r .

- ناقل أومي مقاومته R

- بادلة K

للمتابعة الزمنية لتطور التوتر بين طرفي كل من الوشيعة $U_b(t)$ و الناقل الأومي $U_R(t)$ نستعمل راسم الإهتزاز المهبطي ذي الذاكرة

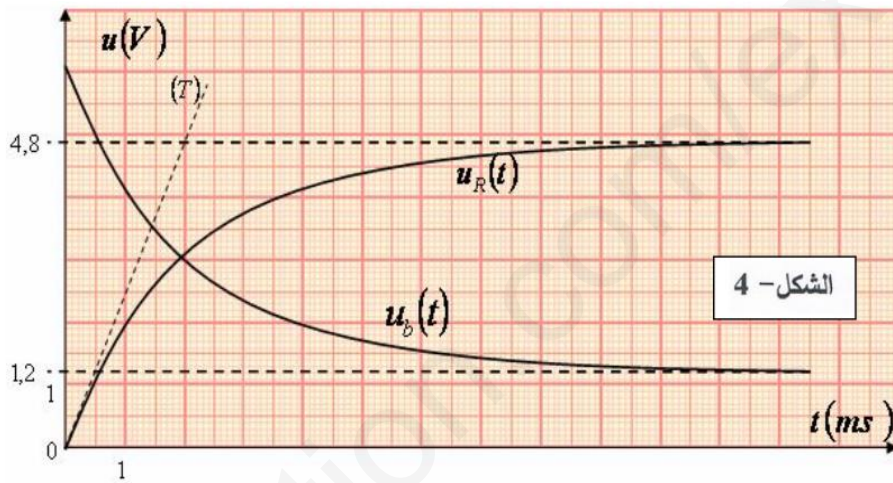
1- بين كيف يمكن ربط راسم الاهتزاز المهبطي بالدائرة لمشاهدة كل من $U_R(t)$ و $U_b(t)$

2- نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0ms$ فنشاهد على الشاشة البيانيين الممثلين للتوترين $U_R(t)$ و $U_b(t)$

أ- أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $U_R(t)$ بين طرفي الناقل الأومي

ب- باعتبار العلاقة $U_R(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ حلا لهذه المعادلة التفاضلية , أوجد العبارة الحرفية لكل من A و τ

3- إعتمادا على البيانيين الممثلين في الشكل 04 :



أ- أوجد قيمة المقاومة R للناقل الأومي علما أن المقاومة الكلية للدائرة $R_T = 50\Omega$.

ب- استنتج قيمتي شدة التيار في النظام الدائم والمقاومة r .

ج- حدد قيمة ثابت الزمن τ المميز للدائرة , ثم استنتج قيمة معامل التحريض L للوشيعة

د- أوجد قيمة شدة التيار عند اللحظة $t = 6ms$, ثم استنتج الطاقة المخزنة في الوشيعة عند هذه اللحظة.

4- لتكن M نقطة تقاطع المنحنيين $U_R(t)$ و $U_b(t)$:

أ- بين أن معامل التحريض L يحقق العلاقة : $L = \frac{R+r}{\ln\left(\frac{2R}{R-r}\right)} t_M$, ثم أحسب قيمته .

ب- هل توافق هذه النتيجة القيمة المحصل عليها سابقا ؟

التمرين الثالث : (7 نقاط)

تستعمل المركبات الكيميائية التي تحتوي على عنصر الأزوت في مجالات متعددة كالزراعة لتخصيب التربة بواسطة

الأسمدة أو الصناعة لتصنيع الأدوية وغيرها , تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة $25^\circ C$,

الجداء الأيوني للماء $K_e = 10^{-14}$

الجزء الأول :

1_ نحضر محلولاً مائياً (S_1) للأمونياك NH_3 تركيزه المولي $C_1 = 10^{-2} mol/l$ أعطى قياس PH المحلول S_1

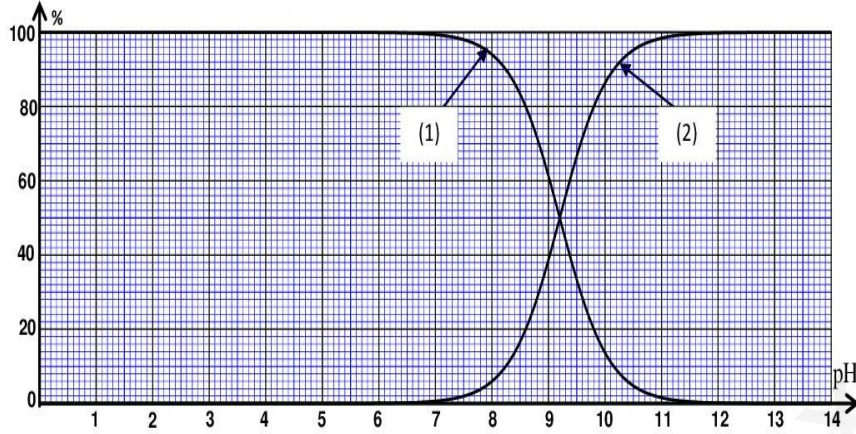
القيمة $PH = 10.6$

أ- أكتب المعادلة الكيميائية المنمجة لتفاعل الأمونياك مع الماء

ب- أوجد تعبير نسبة التقدم النهائي τ_1 للتفاعل بدلالة C_1 و PH و K_e ماذا تستنتج ؟

جـ- بين أن تعبير ثابت التوازن K للتفاعل يكتب على الشكل : $K = \frac{10^{2(PH-14)}}{C_1 - 10^{(PH-14)}}$ أحسب قيمته

2_ نخفف المحلول S_1 فنحصل على محلول مائي S_2 . نقيس PH المحلول S_2 فنجد $PH' = 10.4$ فنحصل على منحنى الذي يمثل مخطط التوزيع النوعين الحامضي و القاعدي للمزدوجة NH_4^+ / NH_3 :



أ- بين أن نسبة تواجد الحمض NH_4^+ % و تواجد القاعدة NH_3 % في المحلول تكتب من الشكل :

ب- أقرن النوع القاعدي للمزدوجة NH_4^+ / NH_3 بالمنحنى الموافق له مع التعليل
ج- إعتماذا على منحنى الشكل حدد :

الجزء الثاني:
- نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل في المحلول S_2
د- بمقارنة τ_1 و τ_2 ماذا تستنتج ؟

عند معايرة حجم $V_B = 20ml$ من محلول الأمونياك NH_3 ذي تركيز C_B بمحلول حمض كلور الماء $(H_3O^+ + Cl^-)$ تركيزه المولي $C_A = 0.1mol/l$ نقيس PH المزيج فنحصل على تمثيل المنحنى البياني $PH = f(V_B)$.

1_ هل البيان يدل على أن الأمونياك أساس ضعيف ؟ علل
2_ أكتب معادلة تفاعل المعايرة و ما طبيعة المزيج عند التكافؤ ؟

3_ عين بيانيا : - نقطة التكافؤ $E (PH_E, V_{BE})$
- قيمة PK_a للثنائية NH_4^+ / NH_3

4_ استنتج قيمة التركيز C_B

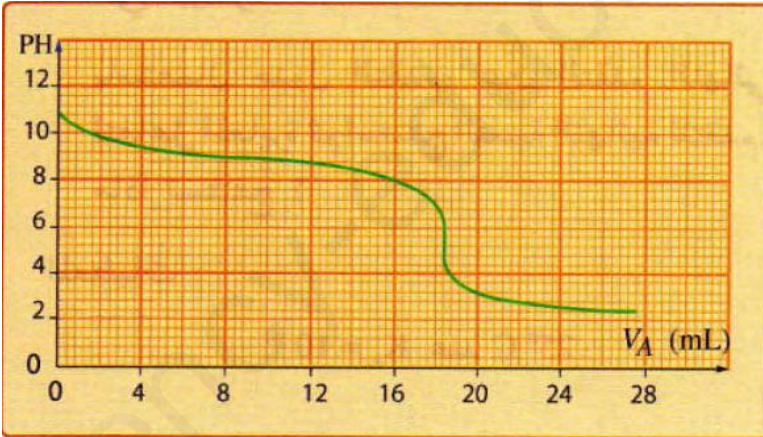
5_ أحسب ثابت التوازن K

6_ أحسب النسبة $\frac{[NH_3]}{[NH_4^+]}$ ثم عبر عنها

بدلالة C_B, V_B و x_f عندما يكون حجم الماء

المضاف هو $V_A = 5ml$

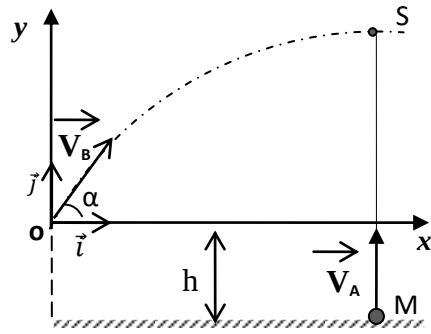
7_ أحسب قيمة x_f و نسبة التقدم النهائي τ_f لتفاعل المعايرة. ماذا تستنتج ؟



الجزء الاول : فيزياء (12 نقطة)

التمرين الاول: (06 نقاط)

في مسابقة للرماية تنفذ في اللحظة $t=0s$ من النقطة (O) على ارتفاع $h=1.5m$ من سطح الأرض جسماً B نعتبره نقطة مادية بسرعة $V_1=25m/s$ تصنع مع محور الفواصل لمعلم (O, x, y) في المستوي الشاقولي زاوية $\alpha=40^\circ$ وبعد $1s$ تنفذ جسماً A نعتبره نقطة مادية من النقطة (M) على سطح الأرض بسرعة $V_2=15m/s$ شاقولية نحو الأعلى (انظر الشكل المقابل). نهمّل تأثير الهواء على حركتي الجسمين $g = 10 m.s^{-2}$.



1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اكتب المعادلة الزمنية لحركة الجسم B لكل من $x_B(t)$ و $y_B(t)$ بدلالة α , V_1 و g .

2. احسب فاصلة النقطة (M) في المعلم (O, x, y)، علماً أن الجسم يمر بالنقطة (S) ذروة مسار الجسم B. تعطى العلاقة التالية: $\sin\alpha \cdot \cos\alpha = \frac{\sin 2\alpha}{2}$

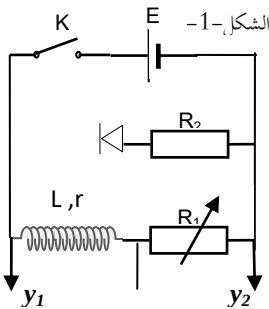
3. أوجد المعادلة الزمنية $y_A(t)$ لحركة الجسم A على المحور (oy)

4. احسب المسافة بين الجسمين A و B لحظة مرور B بالنقطة (S).

5. كم يجب أن تكون قيمة السرعة V_2 حتى يصطدم الجسمان في النقطة (S) خلال صعود الجسم A.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

في التركيب المقابل (الشكل 1) لدينا دائرة تسلسلية تشتمل على : وشيعة (L, r) ناقلين أواميين احدهم مقاومته متغيرة R_1 و R_2 مقاومته مجهولة ، مولد مثالي يعطي توتر ثابت E و قاطعة K.



عند اللحظة $t=0s$ نغلق القاطعة و بعد مدة t يستقر مؤشر جهاز الاميرتر على قيمة $100mA$

فيظهر على شاشة الراسم الاهتزازي المهبطي المنحنين 1 و 2 (انظر الشكل 2) حيث الحساسية الشاقولية بالنسبة للمدخل $y_1: 0.5V/div$ و بالنسبة للمدخل $y_2: 1V/div$

1- ارفق لكل عنصر كهربائي المنحنى الموافق مع التعليل

2- باستغلال المنحنين استنتج قيمة كل من R_1 , r , E مع التوضيح

3- عند اللحظة نعتبرها كمبدأ للزمن $t=0s$ نفتح القاطعة K فيظهر على شاشة الراسم الاهتزازي عند المدخل y_1 المنحنى (انظر الوثيقة الشكل 3)

أ - بتطبيق قانون جمع التوترات بين ان المعادلة التفاضلية للتوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة تعطى بالشكل :

$$\frac{dU_b(t)}{dt} + \frac{R_1 + R_2 + r}{L} U_b(t) = 0$$

ب - تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلاً عبارته من الشكل: $U_b(t) = A \cdot \exp(-\frac{t}{\tau_1})$

استنتج عبارة كل من A و τ_1 بدلالة مميزات الدارة.

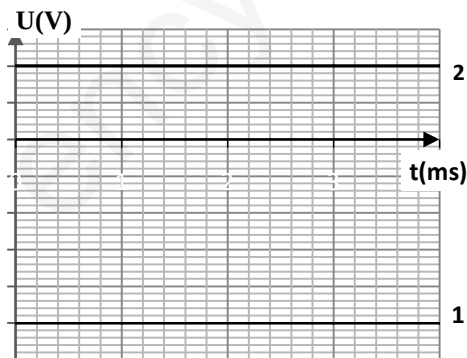
ج - استنتج قيمة ثابت الزمن τ_1 مع توضيح الطريقة ثم احسب قيمة كل من R_2 مقاومة

الناقل و L ذاتية الوشيعة .

4- نعيد التجربة بضبط قيمة المقاومة المتغيرة عند قيمة R_1' فتصبح قيمة ثابت الزمن للدارة

τ_2 يساوي $4.5ms$. بين ان عبارة قيمة المقاومة R_1' تحقق العلاقة التالية ثم احسبها :

$$R_1' = L \cdot \left(\frac{\tau_1 - \tau_2}{\tau_1 \cdot \tau_2} \right) - R_1$$



الشكل 2

الجزء الثاني: كيمياء

التمرين التجريبي: (08 نقاط)

حمض البوتانويك C_3H_7COOH و هو احد مكونات الزبدة كما يمكن ان نجده في الجبن و في مكونات العصارة المعدية له رائحة قوية و كريهة

I-دراسة التفاعل مع الماء

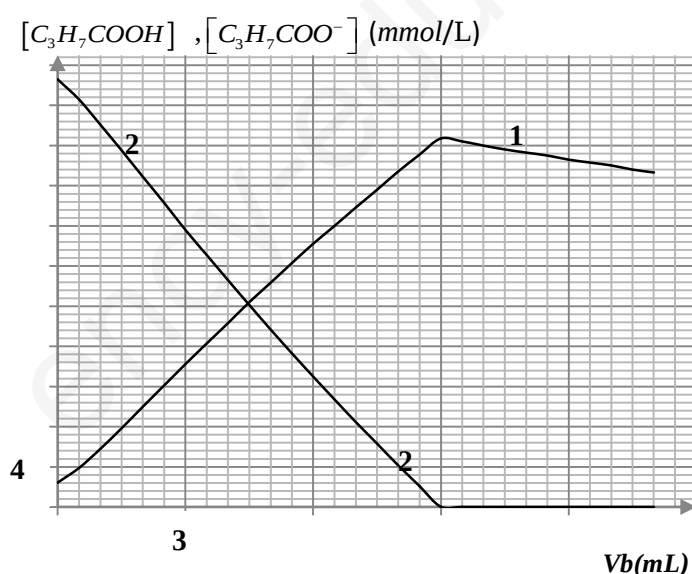
نحضر (S_0) محلول مائي لحمض البوتانويك تركيزه المولي $C_0=10^{-1} mol/L$ وحجمه V_0 أعطى قياس pH المحلول القيمة 2.94

1. أكتب معادلة تفاعله مع الماء و استنتج عبارة نسبة التقدم النهائي τ_f بدلالة pH وتركيزه C_0 ثم احسبها ماذا تستنتج
2. بين ان ثابت الحموضة k_a يحقق العلاقة $k_a = \tau_f^2 \cdot C$ حيث C تركيز المحلول
3. نمدد المحلول (S_0) باضافة حجم V_e من الماء المقطر فنحصل على محلول (S) تركيزه C و حجمه V بين ان عبارة نسبة التقدم النهائي τ_f تحقق العلاقة : $\tau_f^2 = \frac{k_a}{C_0 V_0} \cdot V_e + \frac{k_a}{C_0}$
4. نعيد التجربة بتغير قيمة حجم V_e المضاف وبواسطة برمجية تحصلنا على المنحنى $\tau_f^2 = f(V_e)$ (الشكل -1-). استنتج قيمة كل من V_0 , k_a . ما تأثير التمديد على τ_f .

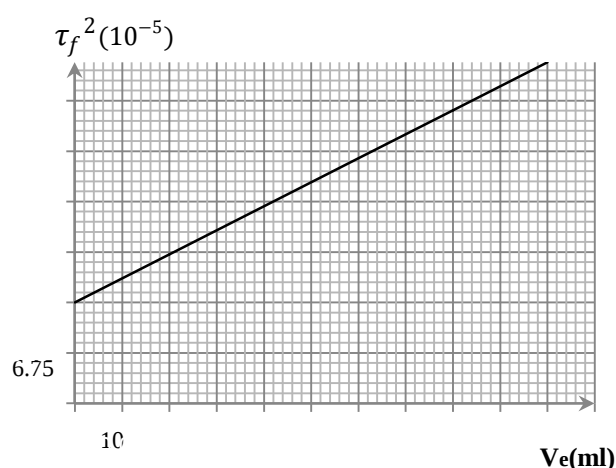
II - دراسة عن طريقة معايرة PH

نأخذ حجما $V_A=20ml$ من محلول مائي S_1 لحمض البوتانويك تركيزه المولي C_a فيشير جهاز pH متر الى قيمة 3.62، ونعايره بواسطة محلول مائي (S_B) هيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + OH^-)$ تركيزه المولي $C_b=0.1mol/L$ ، نثل المنحنى البياني لتطور التراكيز المولية $[C_3H_7COO^-]$ و $[C_3H_7COOH]$ بدلالة V_b حيث V_b هو حجم المحلول القاعدي المزيج (الشكل -2-)

- 1 - اكتب معادلة التفاعل أثناء المعايرة و ارفق كل منحنى بالفرد الموافق مع التعليل
- 2 - انشئ جدول التقدم ثم احسب التركيز المولي C_a للمحلول S_1 بطريقتين مختلفتين مع التوضيح ثم احسب كمية مادة الحمض في المحلول S_1
- 3 - حدد قيمة pKa لثنائية (اساس / حمض) لحمض البوتانويك مع التوضيح
- 4 - علما ان المحلول S_1 حضر باذابة $m=15g$ من الزبدة و تمديده 5 مرات. استنتج m_1 كتلة الحمض الموجودة في هذه العينة من الزبدة .
- 5 - تعتبر الزبدة غير صالحة للاستهلاك اذا تجاوزت النسبة الكتلية لحمض البوتانويك في الزبدة 4%. ماذا تستنتج بالنسبة لصلاحية استهلاك هذه العينة من الزبدة . تعطى $^{12}C, ^1H, ^{16}O$



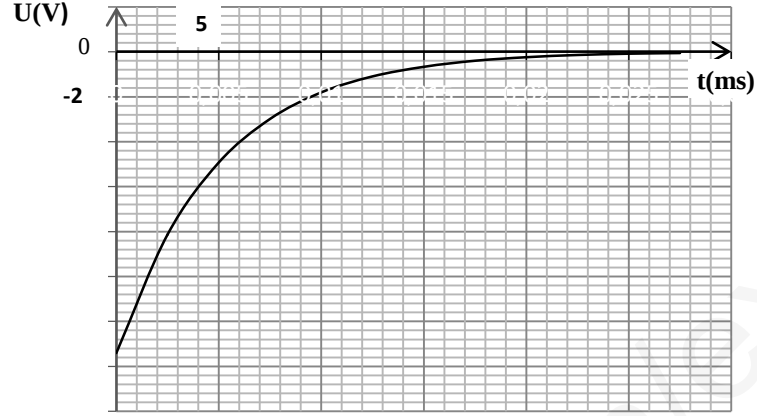
(الشكل -2-)



(الشكل -1-)

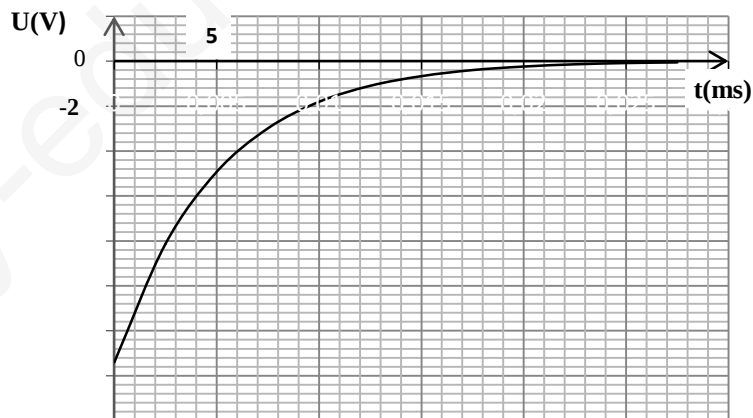
الاسم: اللقب: القسم:

التمرين الثاني (الشكل -3-)



الاسم: اللقب: القسم:

التمرين الثاني (الشكل -3-)



التمرين الأول: (5,5 ن)

دراسة حركة مركز العطالة لمجموعة ميكانيكية:

يعتبر القفز الطولي بواسطة الدراجة النارية مسابقة رياضية، حيث يشكل التحدي الحقيقي فيها إنجاز قفزة لأبعد مسافة ممكنة انطلاقاً من مكان معين.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة مركز العطالة G لمجموعة (S) مكونة من دراجة نارية وسائقها على حلبة السباق. تتكون حلبة السباق من:

- جزء مستقيم A'B' مائل بزاوية β بالنسبة للمستوى الأفقي .

- منصة B'C' للقفز، دائرية الشكل.

- منطقة (π) للسقوط، مستوية وأفقية (الشكل - 1)

نهمل جميع الاحتكاكات وندرس حركة مركز العطالة

G للمجموعة (S) في مرجع أرضي نعتبره غاليليا.

معطيات:

• شدة الثقالة: $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

• الزاوية β : $\beta = 10^\circ$.

• كتلة المجموعة (S): $m = 190 \text{ Kg}$.

I - دراسة الحركة على الجزء A'B'

عند لحظة نعتبرها مبدأ الأزمنة ($t = 0$) ، تنطلق المجموعة (S) ، بدون سرعة ابتدائية ، من موضع يكون فيه مركز العطالة G منطبقاً مع النقطة A.

تخضع المجموعة أثناء حركتها على الجزء A'B' ، بالإضافة إلى ثقلها وتأثير المستوى المائل ، لقوة محركية $\vec{F}$ ثابتة ، حاملها مواز لمسار مركز العطالة G .

لدراسة حركة G في هذه المرحلة ، نختار معلماً ($A, \vec{t}$) موازياً للجزء المستقيم A'B' ، وموضع مركز العطالة G محدد بالفاصلة x (الشكل 1).

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، بين أن عبارة التسارع a_G لحركة G يكتب كما يلي: $a_G = \frac{F}{m} + g \sin \beta$

2. يمثل منحنى (الشكل - 2) تغيرات السرعة اللحظية v_G لمركز العطالة G بدلالة الزمن .

$v_G (\text{m} \cdot \text{s}^{-1})$

باستغلال هذا المنحنى ، أوجد قيمة التسارع a_G .

3. استنتج الشدة F للقوة المحركة.

4. اكتب المعادلة الزمنية $x = f(t)$ لحركة G.

5. علماً ان $AB = 36 \text{ m}$ ، حدد t_B لحظة مرور G من النقطة B .

6. احسب السرعة v_B لمركز العطالة G في النقطة B.

II - دراسة حركة G خلال مرحلة القفز.

في لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة من جديد ($t=0$) ، تغادر المجموعة

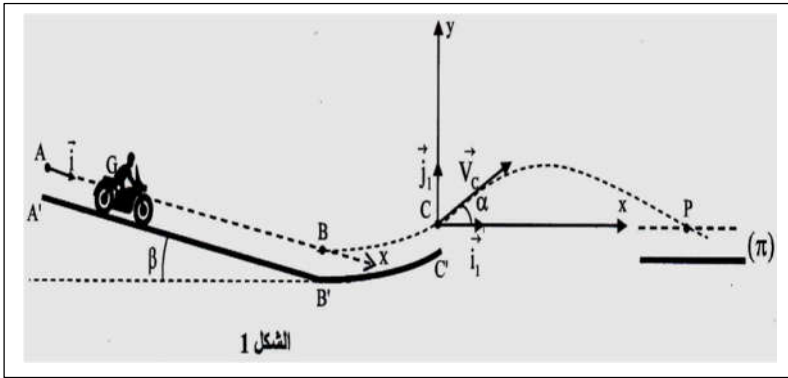
(S) منصة القفز ، عند مرور G من النقطة C ، بسرعة v_C يصنع

حامل شعاعها زاوية $\alpha = 18^\circ$ مع الخط الأفقي. تسقط المجموعة (S) في

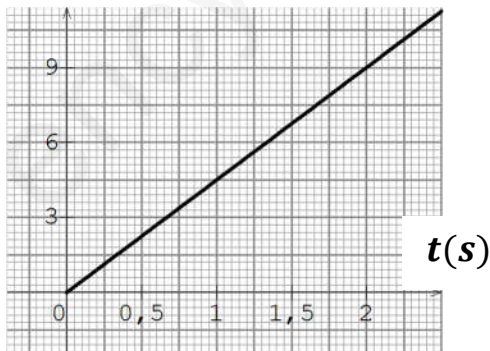
موضع حيث ينطبق G مع النقطة p (الشكل - 1) .

نعتبر أن المجموعة (S) تخضع لثقلها فقط خلال مرحلة القفز.

ندرس حركة G في معلم ($C, \vec{t}_1, \vec{j}_1$) المبين في (الشكل - 1).



الشكل 1



الشكل - 2

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن المعادلتين التفاضليتين اللتين تحققهما الاحداثيتان $x_G(t)$ و $y_G(t)$ لمركز العطالة G في المعلم السابق هما : $\frac{dx_G}{dt} = v_C \cdot \cos \alpha$ و $\frac{dy_G}{dt} = -g \cdot t + v_C \cdot \sin \alpha$.
2. نكتب العبارة العددية لكل من المعادلتين الزمنيتين $x_G(t)$ و $y_G(t)$ لحركة G كما يلي :
 $x_G(t) = 19,02 \cdot t$ و $y_G(t) = -5 \cdot t^2 + 6,18 \cdot t$
 (x_G و y_G بالمتر m و t بالثانية s)
 تحقق ان سرعة G في النقطة C هي: $v_C = 20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.
3. تعتبر القفزة ناجحة إذا تحقق الشرط $CP \geq 30 \text{ m}$.
 3.1. بين ان القفزة المنجزة في هذه الحالة غير ناجحة.
 3.2. حدد السرعة الدنيا v_{min} التي يجب ان يمر بها G من النقطة C لكي تكون القفزة ناجحة.

التمرين الثاني: (09 ن)

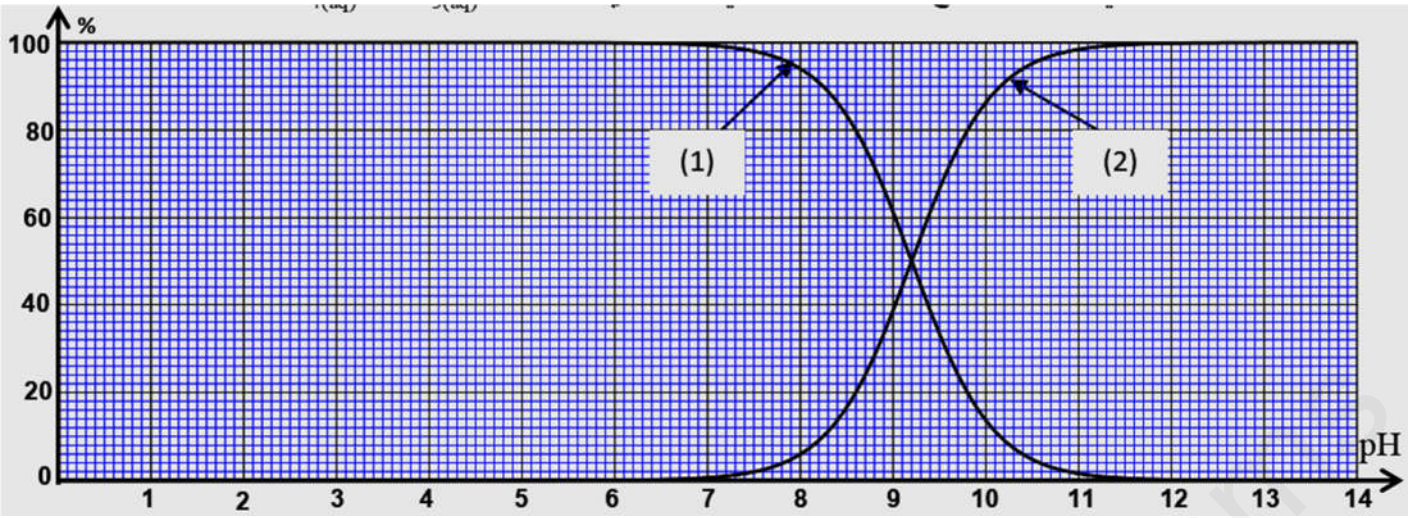
الجزء الأول:

- I - نتوفر على محلول مائي (S_A) لحمض الميثانويك $HCOOH(aq)$ حجمه $V = 1 \text{ L}$ وتركيزه المولي $C_A = 0,10 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ وله $pH = 2,4$.
 1 - عرف الحمض حسب برونشتد.
 2 - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين حمض الميثانويك والماء.
 3 - انجز جدولاً لتقدم التفاعل.
 4 - احسب نسبة التقدم النهائي τ_f . استنتج.
- 5 - بين أن كسر التفاعل عند حالة التوازن يكتب بالعلاقة: $Q_{r,f} = \frac{10^{-2} pH}{C_A - 10^{-pH}}$. احسب قيمته.
- II - للتحقق من قيمة التركيز المولي C_A للمحلول (S_A)، ننجز المعايرة حمض - أساس.
 نضع في كأس بيشر الحجم $V_A = 20,0 \text{ mL}$ من هذا المحلول، ونضيف اليه تدريجياً محلولاً مائياً (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم ($Na(aq) + HO^-(aq)$) تركيزه المولي $C_B = 0,25 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$.
 احداثيتي نقطة التكافؤ هما: ($V_{B,E} = 8,0 \text{ mL}$; $pH_E = 8,2$).
 1 - ارسم التركيب التجريبي لعملية المعايرة مع تسمية عناصر التركيب.
 2 - اكتب معادلة تفاعل المعايرة.
 3 - تحقق من قيمة C_A .
 4 - اذكر الكاشف المناسب لهذه المعايرة مع التعليل.

الكاشف الملون	لون الحمض	منطقة الانعطاف	لون القاعدة
أحمر الكريزول	أصفر	7,2 - 8,8	أحمر
الأليزرين	أحمر	11,0 - 12,4	بنفسجي

- 5 - بالنسبة لحجم مضاف $V_B = \frac{V_{B,E}}{2}$ من المحلول (S_B)، تكون قيمة pH المزيج في البيشر هي $pH = 3,8$.
 و $[HCOOH(aq)] = [HCOO^-(aq)]$ احسب ثابت الحموضة K_a للثنائية ($HCOOH(aq)/HCOO^-(aq)$)
 الجزء الثاني:

- I - نحضر محلولاً مائياً S_1 لغاز النشادر NH_3 تركيزه المولي $C_1 = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$. أعطى قياس pH هذا المحلول القيمة $pH_1 = 10,6$.
 1 - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين النشادر والماء.
 2 - أوجد عبارة نسبة التقدم النهائي τ_1 لهذا التفاعل بدلالة C_1 و pH_1 و K_e . وتحقق أن قيمته $\tau_1 = 0,04$.
 3 - أوجد عبارة ثابت التوازن K لهذا التفاعل بدلالة C_1 و τ_1 . احسب قيمته.
 4 - نخفف المحلول S_1 فنحصل على محلول S_2 . نقيس pH المحلول S_2 فنجد $pH_2 = 10,4$.
 نمثل مخطط توزيع الصفة الغالبة للثنائية ($NH_4^+(aq)/NH_3(aq)$) كما في الشكل:



4 - 1 - أرفق كل بيان بالصفة الغالبة الموافقة مع التعليل.

4 - 2 - اعتمادا على البيانيين حدد كل من :

أ - pK_{a1} للثنائية $(NH_4^+(aq)/NH_3(aq))$

ب - نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل في المحلول S_2 .

4 - 3 - قارن بين نسبتي التقدم النهائي τ_1 و τ_2 ، ماذا تستنتج ؟

II - نمزج في كأس حجما V_1 من المحلول S_1 لغاز النشادر ذي التركيز C_1 مع حجم $V = V_1$ لمحلول مائي S

لكلور المثيل أمونيوم $(CH_3NH_3^+(aq) + Cl^-(aq))$ تركيزه المولي $C = C_1$.

1 - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين $CH_3NH_3^+$ و NH_3 .

2 - أوجد قيمة ثابت التوازن K' المميز لهذا التفاعل.

3 - بين أن عبارة تركيز كل من CH_3NH_2 و NH_4^+ في المزيج عند التوازن، تكتب بالعلاقة:

$$[CH_3NH_2(aq)]_f = [NH_4^+(aq)]_f = \frac{C}{2} \frac{\sqrt{K'}}{(1+\sqrt{K'})}$$

4 - حدد pH المزيج عند التوازن.

المعطيات:

تمت القياسات عند درجة الحرارة $25^\circ C$.

الجداء الشاردي للماء : $K_e = 10^{-14}$ و $pK_{a2} (CH_3NH_3^+(aq)/CH_3NH_2(aq)) = 10,7$

التمرين الثالث: (5,5 ن)

للتحقق من بعض النتائج المتوصل اليها في حركة السقوط الشاقولي للأجسام، ندرس السقوط في الهواء لكرتين لهما نفس نصف القطر R وكتلتان حجميتان مختلفتان.

ندرس حركة كل كرة في معلم $(O, \vec{k})$ مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا. نحدد موضع مركز عطالة كل كرة في كل لحظة بالفاصلة z على المحور الشاقولي $(O, \vec{k})$ الموجه نحو الأعلى ومبدأه منطبق مع سطح الأرض (الشكل-1).

تخضع كل كرة أثناء سقوطها في الهواء إلى ثقلها $\vec{P}$ وإلى قوة الاحتكاك المائع $\vec{f}$ (نهمل دافعة أرخميدس أمام هاتين القوتين). نقبل أن شدة $\vec{f}$ تكتب: $f = 0,22 \cdot \rho_{air} \cdot \pi \cdot R^2 \cdot v_z^2$ ، حيث ρ_{air} (الكتلة الحجمية للهواء) و R (نصف قطر الكرة) و v_z (القيمة الجبرية لسرعة مركز عطالة الكرة في اللحظة t).

لدراسة هاتين الحركتين تم استعمال كرتين متجانستين (a) و (b) لهما نفس نصف القطر $R = 6 \text{ cm}$ وكتلتان

حجميتان على التوالي $\rho_1 = 1,14 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ و $\rho_2 = 94 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$.

تم تحرير الكرتين (a) و (b) عند نفس اللحظة $t = 0$ بدون سرعة ابتدائية، من نفس المستوى الأفقي الذي تنتمي إليه النقطة H . يوجد هذا المستوى على ارتفاع $h = 69 \text{ cm}$ من سطح الأرض (الشكل - 1).

1 - بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v_z لمركز عتالة كرة تكتب بالعلاقة:

$$\frac{dv_z}{dt} = -g + 0,165 \cdot \frac{\rho_{air}}{R \cdot \rho_i} \cdot v_z^2$$

حيث ρ_i الكتلة الحجمية للكرة (a) أو (b).

2 - استنتج عبارة السرعة الحدية لحرارة كرة.

3 - تمثل منحنيات الشكلين 2 و 3 تطورات الفاصلة $z(t)$ والسرعة $v_z(t)$ خلال الزمن لمركز العتالة G لكل كرة أثناء السقوط.

3 - 1 - اعتمادا على عبارة السرعة الحدية، بين أن المنحنى (C1) يوافق تغيرات سرعة الكرة (b).

3 - 2 - فسر لماذا يوافق المنحنى (C'2) تغيرات فاصلة الكرة (a).

4 - اعتمادا على المنحنى (C2)، حدد طبيعة حركة الكرة (a) واكتب معادلتها الزمنية $z(t)$.

5 - حدد فرق الارتفاع d بين مركزي عتالة الكرتين لحظة وصول الكرة الأولى سطح الأرض (نهمل أبعاد الكرتين).

6 - علما أن القيمة الجبرية لدرجة الحرارة (b) عند اللحظة t_n هي $v_{zn} = -11,47 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ، أوجد قيمة التسارع

a_{zn} للحركة عند اللحظة t_n والسرعة $v_{z(n+1)}$ عند اللحظة t_{n+1} (نأخذ $\Delta t = 125 \text{ ms}$).

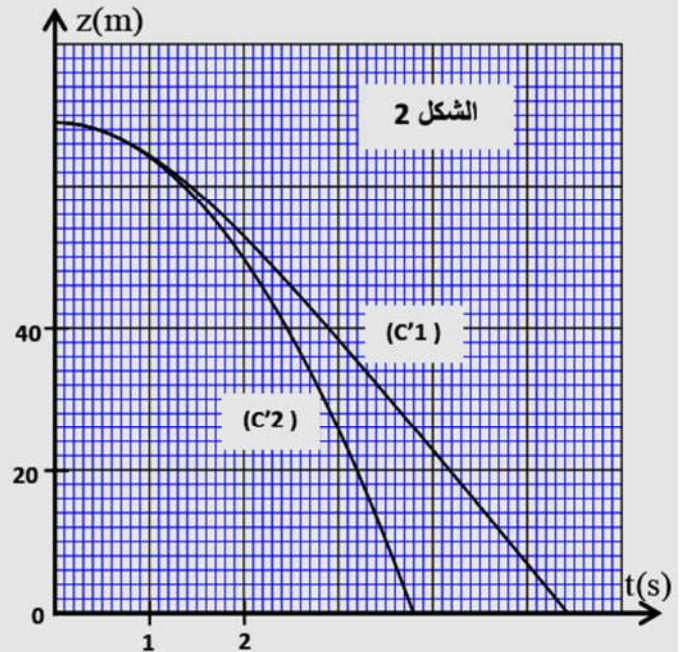
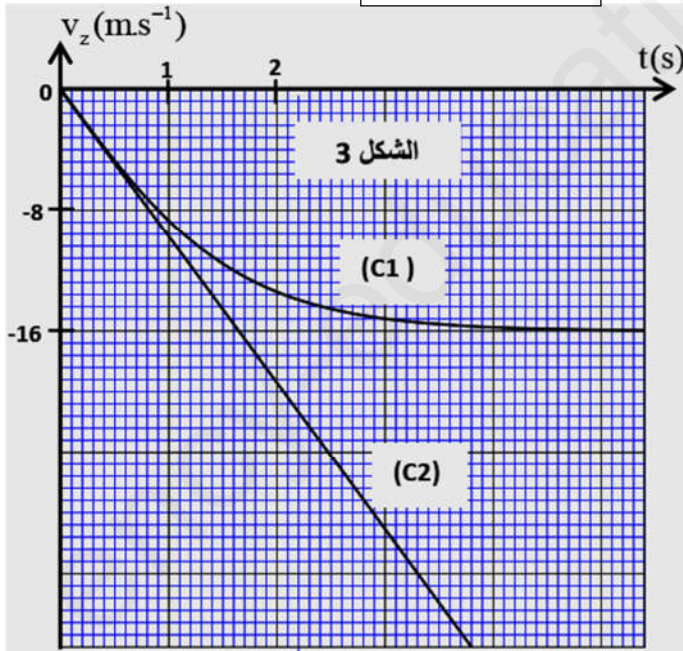
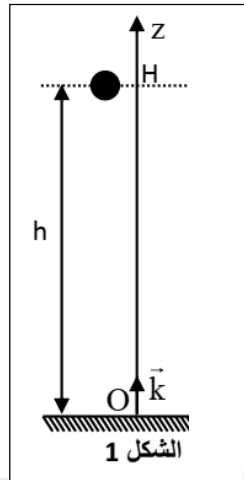
(تذكر أن : $a_z = \frac{\Delta v_z}{\Delta t}$)

المعطيات:

حجم كرة نصف قطرها R هو : $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3$

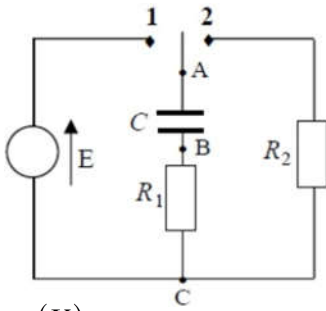
شدة الثقالة : $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

الكتلة الحجمية للهواء : $\rho_{air} = 1,3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

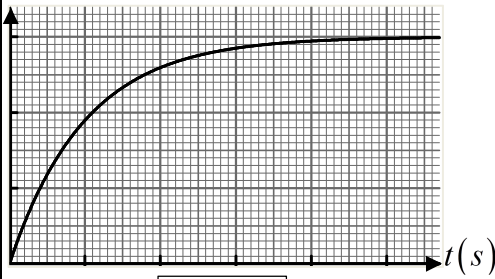


الاختبار الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

التمرين الأول: (06 نقاط)



الشكل (1)

 $u_{AB}(V)$ 

الشكل (2)

تضم الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل (1):

مولد قوته المحركة الكهربائية E ، ناقلين أوميين $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ و R_2 .
مكتفة فارغة سعتها C و بادلة مقاومتها مهملة.

1- نضع البادلة في الوضع (1) عند اللحظة $t = 0$.

1- جد العلاقة بين $\frac{du_{AB}}{dt}$ و u_{BC} .

2- يمكن متابعة تطور التوتر u_{AB} ، و تمثيل البيان $u_{AB}(t)$ في الشكل (2).

أ- بين كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي من أجل مشاهدة $u_{AB}(t)$.

ب- بين كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي للتمكن من مشاهدة كيفية تطور شدة التيار؟

ج- اشرح كيف يتم شحن المكتفة على المستوى المجهري.

مثّلنا بواسطة برنامج إعلام آلي مناسب البيان $\frac{du_{AB}}{dt} = f(u_{BC})$ (الشكل (3)).

د- من بين النقطتين (M) و (N) في الشكل (3).

أيهما توافق لحظة غلق القاطعة؟

هـ- أوجد معادلة البيان الممثل في الشكل (3) .

و- أحسب سعة المكتفة.

ي- ضع سلما لمحوري بيان الشكل (2).

II- نفرغ المكتفة ، ثم نوصل معها بين النقطتين A و B مكتفة أخرى سعتها C' .

نضع البادلة في الوضع (1)، و لما يتم الشحن تماما نضع البادلة على الوضع (2) عند اللحظة $t = 0$.

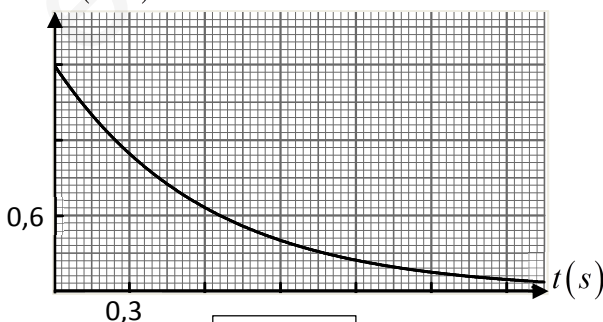
1- ماهي القيمة الجديدة لـ $u_{BC}(0)$ ؟

2- مثّلنا في الشكل (4) شحنة اللبوس الموجب للمكتفة الناتجة بدلالة الزمن $q = g(t)$.

أ- حدّد طريقة توصيل المكتفتين.

ب- أحسب قيمة السعة C' .

ج- أحسب قيمة R_2 .

 $q(mC)$ 

الشكل (4)

التمرين الثاني:

تحتوي دائرة كهربائية على التسلسل: مولد للتوتر المستمر $E = 12 \text{ V}$ و ناقل أومي قيمة مقاومته $R = 5 \Omega$ ووشية (L, r) وقاطعة.

1- أرسم الدائرة الكهربائية موضحا عليها كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبلي لمشاهدة التوتر u_R عند غلق القاطعة.

2- أكتب المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار $i(t)$.

3- المعادلة التفاضلية تقبل حلا من الشكل: $i(t) = \frac{b}{a}(1 - e^{-at})$.

عبر عن الثابتين a و b بدلالة: E, R, L, r .

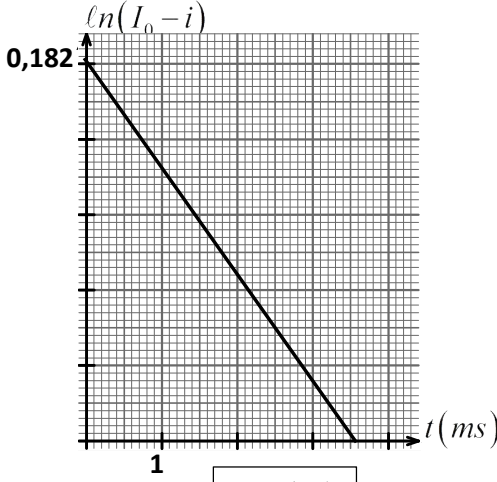
4- يمثل البيان الممثل في الشكل (5)، تغيرات $\ln(I_0 - i)$ بدلالة الزمن t

حيث شدة التيار تقاس بوحدتها الدولية.

أ- أوجد من البيان قيمة كلا من I_0 و ثابت الزمن τ .

ب- أحسب قيمتي L و r للوشية.

ج- أحسب قيمة التوتر بين طرفي الوشية عند $t = 0$ و $t = 0,2 \text{ s}$.



الشكل (5)

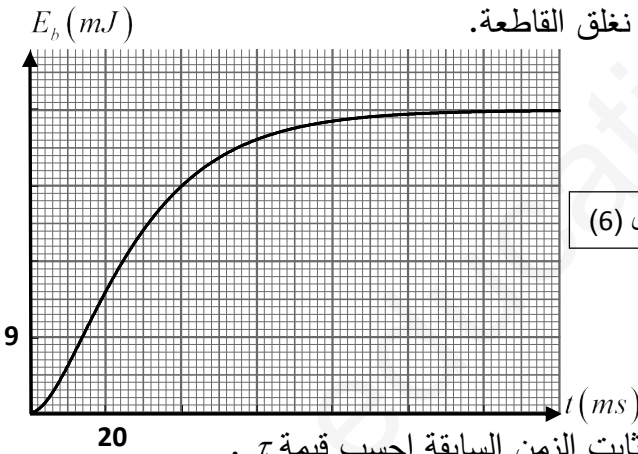
5- نستعمل الآن مولدا للتوتر المستمر $E = 6 \text{ V}$ في الدارة السابقة ثم نغلق القاطعة.

أ- اعط عبارة الطاقة المخزنة في الوشية $E_b(t)$ بدلالة الزمن.

ب- بين أن ثابت الزمن يمكن كتابته بالعبارة التالية:

$$\tau = \frac{-t}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right)}$$

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \text{ حيث}$$



الشكل (6)

ج- باستغلال المنحنى البياني للطاقة الممثل في الشكل (6) و عبارة ثابت الزمن السابقة احسب قيمة τ .

التمرين الثالث:

لعنصر البولونيوم Po عدة نظائر مشعة، أحدها فقط طبيعي ومشع، نواته ${}^A_Z Po$ و التي تتفكك إلى نواة الرصاص ${}^{206}_{82} Pb$ و تصدر جسيما α .

1- أ- ما المقصود بكل من النظير والنواة المشعة.

ب- أكتب معادلة التفكك ثم استنتج قيمتي A و Z .

2- ليكن N_0 عدد الأنوية المشعة الموجودة في عينة من النظير A_ZPo في اللحظة $t=0$ ، عدد الأنوية المشعة غير المتفككة الموجودة في العينة في اللحظة t .

أ- اختر عبارة التناقص الإشعاعي للأنوية $N(t)$ مما يلي:

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}, \quad N(t) = N_0 - e^{\lambda t}, \quad N(t) = N_0 e^{-\lambda/t}, \quad N(t) = N_0 e^{\lambda t}, \quad N(t) = N_0 + e^{-\lambda t}$$

ب- استنتج عبارة $N_{pb}(t)$ عدد أنوية الرصاص ${}^{206}_{82}Pb$ الناتجة في اللحظة t بدلالة N_0 و λ . استنتج $N_{pb}(\infty)$.

3- يمثل الشكل (7) تغيرات عدد أنوية الرصاص الناتجة بدلالة الزمن t .

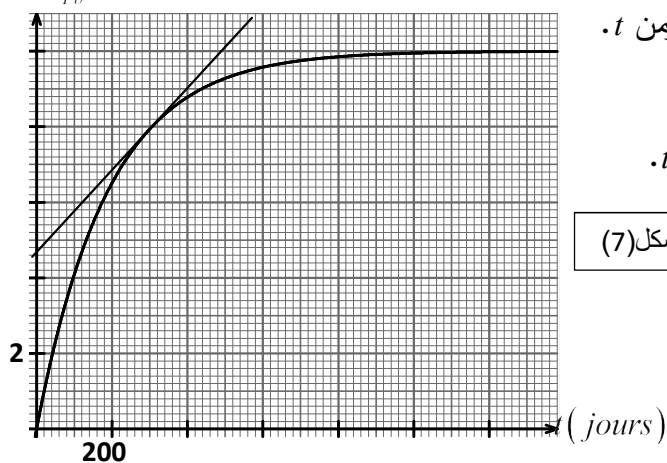
بالاعتماد على البيان استنتج مايلي:

أ- عدد الأنوية المشعة N_0 الموجودة في عينة النظير A_ZPo لما $t=0$.

ب- ثابت الزمن τ للنواة A_ZPo .

4- استنتج نشاط العينة المشعة عند اللحظة $t = 300$ ج.

الشكل (7)



5- المخطط الممثل في الشكل (8) يبين الحويلة الكتلية لتفكك النظير المشع A_ZPo إلى الرصاص.

أ- استنتج طاقة الربط E_ℓ للنواة A_ZPo .

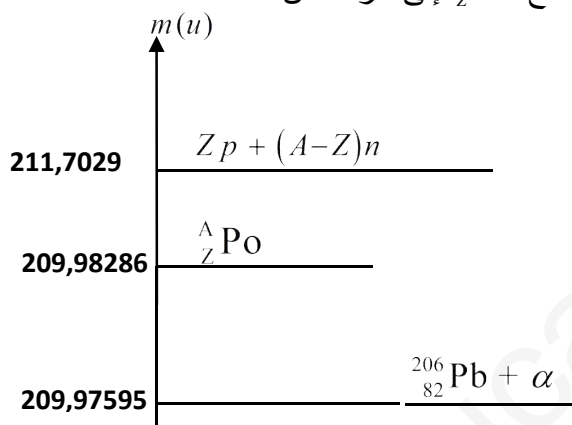
ب- الطاقة المحررة من تفكك نواة واحدة.

ج- رتب الأنوية التالية حسب تزايد استقرارها:

$${}^{239}_{94}Pu, {}^{102}_{42}Mo, {}^A_ZPo$$

$$E_{\ell({}^{102}_{42}Mo)} = 877,2 \text{ MeV}, \quad 1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV}/c^2$$

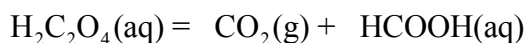
$$E_{\ell({}^{239}_{94}Pu)} = 1792,5 \text{ MeV}$$



الشكل (8)

التمرين التجريبي : (06 نقاط)

أ- حمض الأكساليك $H_2C_2O_4$ يتفكك حراريا وفق تفاعل تام نمذجته بمعادلة التفاعل الكيميائي :



نتابع التفكك لكتلة $m = 0,18 \text{ g}$ من حمض الأكساليك بقياس حجم غاز الفحم المنطلق عند درجة حرارة ثابتة $28^\circ C$ وتحت

ضغط $P = 10^5 \text{ Pa}$ فنحصل على نتائج ندونها في الجدول :

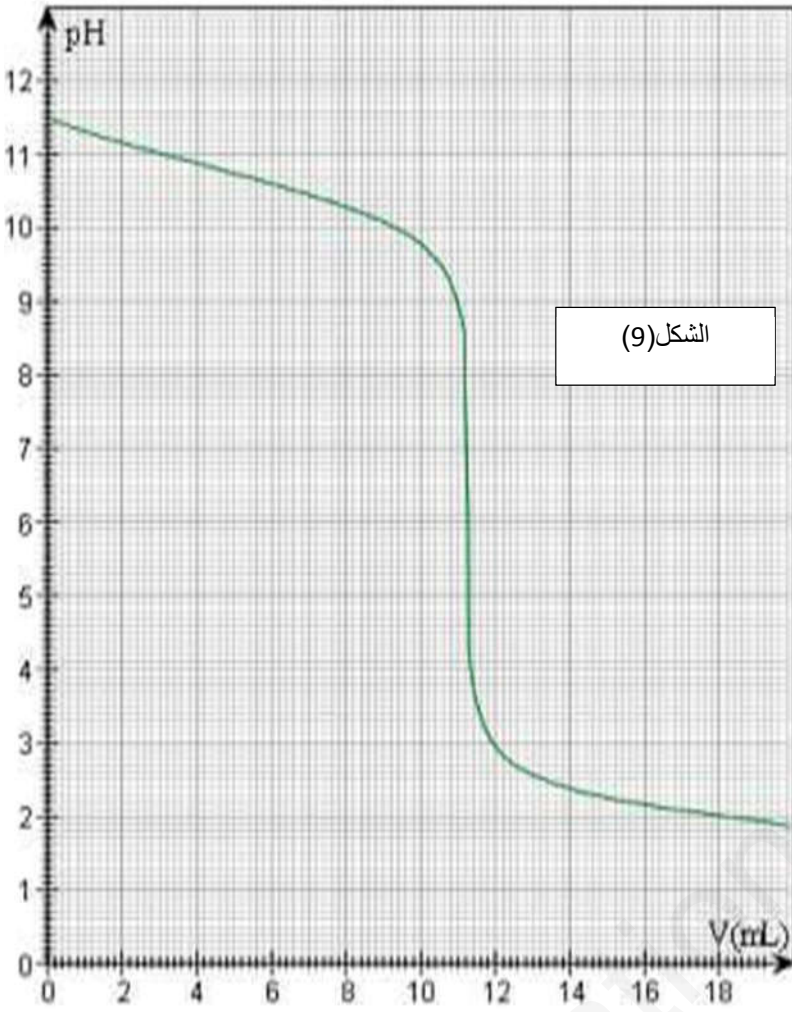
$t(\text{min})$	0	5	11,6	20	35	56,7	75
$V_{CO_2}(\text{mL})$	0	4,2	9,2	14,6	22,2	29,9	34,3

- 1- أثبت أن التفاعل الحادث أكسدة - ارجاع مع ايجاد الثنائيتين الداخلتين في التفاعل.
 - 2- عرف الحمض حسب تعريف برونشتد.
 - 3- صنف هذا التفاعل من حيث المدة المستغرقة.
 - 4- بين أن الحجم المولي في شروط التجربة هو $V_m = 25 \text{ L/mol}$.
 - 5- بالاستعانة بجدول تقدم التفاعل :
 - أ- أوجد عبارة التقدم x بدلالة حجم غاز الفحم المنطلق واحسب عند كل لحظة قيمته.
 - ب- أرسم البيان $x = f(t)$.
 - ج- حدد زمن نصف التفاعل ، احسب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = t_{1/2}$.
 - د- استنتج كتلة حمض الميثانويك HCOOH المتحصل عليه عند نهاية التفاعل.
 - 6- تم استخلاص HCOOH الناتج في التفاعل السابق. نذيب حمض الميثانويك HCOOH المتحصل عليه عند نهاية التفاعل في حجم V من الماء المقطر فنحصل على محلول تركيزه المولي $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ وله $\text{pH} = 2,9$.
 - أ- وضح كيف يمكن تحضير هذا المحلول.
 - ب- أكتب معادلة انحلال الحمض في الماء.
 - ج- بين أنه يمكن كتابة عبارة ثابت الحموضة بالعلاقة التالية : $Ka = \frac{10^{-2\text{pH}}}{C - 10^{-\text{pH}}}$ ، احسب قيمته.
 - د- قارن بين قوة حمض الأكساليك وحمض الميثانويك.
- المعطيات :**

$$R = 8,31 \text{ SI} , M_O = 16 \text{ g/mol} , M_C = 12 \text{ g/mol} , M_H = 1 \text{ g/mol} , \text{PKa}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 1,2$$

- II- محلول مائي لمركب كيميائي B صيغته العامة $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2$ ، تركيزه المولي بشوارد OH^- يساوي $3,16 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$ ونسبة تقدمه النهائي $\tau_f = 13,73 \%$.
 - 1-أ- أحسب pH هذا المحلول وبين طبيعته (محلول حمضي أو أساسي).
 - ب- أوجد الصيغة المجملّة لهذا المركب الكيميائي . علما أن $M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 31 \text{ g/mol}$.
 - ج- أكتب معادلة انحلاله في الماء ثم انشئ جدول تقدم التفاعل.
 - د- اثبت أن نسبة التقدم النهائي يمكن كتابتها على الشكل : $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$ ، ثم احسب قيمة C_B .
 - هـ- أعط عبارة ثابت الحموضة Ka للثنائية (أساس / حمض) الموافقة واحسب قيمته، استنتج قيمة pka .

2- للتأكد من قيمة التركيز المولي السابق C_B نجري معايرة pH متريّة لحجم $V_B = 22,4 \text{ mL}$ من محلول المركب B بواسطة محلول لحمض كلور الماء $(\text{H}_3\text{O}^+ (aq), \text{Cl}^- (aq))$ تركيزه المولي $C_A = 4,6 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L}$ فكان البيان الممثل



لتغيرات $pH = f(V_A)$ الشكل (9).

أ- أرسم البروتوكول التجريبي الذي يسمح بإجراء هذه المعايرة.

ب- أكتب معادلة التفاعل المنمذجة لتحول المعايرة.

ج- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل.

د- جد إحداثيي نقطة التكافؤ و احسب قيمة C_B .

هـ- حدد الأنواع الكيميائية الموجودة في المزيج بعد

إضافة حجم قيمته $V = 5,6 \text{ cm}^3$ من الحمض.

ثم أحسب التركيز المولي لكل منها.

و- ما هو الكاشف الملون المناسب لتجربة المعايرة السابقة من بين الكواشف الملونة :

الكاشف	أخضر البروموكريزول	أحمر الميثيل	فينول فتالين
مجال التغير اللوني	5,4 - 3,8	6,3 - 4,8	10 - 8,2

المعطيات : $M_N = 14 \text{ g/mol}$ ، $M_H = 1 \text{ g/mol}$ ، $M_C = 12 \text{ g/mol}$ ، $K_e = 10^{-14}$

*** بالتوفيق ***

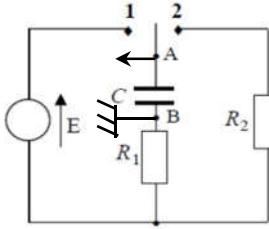
التمرين الأول: (03,5 نقطة)

1- نضع البادلة في الوضع (1) عند اللحظة $t = 0$.

1- جد العلاقة بين $\frac{du_{AB}}{dt}$ و u_{BC} : $u_{BC} = u_R$ ، $u_{AB} = u_C$

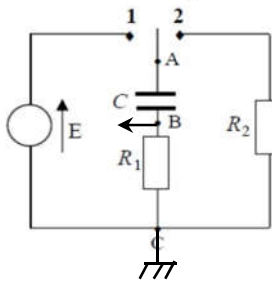
بتطبيق قانون جمع التوترات: $E = u_C + u_R$ لدينا: $u_R = Ri$ و $i = \frac{dq}{dt}$ إذن $u_R = R \frac{dC u_C}{dt} = RC \frac{du_C}{dt}$

$$\text{إذن } u_R = RC \frac{du_C}{dt} \text{ إذن } u_{BC} = RC \frac{du_{AB}}{dt} \quad (0,25)$$



2-أ- كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي من أجل مشاهدة $u_{AB}(t)$: (0,25)

نوصل المدخلين (الأرضي و المدخل y_A) بين طرفي المكثفة كما في الشكل المقابل.



أ- كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة كيفية تطور شدة التيار : (0,25)

نوصل المدخلين (الأرضي و المدخل y_B) بين طرفي المقاومة كما في الشكل المقابل.

حيث نشاهد $u_R(t) = Ri(t)$ و هو نفس شكل البيان $i(t)$.

ج- شرح كيف يتم شحن المكثفة على المستوى المجهري: يطبق المولد توترا كهربائيا بين طرفي الدارة فيعمل كمضخة لتحريك

الالكترونات من قطبه السالب (-) (المنخفض الكمون) فتتجمع على اللبوس B للمكثفة و بالمقابل اللبوس A تغادره

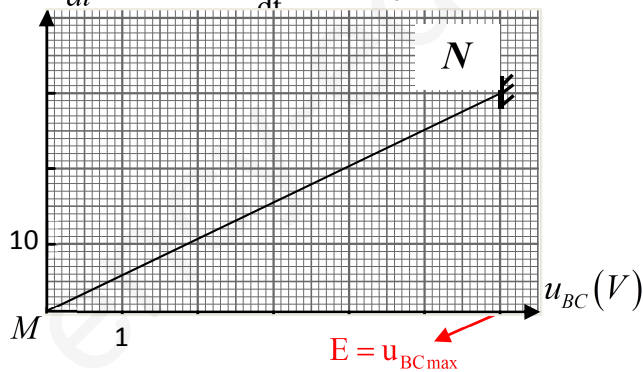
الالكترونات نحو القطب (+) للمولد ذو الكمون المرتفع فيشحن بالموجب. تتوقف عملية الشحن لما يكون $E = u_C$. (0,25)

د- من بين النقطتين (M) و (N) في الشكل (3). النقطة التي توافق لحظة غلق القاطعة هي N لأن عندها حسب البيان

يكون $u_{BC} = u_R = Ri$ أعظمي لأن تيار الشحن يكون أعظميا في البداية ثم يتناقص تدريجيا إلى أن تنتهي عملية الشحن

عند النقطة M. (0,25)

هـ- معادلة البيان $\frac{du_{AB}}{dt} = f(u_{BC})$: البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته $\frac{du_{AB}}{dt} = a u_{BC}$ $\frac{du_{AB}}{dt} (V/s)$



قيمة a تمثل معامل توجيه البيان الذي يحسب بميل البيان:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\Delta \frac{du_{AB}}{dt}}{\Delta u_{BC}} = \frac{3 \times 10}{1 \times 6} = 5 \text{ s}^{-1}$$

$$\text{فمعادلة البيان: } \frac{du_{AB}}{dt} = 5 u_{BC} \quad (0,25)$$

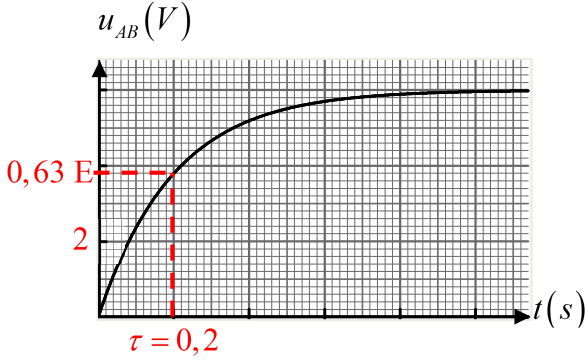
و- حساب سعة المكثفة: من المعادلة (1) $\left(u_{BC} = R_1 C \frac{du_{AB}}{dt} \right) \times \frac{1}{R_1 C} \Rightarrow \frac{du_{AB}}{dt} = \frac{1}{R_1 C} u_{BC} \dots$

بالمطابقة بين معادلة البيان $\frac{du_{AB}}{dt} = 5 u_{BC}$ و المعادلة (1):

$$\frac{1}{R_1 C} = 5 \Rightarrow \tau = R_1 C = \frac{1}{5} = 0,2 \text{ s} \Rightarrow C = \frac{\tau}{R_1} = \frac{0,2}{10^3} = 2 \times 10^{-4} \text{ F} \quad (0,25)$$

ي- وضع سلم لمحموري بيان $u_{AB}(t)$: البيان يمثل تغيرات $u_C(t)$ خلال الشحن.

حسب قانون جمع التوترات عند بداية الشحن $t=0$ يكون $E = u_C + u_R$ فيكون $E = u_{BC\max}$ و حسب البيان



$$u_{BC\max} = 6 \text{ V} \text{ لدينا } \frac{du_{AB}}{dt} = f(u_{BC}) \text{ عند النقطة N}$$

إذن السلم على محور الترتيب: $1 \text{ cm} \rightarrow 2 \text{ V}$ (0,25)

و على محور الفواصل: $u_{AB}(\tau) = 0,63 \text{ E} \rightarrow 0,63 \times 3 \text{ cm} = 1,89 \text{ cm}$

بياننا نجد السلم على محور الفواصل: $1 \text{ cm} \rightarrow 0,2 \text{ s}$ (0,25)

1- القيمة الجديدة لـ $u_{BC}(0)$ هي $u_{BC}(0) = E = 6 \text{ V}$ (0,25)

2- أ- تحديد طريقة توصيل المكثفتين: مثلنا في الشكل (4) شحنة اللبوس الموجب للمكثفة الناتجة بدلالة الزمن $q = g(t)$.

من البيان $q = g(t)$ نستنتج سعة المكثفة المكافئة: $q(0) = 0,6 \times 3 = 1,8 \text{ mC}$

$$q(0) = C_{\text{eq}} E \Rightarrow C_{\text{eq}} = \frac{q(0)}{E} = \frac{1,8 \times 10^{-3}}{6} = 0,3 \times 10^{-3} \text{ F} = 3 \times 10^{-4} \text{ F}$$

نقارن C بـ C_{eq} : $C = 2 \times 10^{-4} \text{ F} < C_{\text{eq}} = 3 \times 10^{-4} \text{ F}$ سعة المكثفة المكافئة ازدادت بعد إذن فالربط على التفرع. (0,5)

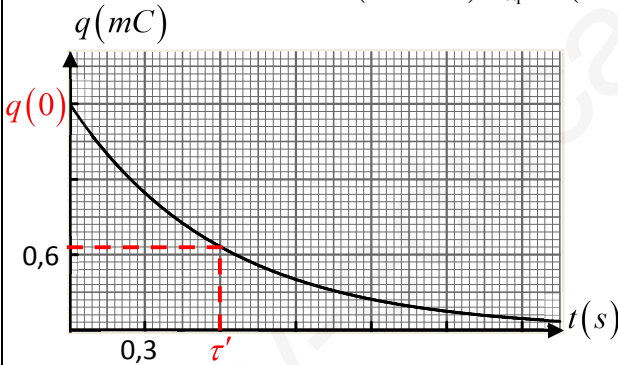
حساب قيمة السعة C' : $C_{\text{eq}} = C + C' \Rightarrow C' = C_{\text{eq}} - C = 3 \times 10^{-4} - 2 \times 10^{-4} = 1 \times 10^{-4} \text{ F}$ (0,25)

ج- حساب قيمة R_2 : نحدد ثابت الزمن للتفريغ $q(\tau) \rightarrow 0,37 \times 3 = 1,11 \text{ cm}$

$$\tau' = (R_1 + R_2) C_{\text{eq}} \Rightarrow (R_1 + R_2) = \frac{\tau'}{C_{\text{eq}}} = \frac{0,6}{3 \times 10^{-4}} = 0,2 \times 10^4 = 2000 \Omega \text{ و } \tau' = 0,6 \text{ s}$$

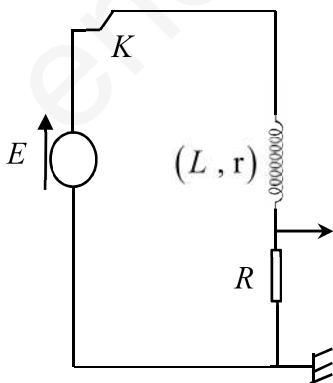
(0,25)

$$R_2 = 2000 - R_1 = 2000 - 1000 = 1000 \Omega$$



التمرين الثاني: (04 نقاط)

1- رسم الدارة الكهربائية وعليها كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة التوتر u_R عند غلق القاطعة: (0,25)



2- كتابة المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار $i(t)$:

$$E = u_b + u_R \quad \text{فنجد} \quad \frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i = \frac{E}{L}$$

3- المعادلة التفاضلية تقبل حلا من الشكل: $i(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at})$

التعبير عن الثابتين a و b بدلالة: E, R, L, r :

$$\frac{di}{dt} = -(-a) \frac{b}{a} e^{-at} = b e^{-at} \dots (2) \quad i(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at}) = \frac{b}{a} - \frac{b}{a} e^{-at} \dots (1)$$

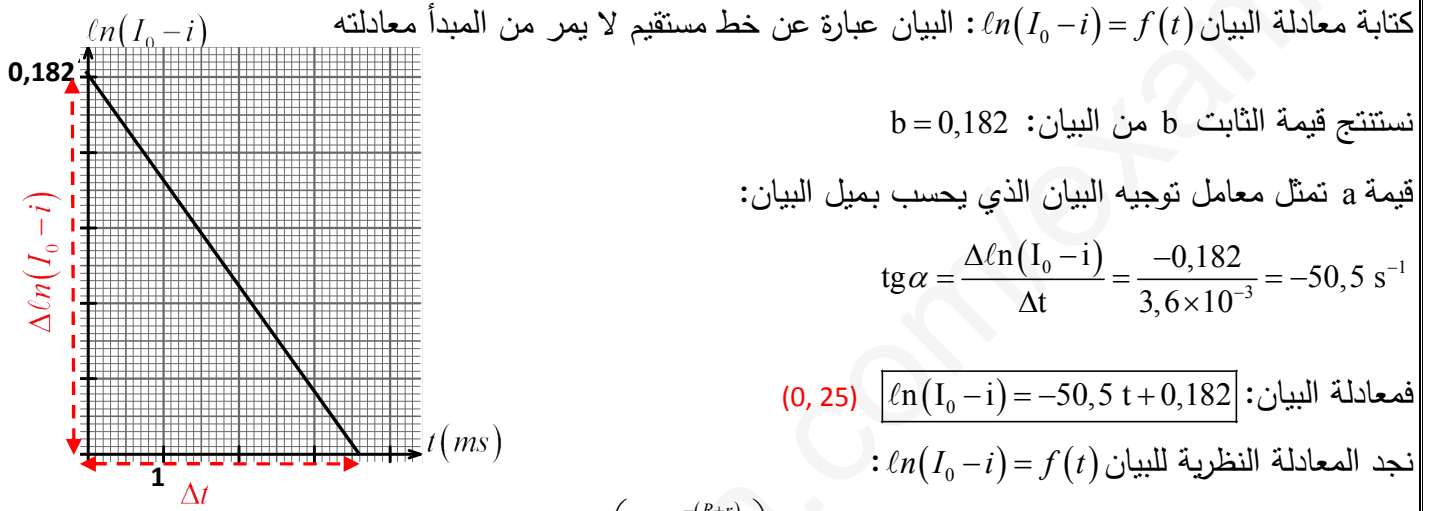
نعوض العبارتين (1) و (2) في الم الت: $\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i = \frac{E}{L}$

$$be^{-at} + \frac{(R+r)}{L} \left(\frac{b}{a} - \frac{b}{a} e^{-at} \right) = \frac{E}{L} \Rightarrow be^{-at} + \frac{(R+r)b}{L} - \frac{(R+r)b}{L} e^{-at} = \frac{E}{L} \dots (3)$$

تتحقق المعادلة (3) لما: $\left\{ \begin{array}{l} be^{-at} \left(1 - \frac{(R+r)}{L} \frac{1}{a} \right) = 0 \Rightarrow a = \frac{R+r}{L} \\ + \frac{(R+r)b}{L} = \frac{E}{L} \Rightarrow b = \frac{E}{L} \end{array} \right. \quad (0,25)$

$$i(t) = \frac{E}{R+r} \left(1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t} \right)$$

4- أ- إيجاد من البيان قيمة كلا من I_0 و ثابت الزمن τ :



$$\frac{E}{R+r} = I_0 \text{ حيث } i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t} \right) = I_0 - I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow i - I_0 = -I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow I_0 - i = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \dots (4)$$

ندخل اللوغاريتم على (4): $\ln(I_0 - i) = \ln I_0 - \frac{t}{\tau}$ فتصبح المعادلة النظرية $\ln(I_0 - i) = -\frac{t}{\tau} + \ln I_0 \quad (0,25)$

بالمطابقة بين المعادلة البيانية و النظرية نجد: $\ln I_0 = 0,182 \Rightarrow I_0 = e^{0,182} = 1,2 \text{ A} \quad (0,25)$

$\tau = 20 \text{ ms} = 0,02 \text{ s} \quad (0,25)$ $\frac{1}{\tau} = 50,5 \text{ s}^{-1} \Rightarrow \tau = \frac{1}{50,5} = 20 \text{ ms}$

حساب قيمتي L و r للوشية: $\frac{E}{R+r} = I_0 \Rightarrow R+r = \frac{E}{I_0} \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R = \frac{12}{1,2} - 5 = 5 \Omega \quad (0,25)$

$L = 0,2 \text{ H} \quad (0,25)$ $\tau = \frac{L}{R+r} \Rightarrow L = \tau(R+r) = 20 \cdot 10^{-3} \times 10 = 0,2 \text{ H}$

ج- حساب قيمة التوتر بين طرفي الوشية عند $t = 0$ و $t = 0,2 \text{ s}$: حسب ق ج ت: $E = u_b + u_R \Rightarrow u_b(t) = E - u_R(t)$

عند $t = 0$ لحظة غلق القاطعة و بداية ظهور التيار: $u_b(0) = E - u_R(0)$ لدينا $u_R(0) = Ri(0) = 0$ إذن $u_b(0) = E \quad (0,25)$

عند $t = 0,2 \text{ s} = 10 \tau$: إذن الدارة تكون في حالة النظام الدائم $u_b(0,2 \text{ s}) = rI_0 = 5 \times 1,2 = 6 \text{ V}$ $u_b(0,2 \text{ s}) = 6 \text{ V} \quad (0,25)$

5- نستعمل الآن مولدا للتوتر المستمر $E = 6 \text{ V}$ في الدارة السابقة ثم نغلق القاطعة:

أ- اعط عبارة الطاقة المخزنة في الوشيعه $E_b(t)$ بدلالة الزمن: $E_b(t) = \frac{1}{2} Li(t)^2 = \frac{1}{2} L \frac{E^2}{(R+r)^2} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2$ (0,25)

ب- إثبات أن ثابت الزمن يكتب بالعبارة: $\tau = \frac{-t}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right)}$ حيث $I_0 = \frac{E}{R+r}$

$$\left(E_b(t) = \frac{1}{2} LI_0^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2\right) \times \frac{2}{LI_0^2} \Rightarrow \frac{2E_b(t)}{LI_0^2} = \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2 \Rightarrow \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}} = 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow e^{-\frac{t}{\tau}} = 1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{-t}{\tau} = \ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right) \Rightarrow \tau = \frac{-t}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2E_b(t)}{LI_0^2}}\right)} \quad (0, 5)$$

ج- حساب قيمة τ باستغلال المنحنى البياني للطاقة و عبارة ثابت الزمن السابقة :

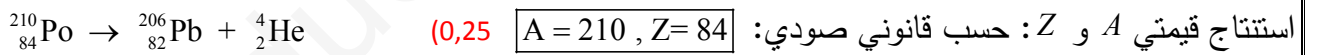
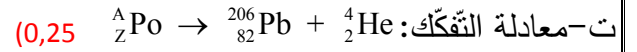
عند $t = 2 \times 20 \text{ ms} = 40 \text{ ms}$ يكون $E_b = 3 \times 9 = 36 \text{ mJ}$ ، $E_{b\max} = 4 \times 9 = 45 \text{ mJ}$

(0,25) $\tau = 17,7 \text{ ms}$ $LI_0^2 = 2E_{b\max} = 90 \text{ mJ}$ $\tau = \frac{-0,04}{\ln\left(1 - \sqrt{\frac{2 \times 36}{90}}\right)} = 17,7 \text{ ms}$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

1- أ- النظير : نظير ذرة هي ذرة نواتها لها نفس Z و تختلف في N أي في A . (0,25)

النواة المشعة: نواة غير مستقرة كي تصبح مستقرة تتفكك و يصدر عنها إشعاعات α أو β^- أو β^+ و يرافقها γ . (0,25)



2- ليكن N_0 عدد الأنوية المشعة الموجودة في عينة من النظير ${}_{84}^{210}\text{Po}$ في اللحظة $t=0$ ، عدد الأنوية المشعة غير المتفككة الموجودة في العينة في اللحظة t .

أ- العبارة الصحيحة لتناقص الإشعاعي للأنوية $N(t)$: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ و $N(t) = N_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ (0,25)

ب- استنتاج عبارة $N_{pb}(t)$ بدلالة N_0 و λ : N_0 هي عدد الأنوية لابتدائية. $N(t)$ هي عدد النوية المتبقية من ${}_{84}^{210}\text{Po}$

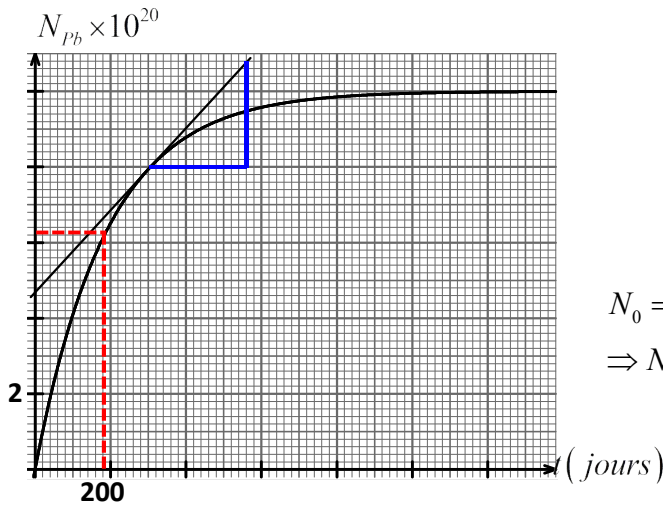
$N_0 = N(t) + N_{pb}(t) \Rightarrow N_{pb}(t) = N_0 - N(t)$. تمثل عدد الأنوية المتفككة.

و لدينا $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ إذن $N_{pb}(t) = N_0 - N_0 e^{-\lambda t} = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$ (0,25)

استنتاج $N_{pb}(\infty)$ من البيان المقابل $N_{pb}(\infty) = 2 \times 5 \times 10^{20} = 10^{21} \text{ noyaux}$ $N_{pb}(\infty) = 10^{21} \text{ noyaux}$ (0,25)

3- أ- N_0 : لما تتفكك كل الأنوية الابتدائية أي $N_0 = N_{pb}(\infty) = 10^{21} \text{ noyaux}$ (0,25)

ب- ثابت الزمن τ للنواة A_ZPo : $N_{pb}(\tau) = 0,63 N_0 \rightarrow 0,63 \times 5cm = 3,15 cm$ بياننا نجد $\tau = 0,9 \times 200 = 180$ jours



(0,25) $\tau = 180$ jours

4- استنتاج نشاط العينة المشعة عند اللحظة $t = 300$ j

$$N_{pb}(300 j) = 4 \times 2 \times 10^{20} = 8 \times 10^{20} \text{ noyaux}$$

ط1: $A(t) = \lambda N(t)$ من البيان

$$N_0 = N(t) + N_{pb}(t) \Rightarrow N(t) = N_0 - N_{pb}(t)$$

$$\Rightarrow N(300 j) = N_0 - N_{pb}(300 j) = (10 - 8) \times 10^{20} = 2 \times 10^{20} \text{ noyaux}$$

نحسب ثابت النشاط الإشعاعي λ :

$$\lambda = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{180 \times 24 \times 60 \times 60} = 6,43 \times 10^{-8} s^{-1}$$

(0,5) $A(300 j) = 1,286 \times 10^{13} \text{ Bq}$ $A(300 j) = \lambda N(300 j) = 6,43 \times 10^{-8} \times 2 \times 10^{20} = 1,286 \times 10^{13} \text{ Bq}$

ط2: لدينا $A(t) = \frac{-dN_{Po}}{dt} = \frac{dN_{pb}}{dt}$ بطريقة المماسات نحسب ميل مماس البيان المرسوم عند هذه اللحظة

$$A(300 j) = 1,286 \times 10^{13} \text{ Bq} = 1,246 \times 10^{13} \text{ Bq} \quad \text{إذن} \quad \text{tg} \alpha = \frac{\Delta N_{pb}}{\Delta t} = \frac{1,4 \times 2 \times 10^{20}}{1,3 \times 200 \times 24 \times 3600} = 1,246 \times 10^{13} \text{ Bq}$$

5- أ- استنتاج طاقة الربط E_ℓ للنواة ${}^{210}_{84}Po$: $E_\ell({}^A_ZX) = (Z m_p + (A - Z) m_n - m_{{}^A_ZX}) \times c^2$ حسب المخطط

$$E_\ell({}^{210}_{84}Po) = (211,7029 - 209,98286) \times c^2 = 1,72004 u \times c^2 = 1,72004 \times 931,5 = 1602,217 \text{ MeV}$$

(0,25)

ب- الطاقة المحررة من تفكك نواة واحدة:

(0,25) $Q = (m_i - m_f) \times c^2 = (m_{Po} - (m_{pb} + m_\alpha)) \times c^2$
 $= (209,98286 - 209,97595) u \times c^2 = 6,91 \times 10^{-3} \times 931,5 = 6,436 \text{ MeV}$

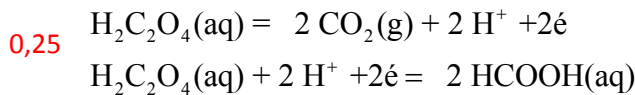
ج- ترتيب الأنوية التالية حسب تزايد استقرارها: ${}^{210}_{84}Po$ ، ${}^{102}_{42}Mo$ و ${}^{239}_{94}Pu$:

$$\text{نحسب طاقة الربط لكل نوية في كل نواة: } \frac{E_\ell({}^{210}_{84}Po)}{A} = \frac{1602,217}{210} = 7,629 \text{ MeV/nucleon}$$

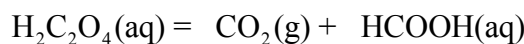
$$\frac{E_\ell({}^{239}_{94}Pu)}{A} = \frac{1792,5}{239} = 7,5 \text{ MeV/nucleon} , \quad \frac{E_\ell({}^{102}_{42}Mo)}{A} = \frac{877,2}{102} = 8,59 \text{ MeV/nucleon}$$

(0,5) $7,5 < 7,629 < 8,59$ إذن النواة الأكثر استقرارا هي Mo ثم Po ثم Pu

التمرين التجريبي : (08,5 نقاط)



1-1- اثبات أن التفاعل الحادث أكسدة - ارجاع : $2 H_2C_2O_4(aq) = 2 CO_2(g) + 2 HCOOH(aq)$



0,25 ($CO_2 / H_2C_2O_4$) و ($H_2C_2O_4 / HCOOH$) : التفاعل في الداخلتين

2- تعريف الحمض حسب تعريف برونشتد: هو كل فرد كيميائي بإمكانه فقدان H^+ أو أكثر خلال تفاعل كيميائي. 0,25

3- تصنيف هذا التفاعل من حيث المدة المستغرقة: حسب جدول القياسات نلاحظ أن عند 75 min لم يثبت بعد حجم

الغاز المنطلق إذن فهو تفاعل بطيء. 0,25

4- إثبات أن الحجم المولي في شروط التجربة هو $V_m = 25 \text{ L/mol}$: لدينا معادلة الغاز المثالي: $P V = n R T$ لما يكون

الحجم هو الحجم المولي أي $n = 1 \text{ mol}$ فيكون

$$0,25 \quad P V_m = R T \Rightarrow V_m = \frac{R T}{P} = \frac{8,31 \times 301}{10^5} = 2501,31 \times 10^{-5} \text{ m}^3 = 25,0131 \times 10^{-3} \text{ m}^3 / \text{L} = 25 \text{ L/mol}$$

$$T = 28 + 273 = 301 \text{ K}$$

5- أ- إيجاد عبارة التقدم x بدلالة V_{CO_2} :

جدول التقدم:

	$\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4(\text{aq}) = \text{CO}_2(\text{g}) + \text{HCOOH}(\text{aq})$		
ح إ	2×10^{-3}	0	0
ح و	$2 \times 10^{-3} - x$	x	x
ح ن	$2 \times 10^{-3} - x_f$	x_f	x_f

$$M_{(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)} = 2 M_H + 2 M_C + 4 M_O$$

$$= 2 \times 1 + 2 \times 12 + 4 \times 16 = 90 \text{ g/mol}$$

$$n_{0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)} = \frac{m}{M} = \frac{0,18}{90} = 0,002 \text{ mol} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

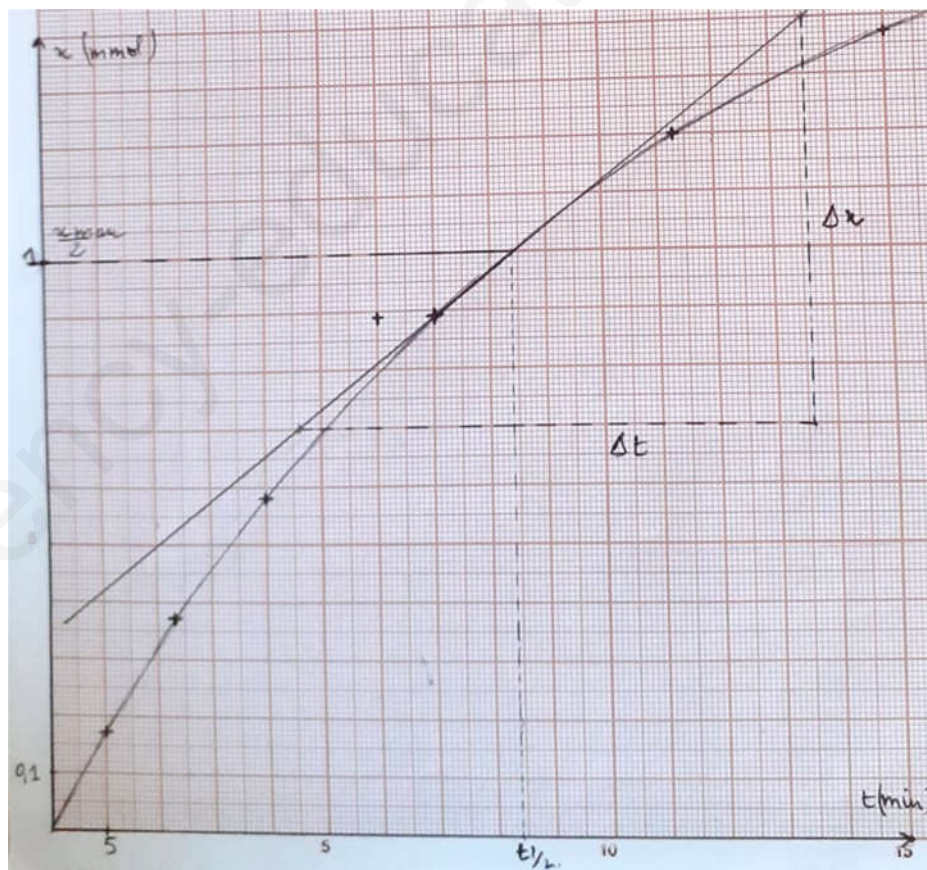
حسب جدول التقدم الحالة الوسطية نلاحظ أن $n_{CO_2} = \frac{V_{CO_2}}{V_m}$ إذن $x(t) = \frac{V_{CO_2}(t)}{V_m}$

حساب قيم x عند كل لحظة : 0,25

$$x(5 \text{ min}) = \frac{V_{CO_2}(5 \text{ min})}{V_m} = \frac{4,2 \times 10^{-3} \text{ L}}{25 \text{ L/mol}} = 0,168 \times 10^{-3} \text{ mol} = 0,168 \text{ mmol}$$

$t(\text{min})$	0	5	11,6	20	35	56,7	75
$x(\text{mmol})$	0	0,17	0,37	0,58	0,89	1,20	1,37

ب- رسم البيان $x = f(t)$:



0,25

ج- تحديد زمن نصف التفاعل: لدينا $x(t_{\frac{1}{2}}) = \frac{x_{\max}}{2}$ حسب جدول التقدم المتفاعل المحد هو حمض الأوكساليك $H_2C_2O_4$

0,25 $t_{\frac{1}{2}} \approx 8,4 \times 5 = 42 \text{ min}$ إذن $x_{\max} = n_{0(H_2C_2O_4)} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$ $\frac{x_{\max}}{2} = 10^{-3} \text{ mol}$ بيانيا نجد

0,25 حساب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = t_{\frac{1}{2}}$: عبارة سرعة التفاعل $V = \frac{dx}{dt}$

حسابها بيانيا عند $t = t_{\frac{1}{2}}$ نرسم مماس البيان $x(t)$ ثم نحسب ميله $\text{tg } \alpha = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{7 \times 0,1}{9 \times 5} = 1,55 \times 10^{-2} \text{ mmol/min}$

0,25 $V(t_{\frac{1}{2}}) = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 1,55 \times 10^{-2} \text{ mmol/min}$ و تكون

د- استنتاج كتلة حمض الميثانويك $HCOOH$ المتحصل عليه عند نهاية التفاعل: حسب جدول التقدم يكون

$n_{f(HCOOH)} = \frac{m_f}{M_{(HCOOH)}} \Rightarrow m_f = x_{\max} \times M_{(HCOOH)} = 2 \times 10^{-3} \times 46 = 92 \times 10^{-3} \text{ g}$ أي $n_{f(HCOOH)} = x_{\max} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$

0,25 $n_{f(HCOOH)} = 92 \times 10^{-3} \text{ g} = 92 \text{ mg}$ $M_{(HCOOH)} = 2 M_H + M_C + 2 M_O = 2 \times 1 + 1 \times 12 + 2 \times 16 = 46 \text{ g/mol}$

6- أ- توضيح الخطوات التجريبية لتحضير محلول $HCOOH(aq)$: تم استخلاص الناتج في التفاعل السابق. نذيب

حمض الميثانويك $HCOOH$ المتحصل عليه عند نهاية التفاعل في حجم $V = ?$ من الماء المقطر فنحصل على محلول

تركيزه المولي $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ وله $pH = 2,9$. لذا نحسب حجم المحلول $C = \frac{n}{V} \Rightarrow V = \frac{n}{C} = \frac{2 \cdot 10^{-3}}{10^{-2}} = 0,2 \text{ L} = 200 \text{ mL}$

الطريقة المتبعة: بعد استخلاص الناتج $HCOOH(s)$ من التفاعل السابق و تجفيفه، نفرغه باستعمال ملعقة في حوجة 0,25

عيارية عيارها 200 mL مزودة بقمع ، نضيف حجما من الماء المقطر ، نرج جيدا لأجل ذوبان المادة الصلبة ثم نضيف

الماء المقطر إلى غاية خط العيار . نغلق الحوجة و نرجها جيدا لأجل تجانس المحلول. و نكون قد حضرنا محلولاً من

$HCOOH(aq)$ تركيزه $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$.

ب- كتابة معادلة انحلال الحمض في الماء: $HCOOH(aq) + H_2O(l) = HCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$ 0,25

ج- إثبات بالعلاقة : $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$: $Ka = \frac{[HCOO^-]_f \times [H_3O^+]_f}{[HCOOH]_f}$

لدينا حسب جدول التقدم:

	$HCOOH(aq) + H_2O(l) = HCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			
ح إ	C V	وفرة	0	0
ح و	C V - x		x	x
ح ن	C V - x _f		x _f	x _f

$[HCOO^-]_f = [H_3O^+]_f$

إذن $Ka = \frac{[H_3O^+]_f^2}{[HCOOH]_f} \dots (1)$

0,25 $Ka = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$ فنجد $[H_3O^+]_f = 10^{-pH}$ و $[HCOOH]_f = C - [H_3O^+]_f$ نعوض في العبارة (1)

0,25

حساب قيمة Ka : $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ و $pH = 2,9$ نعوض $Ka = \frac{10^{-2 \times 2,9}}{10^{-2} - 10^{-2,9}} = 1,8 \times 10^{-4}$ $Ka = 1,8 \times 10^{-4}$

د- مقارنة قوة حمض الأكساليك وحمض الميثانويك: $\text{PKa}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 1,2$ أي $\text{Ka} = 10^{-\text{pKa}} = 10^{-1,2} = 6,3 \cdot 10^{-2}$

نقارن قيم ثابتي الحموضة: $\text{Ka}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4/\text{HC}_2\text{O}_4^-) = 6,3 \cdot 10^{-2}$ و $\text{Ka}(\text{HCOOH}/\text{HCOO}^-) = 1,8 \cdot 10^{-4}$

$6,3 \cdot 10^{-2} \gg 1,8 \cdot 10^{-4}$ إذن حمض الأوكساليك $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$ أقوى من حمض الميثانويك HCOOH . 0,25

أ- حساب pH المحلول:

$$K_e = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \times [\text{OH}^-]_f \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+]_f = \frac{K_e}{[\text{OH}^-]_f} = \frac{10^{-14}}{3,16 \times 10^{-3}} = 3,16 \times 10^{-12} \text{ mol / L}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+]_f = -\log(3,16 \times 10^{-12}) = 11,5 \quad \boxed{\text{pH} = 11,5} \quad 11,5 > 7 \text{ فالمحلول قاعدي. 0,25}$$

ب- إيجاد الصيغة المجملة لهذا المركب الكيميائي B:

$$\text{علما أن } M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 12n + 2n + 1 + 14 + 2 = 14n + 17 = 31 \cdot M_{(\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{NH}_2)} = 31 \text{ g/mol}$$

$$14n + 17 = 31 \Rightarrow 14n = 31 - 17 = 14 \Rightarrow 14n = 14 \Rightarrow n = 1 \quad \text{CH}_3\text{NH}_2 : \text{B} \quad 0,25$$

ب- معادلة انحلال في الماء: $\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_2\text{O}(l) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{OH}^-(aq)$ 0,25

جدول تقدم التفاعل: 0,25

	$\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_2\text{O}(l) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{OH}^-(aq)$			
ح إ	$C_B V$	بوفرة	0	0
ح و	$C_B V - x$		x	x
ح ن	$C_B V - x_f$		x_f	x_f

د- اثبات أن نسبة التقدم النهائي تكتب على الشكل $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$ لدينا (2) ... $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[\text{OH}^-]_f \times V}{C_B V}$

0,25 $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f}$ فنجد $K_e = [\text{H}_3\text{O}^+]_f \times [\text{OH}^-]_f \Rightarrow [\text{OH}^-]_f = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]_f}$

0,25 ثم احسب قيمة C_B : $C_B = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$ $\tau_f = \frac{K_e}{C_B \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_f} \Rightarrow C = \frac{[\text{OH}^-]_f}{\tau_f} = \frac{3,16 \times 10^{-3}}{0,1373} = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$

ه- عبارة ثابت الحموضة K_a للثنائية $(\text{CH}_3\text{NH}_3^+ / \text{CH}_3\text{NH}_2)$: $K_a = \frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]_f \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f}$

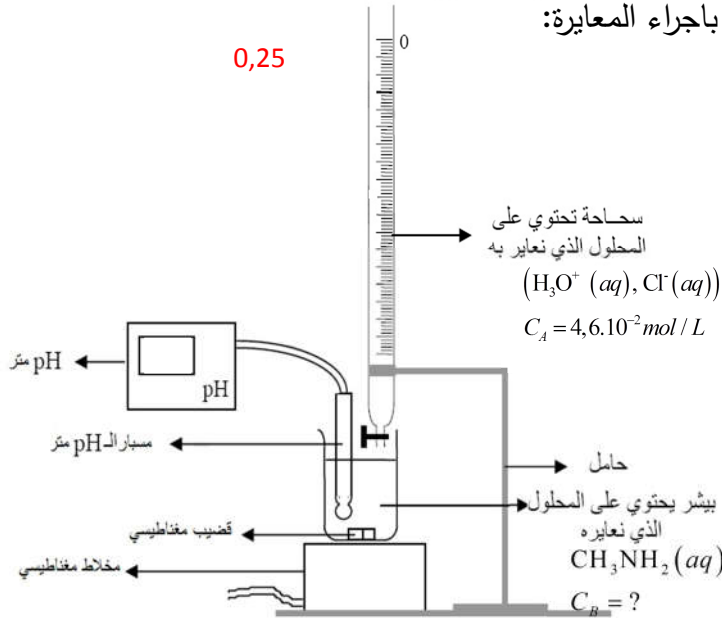
حسب جدول التقدم: $[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]_f = [\text{OH}^-]_f = \frac{x_f}{V}$ و $[\text{CH}_3\text{NH}_2]_f = C_B - \frac{x_f}{V} = C_B - [\text{OH}^-]_f$ نعوض في عبارة K_a

نجد: $K_a = \frac{(C_B - [\text{OH}^-]_f) \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{OH}^-]_f} = \frac{(2,3 \times 10^{-2} - 3,16 \times 10^{-3}) 3,16 \times 10^{-12}}{3,16 \times 10^{-3}} = 1,98 \times 10^{-11}$

0,25 $K_a = 1,98 \times 10^{-11} \approx 2 \times 10^{-11}$

0,25 استنتاج قيمة pKa : $\text{pKa} = -\log K_a = 12,3$ $\boxed{\text{pKa} = 12,3}$

1-أ- رسم البروتوكول التجريبي الذي يسمح بإجراء المعايرة:



أ- معادلة تفاعل المعايرة: $\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{H}_2\text{O}(l)$ 0,25

ج- جدولاً لتقدم التفاعل: 0,25

	$\text{CH}_3\text{NH}_2(aq) + \text{H}_3\text{O}^+(aq) = \text{CH}_3\text{NH}_3^+(aq) + \text{H}_2\text{O}(l)$			
ح إ	$C_B V_B$	$C_A V_A$	0	بوفرة
ح و	$C_B V_B - x$	$C_A V_A - x$	x	
ح ن	$C_B V_B - x_{\max}$	$C_A V_A - x_{\max}$	$x_{\max}$	

د- إحداثي نقطة التكافؤ: بطريقة المماسين المتوازيين نجد $E(V_{AE} = 11,2 \text{ mL}, \text{pH}_E = 6,3)$ 0,25

حساب قيمة C_B : عند التكافؤ المزيج ستوكيوميتري أي

$$0,25 \quad C_B = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol/L} \quad C_B V_B = C_A V_{AE} \Rightarrow C_B = \frac{C_A V_{AE}}{V_B} = \frac{4,6 \times 10^{-2} \times 11,2}{22,4} = 2,3 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$$

هـ- تحديد الأنواع الكيميائية الموجودة في المزيج بعد إضافة حجم قيمته $V_A = 5,6 \text{ cm}^3$ من الحمض:

عند هذه النقطة توجد الأنواع الكيميائية: CH_3NH_2 ، CH_3NH_3^+ ، Cl^- و الماء بوفرة.

$V_A < V_{AE}$ إذن المتفاعل المحد هو المعاير H_3O^+ إذن حسب جدول التقدم يكون $C_A V_A - x_{\max} = 0 \Rightarrow x_{\max} = C_A V_A$

نلاحظ أن $\frac{11,2}{2} = 5,6$ إذن $V_A = 5,6 \text{ cm}^3 = \frac{V_{AE}}{2}$ و هذا يوافق نقطة نصف التكافؤ حيث لا توجد صفة غالبية

$$\text{أي} \quad [\text{CH}_3\text{NH}_3^+] = [\text{CH}_3\text{NH}_2] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = \frac{4,6 \times 10^{-2} \times 5,6}{22,4 + 5,6} = 0,92 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$$

$$0,75 \quad [\text{CH}_3\text{NH}_3^+] = [\text{CH}_3\text{NH}_2] = [\text{Cl}^-] = 9,2 \times 10^{-3} \text{ mol/L} \quad [\text{Cl}^-] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = 0,92 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$$

و- الكاشف الملون المناسب لتجربة المعايرة السابقة: لدينا $\text{pH}_E = 6,3$ إذن الكاشف الملون المناسب هو أحمر الميثيل مجال

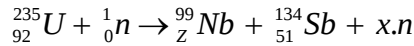
تغيره اللوني (4,8 - 6,3) يشمل نقطة التكافؤ. 0,25

وفقكم الله جميعاً

الجزء الاول: (14 نقطة)

التمرين الاول: (04 نقاط)

I. يحدث في المفاعلات النووية تفاعل انشطار اليورانيوم حيث يتم قذف النواة بواسطة نوترون بطيء حسب المعادلة التالية :

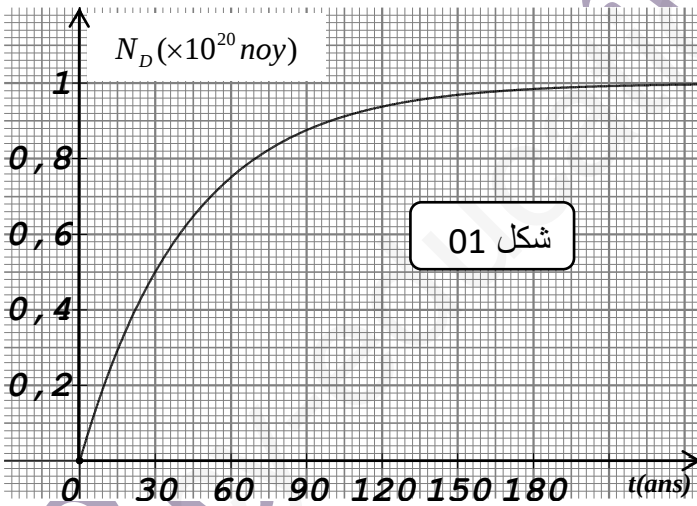


1. عين قيمتي x و Z .
2. احسب $E_l({}_{51}^{134}\text{Sb})$ طاقة الربط لنواة ${}_{51}^{134}\text{Sb}$ ثم قارن بين ${}_{51}^{134}\text{Sb}$ و ${}_{92}^{235}\text{U}$ من حيث الاستقرار .
3. احسب كلا من $m({}_{92}^{235}\text{U})$ كتلة نواة اليورانيوم وكذلك E_{lib} الطاقة المحررة عن تفاعل الانشطار السابق .
4. في مفاعل نووي يتم استهلاك كتلة $m = 2625(g)$ من اليورانيوم $({}_{92}^{235}\text{U})$ لمدة يوم من اجل انتاج طاقة كهربائية E_{ele} باستطاعة تحويل كهربائية قيمتها $p = 900 (MW)$.

- اوجد قيمة $r\%$ مردود هذا المفاعل النووي .

II. لدينا عينة مشعة تحتوي في اللحظة الابتدائية $t_0 = 0$ على N_0 عدد من انوية السيزيوم ${}^{137}\text{Cs}$

البيان الموضح في الشكل (01) يعبر عن تغيرات عدد $N_D(t)$ انوية السيزيوم المتفككة بدلالة الزمن .



1. بالاعتماد على البيان حدّد كلا من :
- N_0 عدد الانوية الابتدائية .
- $t_{1/2}$ زمن نصف العمر .
2. اوجد قيمة t_1 الزمن الذي من اجله تتحقق النسبة التالية : $\frac{N_D(t_1)}{N_0} = \frac{3}{4}$ ، ثم تاكد من قيمته بيانيا .

معطيات :

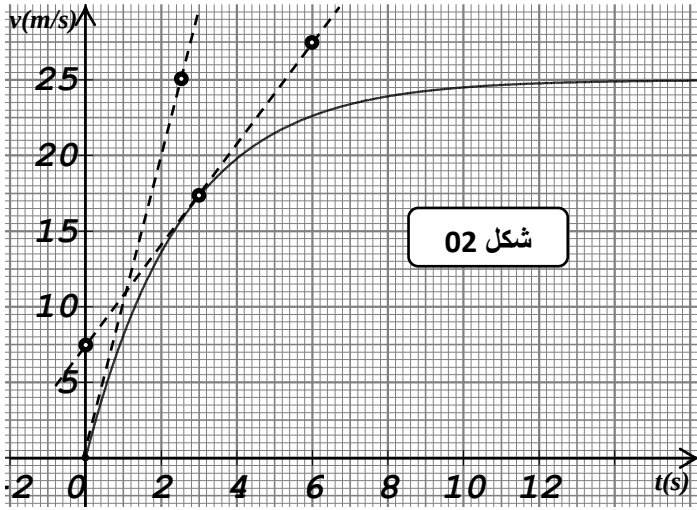
$1u = 931,5 \text{Mev} / C^2$	$E_l({}_{92}^{235}\text{U}) / A = 7,59 \text{Mev} / \text{nuc}$	$m(n) = 1,00866(u)$	$m(\text{Sb}) = 133,89306(u)$
$1 \text{Mev} = 1,6 \cdot 10^{-13} (J)$	$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} (\text{mol}^{-1})$	$m(p) = 1,00728(u)$	$m(\text{Nb}) = 98,88876(u)$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نترك كرة تنس (جملة (S)) كتلتها m_s تسقط شاقوليا في الهواء من الموضع O عند اللحظة $t_0 = 0$ وفق محور الحركة (OZ) الموجه نحو الاسفل بدون سرعة ابتدائية $v_0 = 0$ وبالا اعتماد على تقنية التصوير المتعاقب تمكنا من انشاء المنحنى البياني $v = f(t)$ المبين في الشكل (02)

1. مثل بعناية القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة الجملة (S) وذلك في المراحل التالية :

- اللحظة الابتدائية $t = t_0 = 0$ - المرحلة الانتقالية $t_0 < t < t_p$ - النظام الدائم $t \geq t_p$



شكل 02

2. بالاعتماد على البيان :

- بين ان π دافعة ارخميدس مهمة امام P ثقل الجملة في هذه الدراسة .

- حدد اطوار الحركة ، وطبيعة حركة كل طور .

3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (S) اوجد المعادلة التفاضلية للحركة .

4. اوجد عبارة K ثابت التناسب بين قوة الاحتكاك والسرعة بدلالة : v_{lim} السرعة الحدية و g الجاذبية الارضية و m_s كتلة الجملة ، ثم حدد قيمته .

5. بالاعتماد على طريقة التحليل البعدي حدد

العلاقة الصحيحة من بين العلاقات التالية : $\tau_1 = \frac{m}{K}$ او $\tau_2 = \frac{K}{m}$ حيث τ يمثل ثابت الزمن .

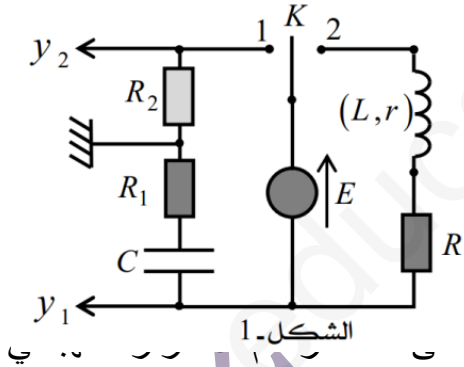
6. اوجد قيمة $\sum F_{ext}$ محصلة القوى الخارجية المطبقة على الجملة (S) عند اللحظة $t_1 = 3(s)$ بطريقتين

معطيات :

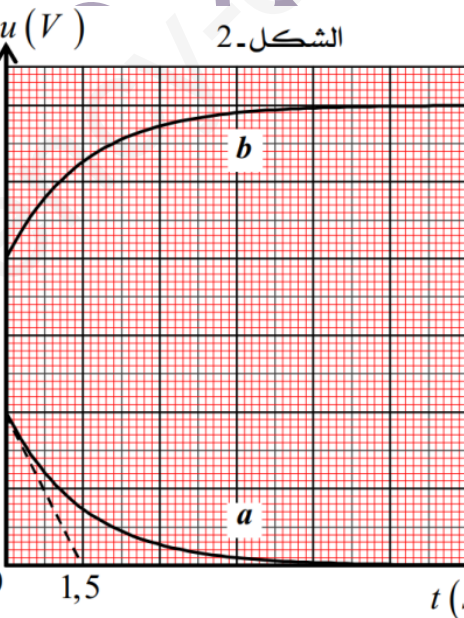
كتلة الجملة : $m_s = 62,5(g)$ ، عبارة قوة الاحتكاك : $f(t) = K.v(t)$ ، الجاذبية الارضية $g = 10 (m/s^2)$

التمرين الثالث: (06 نقاط)

نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل (01) والمؤلف من العناصر الكهربائية التالية :



الشكل 1-



الشكل 2-

- مولد التوترات الثابتة قوته الكهربائية المحركة E .

- مكثفة فارغة (غير مشحونة) سعتها C .

- وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية r .

- ثلاث نواقل اومية $R_1 = 1(K\Omega)$ $R = 8(\Omega)$ $R_2 = ?$:

- بالاضافة الى بادلة K وهزاز راسم الاهتزاز المهبطي

I. عند اللحظة $t_0 = 0$ نضع البادلة K في الوضع (1) فنشاهد

المنحنيين البيانيين (a) و (b) المبينين في الشكل (02)

1- ماهي الظاهرة الكهربائية التي تحدث ؟

2- بين ان عبارة شدة التيار عند اللحظة $t_0 = 0$ تعطى

$$I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}$$

3- ارفق كل منحنى بالمدخل (القناة) الموافق له مع التعليل.

4- بتطبيق قانون جمع التوترات بين ان المعادلة التفاضلية

المحققة بدلالة $u_{R_2}(t)$ تكتب على الشكل التالي :

$$\frac{du_{R_2}(t)}{dt} + \frac{1}{\tau_1} u_{R_2}(t) = 0$$

حيث τ_1 ثابت الزمن.

5- اذا علمت ان المعادلة لتفاضلية السابقة تقبل حلا من الشكل $u_{R_2}(t) = A.e^{-B.t}$ اوجد عبارة كلا من A و B بدلالة ثوابت الدارة

6- بالاعتماد على البيانيين حدّد القيم التالية : E و I_0 و R_2 و C .

II. نضع الان البادلة K في الوضع (2) في لحظة $t_0 = 0$ نعتبرها مبدءا جديدا للزمنة

1- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية المحققة

بدلالة $u_R(t)$.

2- المعادلة السابقة تقبل حلا من الشكل $u_R(t) = R.A - B.e^{-\alpha.t}$

- جد عبارات الثوابت : A ، B و α بدلالة مميزات الدارة .

3- بالاعتماد على الدراسة التجريبية وبرنامج الاعلام الالي تمكنا من انشاء المنحنى البياني

$$\frac{du_R(t)}{dt} = f(t) \text{ الموضح في الشكل (03)}$$

بالاعتماد على البيان حدد قيم المقادير التالية :

(a) قيمة L ذاتية الوشيعه

(b) ثابت الزمن τ_2

(c) قيمة r المقاومة الداخلية

4- اوجد العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في الوشيعه $E_L(t)$ ثم احسب قيمتها عند اللحظة $t = \tau_2$

الجزء الثاني: (06 نقاط)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

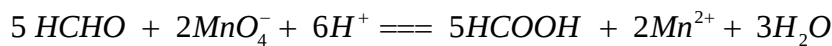
اعتمدت معظم المنتجات لجعل الشعر أملس و ناعم في صناعتها على الكيراتين كمادة أساسية ، باعتبارها عنصر أساسي في تركيبة الشعر ، في الوقت الحالي انتشرت ظاهرة استعمال الكيراتين لكن بعض التجار و الصناعيين يضيفون إلى المادة الطبيعية الميثانال $HCHO$ (ألدهيد) حيث انه اذا زادت نسبة تواجده في المنتج عن 2% يصبح خطرا على الإنسان (يسبب السرطان و الأمراض الجلدية و الحساسية).

يتأكسد الميثانال $HCHO$ بسهولة إلى حمض الميثانويك $HCOOH$

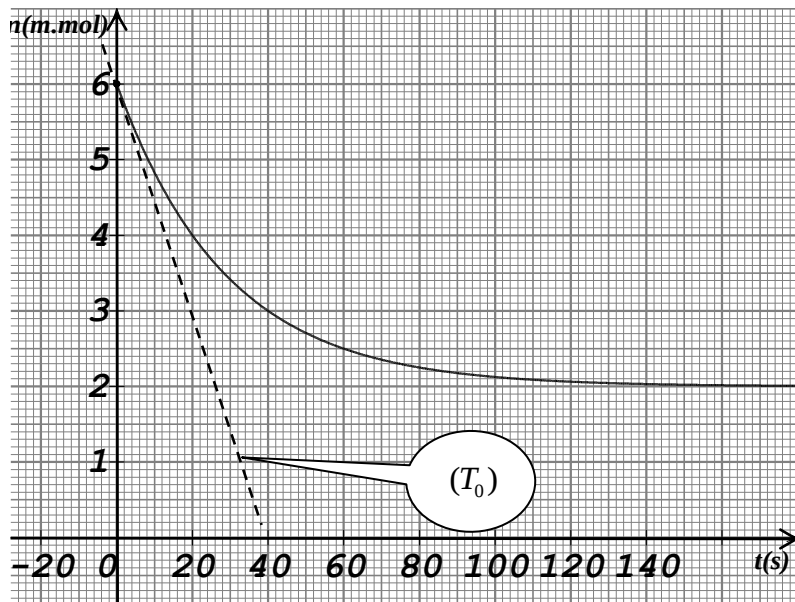
I. الجزء الاول : من اجل معرفة نسبة تواجد الميثانال في المنتج نأخذ $m_0 = 20(g)$ منه ونذيبها في

حجما من الماء المقطر لنتحصل على المحلول (S_1) لهذا المنتج ، نمزج المحلول (S_1) مع محلول (S_2)

لبرمنغنات البوتاسيوم $(K^+_{(aq)} + MnO^-_{4(aq)})$ ، التحول الكيميائي الحادث يعبر عنه بالمعادلة التالية



المتابعة الزمنية في الدرجة $\theta_1 = 20C^\circ$ مكنتنا من انشاء المنحنى البياني الذي يعبر عن $n_{(MnO^-_4)} = f(t)$



1. باعتبار التفاعل تام حدّد المتفاعل المحد ، ثم احسب قيمة التقدم الاعظمي
2. اوجد قيمة $n_1(HCHO)$ الكمية الابتدائية للميثانال المتواجدة في المحلول (S_1)
3. اوجد $p\%$ نسبة تواجد الميثانال في المنتج .
4. هل يمكن اعتبار هذا المنتج خطرا عند استعماله ؟ (مع التعليل)
5. حدّد قيمة $t_{1/2}$ زمن نصف التفاعل .
6. اوجد قيمة v_M السرعة الاعظمية للتفاعل .
7. نعيد التجربة السابقة في الدرجة $\theta_2 = 40C^\circ$ اعد رسم البيان كيفيا في نفس المعلم مع التفسير.

II. الجزء الثاني :

باستخدام تقنية التقطير المجزأ تم فصل كمية n_A من حمض الميثانويك $HCOOH$ المتشكل في المزيج التفاعلي السابق (الجزء الاول) ، ومن اجل تحديد قيمة هذه الكمية n_A نذيبها في حجما من الماء المقطر لنتحصل على (S_A) محلول لحمض الميثانويك حجمه $V_A = 50(ml)$ وتركيزه C_A درجة حموضته $pH_0 = 3,47$ في الدرجة $25 C^\circ$ ،

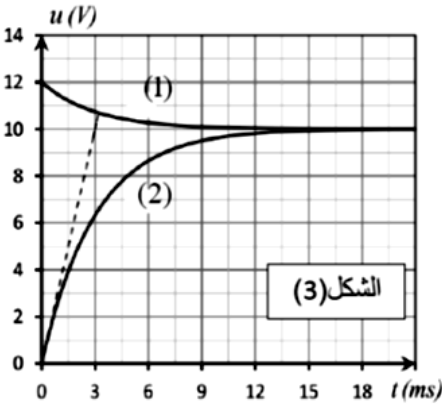
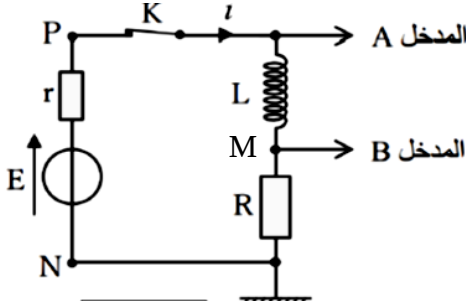
باستخدام سحاحة مدرجة نضيف حجوما V_B من محلول (S_B) هيدروكسيد الصوديوم ($Na_{(aq)}^+ + OH_{(aq)}^-$) تركيزه المولي $C_B = 5.10^{-3} (mol / l)$ الى محتوى البيشر الذي يحتوي على المحلول (S_A) . عند الاضافة $V_B = 5(ml)$ يشير الـ pH مترفي المزيج التفاعلي الى القيمة $pH = 3,8$.

1. اكتب معادلة التفاعل الحادث .
2. حدّد الصفة الغالبة من اجل الاضافة $V_B = 5(ml)$ ، ثم استنتج قيمة V_{BE} الحجم اللازم لبلوغ حالة التكافؤ.
3. اوجد قيمة n_A كمية الميثانويك المذابة في المحلول (S_A) ، و بين ان حمض الميثانويك ضعيف.
4. اوجد قيمة K ثابت التوازن للتفاعل الحادث . ماذا تستنتج؟
5. تأكد من ذلك (استنتاج السؤال 4) بحساب قيمة τ_f النسبة النهائية لتقدم التفاعل .
6. حدّد قيمة الـ pH التي من اجلها تكون : $[HCOOH] = 10^{-1} [HCOO^-]$.

معطيات : $M_{HCHO} = 30 (g / mol)$ ، $pK_{a(HCOOH/HCOO^-)} = 3,8$ ، $pK_e = 14$ ،

التمرين الأول: (06 نقاط)

كاشف المعادن هو جهاز كهربائي، مبدأ اشتغاله يعتمد على معرفة قيمة ذاتية وشيعة الجهاز الموافقة للمعدن المكشوف الذي يلعب دور نواة الوشيعة عند تقريب الجهاز من المادة الخامة للمعدن، ترتفع قيمة الذاتية مع الذهب وتنخفض مع معدن الفضة. لندرس خصائص الدارة الكهربائية للجهاز.

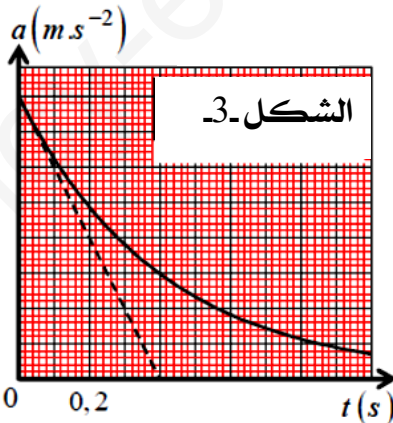


- تتكون من مولد مثالي ($E=12V$) وشيعة مثلية ذاتيتها (L) ناقلين أمويين مقاوماتهما r و $R=100\Omega$ عند غلق القاطعة نسجل بجهاز ExAO المنحنيين (1) و (2)
- 1- وجه الدارة ثم انسب كل منحنى لأحد المدخلين (A) و (B) بالتعليل.
- 2- حدد قيمة r وتحقق أن $r=20\Omega$.
- 3- استخرج المعادلة التفاضلية لتغيرات شدة التيار $i(t)$ ، ثم بين أن حلها من الشكل $i=A(1-e^{-t/\tau})$ وذلك مع تحديد الثوابت A و τ بدلالة المقادير المميزة للدارة.
- 4- استنتج قيمة الذاتية L للوشيعة.
- 5- احسب الطاقة المخزنة في الوشيعة في النظام الدائم
- 6- بين أن عبارة لحظة تخزين نصف الطاقة الأعظمية في الوشيعة تكتب كما يلي: $t = \tau \ln\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}\right)$

التمرين الثاني: (07 نقاط)

- نترك الكرة (B_1) تسقط شاقوليا في الهواء بدون سرعة ابتدائية، حيث تخضع أثناء حركتها إلى قوة احتكاك $\vec{f}$ عبارتها من الشكل $\vec{f} = -K \vec{v}$ علما أن $K = 10^{-2} Kg.s^{-1}$. نهمل دافعة أرخميدس $\vec{\Pi}$.

- بالاعتماد على النتائج التجريبية و برنامج إعلام آلي تم رسم المنحنى البياني $a=f(t)$ الممثل لتطور تسارع الكرة بدلالة الزمن (الشكل - 3).



- 1- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الكرة خلال الحركة.
- 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن المعادلة التفاضلية لتسارع الكرة (B_1) تكتب على الشكل التالي: $\frac{da}{dt} + \frac{1}{\alpha}a = 0$ حيث α ثابت يطلب إعطاء عبارته.
- بد بالاعتماد على التحليل البعدي بين أن الثابت α متجانس مع الزمن، ثم استنتج قيمته.
- ج- أحسب قيمة m_1 كتلة الكرة (B_1).
- 3- حدد سلما لمحور تراتيب منحنى الشكل - 3.
- 4- جد قيمة السرعة الحدية v_{lim} للكرة. وذلك إذا علمت أن الدقة في قياس المقدارين τ و g هي على الترتيب 2,5% و 2%
- 6- أحسب شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$ المطبقة على الكرة في اللحظة $t = 0,4s$ ، ثم استنتج قيمة طاقتها الحركية عند نفس اللحظة.

تعطى: $g=9,8 m.s^{-2}$

التمرين التحريبي: (07 نقاط)

جميع القياسات انجزت عند 25°C والناقلية النوعية المولية للشوارد بوحدة $\text{ms.m}^2/\text{mol}$ هي

$$\lambda_1 = \lambda_{\text{Na}^+} = 5 \quad ; \quad \lambda_2 = \lambda_{\text{C}_6\text{H}_5\text{COO}^-} = 3,2 \quad ; \quad \lambda_3 = \lambda_{\text{CH}_3\text{COO}^-} = 4.1$$

1) المعايرة الـ pH مترية لمحلول حمض البنزويك:

نعاير محلولاً (S) من حمض البنزويك حجمه

$V = 15,2 \text{ ml}$ تركيزه C_a بمحلول لهيدروكسيد

الصوديوم تركيزه المولي $C_b = 0,2 \text{ mol/L}$.

1.1 ارسم ادوات جهاز المعايرة بالبيانات

2.1 اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الحادث.

3.1 نحصل خلال هذه المعايرة على تطور PH بدلالة

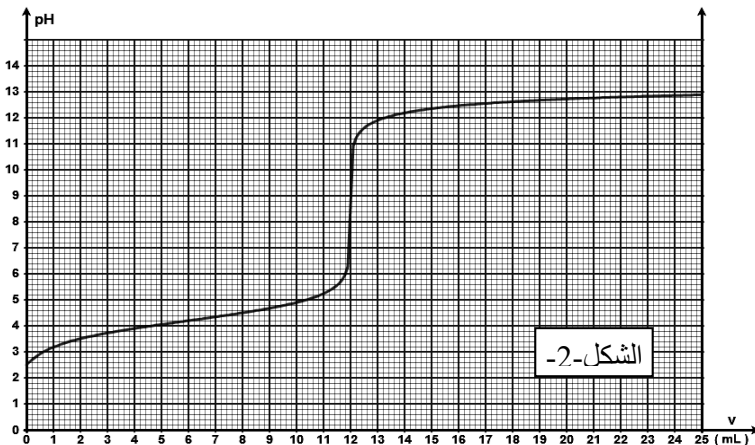
الحجم V_b لمحلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف

(الشكل 2) حدد تركيز محلول البنزويك و

PH_E الخليط عند التكافؤ.

4.1 نتوفر على الكاشفين الملونين التاليين :

اختر الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة مبررا اجابتك.



الكاشف	pH منطقة الانعطف
الهيلاندين	3,2 - 4,4
الفيينول الفثالين	8,2 - 10

2) تحديد الثابت PK_A للثنائية $(\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH} / \text{C}_6\text{H}_5\text{COO}^-)$

اعتمادا على قياسات PH محاليل مائية لحمض

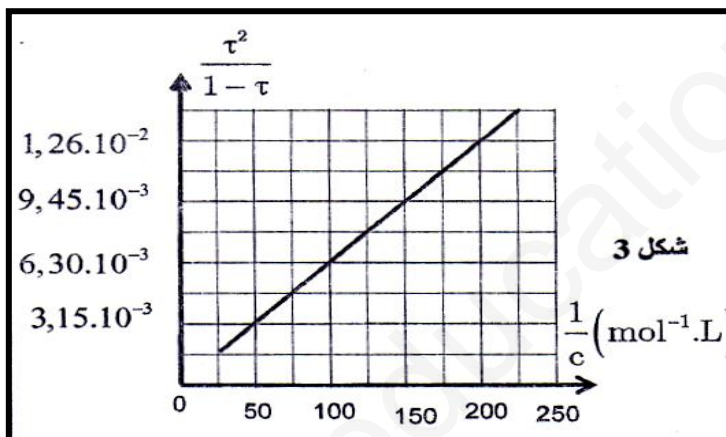
البنزويك ذات تراكيز مختلفة C تم تحديد نسبة

التقدم النهائي τ لكل محلول على حدى ، فتم رسم

المنحنى الشكل-3 :

1) اوجد عبارة ثابت الحموضة K_A بدلالة τ و C .

2) باستغلال بيان الشكل-3 حدد قيمة PK_A .

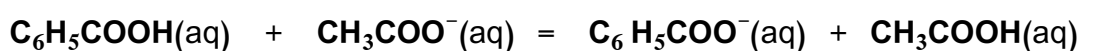


3) تفاعل حمض البنزويك مع شاردة الايثانوات:

ندخل في كاس يحتوي على الماء $n_0 = 3 \times 10^{-3} \text{ mol}$ من حمض البنزويك و $n_0 = 3 \times 10^{-3} \text{ mol}$ من ايثانوات

الصوديوم CH_3COONa فنحصل على محلول مائي حجمه

$V = 100 \text{ ml}$ نمذج التحويل الكيميائي بالمعادلة التالية :



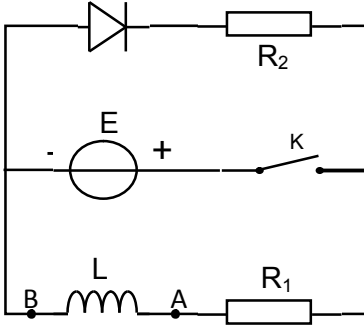
اعطى قياس الناقلية النوعية للمحلول القيمة $\sigma = 255 \text{ ms/m}$

أ) بين ان عبارة التقدم النهائي للتفاعل تكتب على الشكل : $x_f = \frac{\sigma.V - n_0(\lambda_1 + \lambda_3)}{\lambda_2 - \lambda_3}$ ثم احسب قيمة x_f .

ب) اوجد عبارة ثابت التوازن للتفاعل بدلالة x_f و n_0 . احسب قيمته ماذا تستنتج؟

بالتوفيق

التمرين الأول : (07 نقاط)



نحقق الدارة الكهربائية المبينة في الشكل :تعطى $R_1=30 \Omega$; $R_2=20 \Omega$

1 - نغلق القاطعة لمدة كافية ،

ماهو سلوك الوشيعة علل و ما دور الصمام الثنائي في الدارة .

2 - في اللحظة $t=0$ نفتح القاطعة K .

أ / عين على الدارة جهة التيار الكهربائي والاتجاه الاصطلاحي للتوترات الكهربائية .

ب / بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي : U_{R1}

بين طرفي الناقل الاومي R_1 هي :

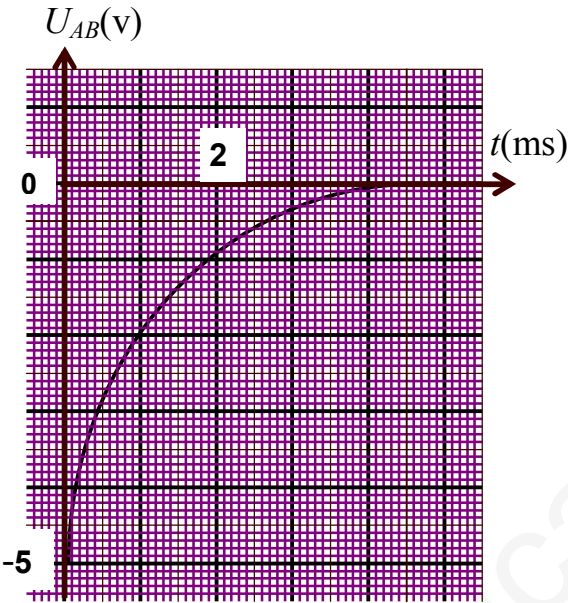
$$\frac{dU_{R1}}{dt} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} U_{R1} = 0$$

ج / علما أن حل هذه المعادلة التفاضلية هو: $U_{R1}(t) = R_1 I_0 e^{-\frac{1}{\tau} t}$

استنتج عبارة $U_{AB}(t)$.

د / المتابعة الزمنية لتطور التوتر الكهربائي $U_{AB}(t)$ عند فتح القاطعة.

سمحت لنا برسم البيان التالي:



1- استنتج بيانيا قيم كل من : E ، τ ثم احسب قيم : I_0 ، L .

2- ارسم في نفس المعلم المعطى المنحنيين البيانيين لكل من : $U_{R2}(t)$ ، $U_{R1}(t)$

التمرين الثاني : (06 نقاط)



مظلي مع مظلته كتلته 70 kg يسقط من مروحية ساكنة على ارتفاع معين من سطح الأرض

في مكان فيه الجاذبية $g=10 \text{ m/s}^2$

عندما يكتسب تسارعا لحظيا قيمته $(a_0 = -40 \text{ m/s}^2)$ يفتح مظلته في لحظة نعتبرها $t=0$ ،

يخضع المظلي مع مظلته أثناء سقوطه لقوة احتكاك مع الهواء شدتها تتناسب طرذا مع سرعته .

بإهمال دافعة ارخميدس في الهواء .

1- مثل القوى المؤثرة على المظلي مع مظلته عند $t=0$ ، وعندما تثبت سرعته عند القيمة 10 m/s .

2- اثبت أن شدة قوة الاحتكاك مع الهواء عند $t=0$ هي $f_0=3500\text{N}$.

3- احسب شدة قوة الاحتكاك الحدية f_L واستنتج قيمة معامل الاحتكاك K مع الهواء

4- اثبت أن المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة التسارع اللحظي : $\frac{da}{dt} + \frac{K}{m}a = 0$

5- علما أن حل المعادلة التفاضلية هو : $a(t) = a_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$

مثل كيفيا مخطط تغير تسارع حركة المظلي بدلالة الزمن

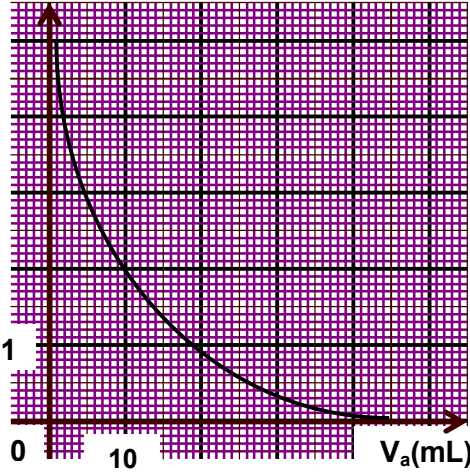
التمرين الثالث : (07 نقاط)

لتعيين التركيز المولي لمحلول مثيل أمين وقيمة ثابت الحموضة للثنائية (أساس / حمض) الموافقة للأمين :

* نحضر محلول مائي (S) لمثيل أمين (CH_3NH_2) ثم نعاير (20ml) منه بمحلول حمض كلور الماء ($\text{H}_3\text{O}^+ + \text{Cl}^-$)

تركيزه المولي 10^{-2} mol/L بإضافة حجم V_a تدريجيا

$$\frac{[\text{CH}_3\text{NH}_2]}{[\text{CH}_3\text{NH}_3^+]}$$



الشكل المرفق يمثل تغيرات النسبة بين التركيز المولي للأمين المتبقي

وحمضه المرافق بدلالة حجم المحلول الحمضي المضاف .

1 / أكتب معادلة التفاعل الحادث مبينا انه تفاعل حمض أساس .

2 / أوجد عبارة ثابت التوازن الكيميائي للتفاعل الحادث بدلالة ثابت الحموضة

للثنائية (أساس / حمض) الموافقة للأمين .

3 / أوجد : أ - حجم المحلول الحمضي اللازم للتكافؤ بطريقتين بيانيا .

ب - استنتج التركيز المولي الابتدائي للمحلول (S)

4 / استنتج قيمة الـ PKa للثنائية (أساس / حمض) الموافقة للأمين علما أن pH المحلول (S) هو 11 عند 25°C

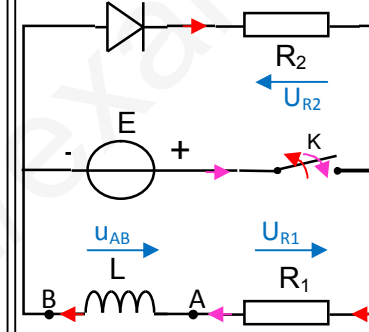
5 / بين أن تفاعل المعايرة تفاعل تام .

أساتذة المادة

بالتوفيق

التمرين 01: (07 نقاط)

- 1- سلوك الوشيعية : سلك موصل في النظام الدائم $I = cte \rightarrow U_{AB} = 0$
 دور الصمام الثنائي : توجيه التيار وحماية الدارة عند فتح القاطعة
 2- أ . جهة التيار والاتجاه الاصطلاحي للتوترات ك



ب . المعادلات :

$$U_{AB} + U_{R1} + U_{R2} = 0$$

$$L \frac{di}{dt} + U_{R1} + R_2 i = 0$$

$$i = \frac{U_{R1}}{R_1}, \quad \frac{di}{dt} = \frac{1}{R_1} \frac{dU_{R1}}{dt}$$

$$\frac{L}{R_1} \frac{dU_{R1}}{dt} + U_{R1} + \frac{R_2}{R_1} U_{R1} = 0$$

$$\frac{dU_{R1}}{dt} + \frac{(R_1 + R_2)}{L} U_{R1} = 0$$

ج . عبارة $U_{AB}(t)$:

$$U_{AB} = L \frac{di}{dt}$$

$$i = \frac{U_{R1}}{R_1} = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow \frac{di}{dt} = -\frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$U_{AB}(t) = -\frac{LE(R_1 + R_2)}{(R_1 + R_2)L} = -E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

د . قيمة E : $t=0 \rightarrow U_{AB} = -E = -5 \rightarrow E = 5V$

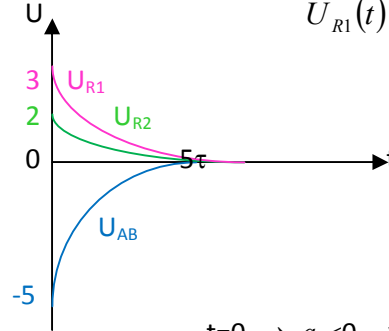
قيمة τ : $t=\tau \rightarrow U_{AB} = -0,37E = 1,85V \rightarrow \tau \approx 1ms$

قيمة L : $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2} \rightarrow L = 5 \times 10^{-2} H$

قيمة I_0 : $I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2} \rightarrow I_0 = 0,1A$

رسم المنحنيات :

$$U_{R1}(t) = R_1 I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = 3e^{-\frac{t}{\tau}}$$



التمرين 02: (06 نقاط)

1- تمثيل القوى :

$$t=0 \rightarrow a_0 < 0 \rightarrow \Sigma F < 0 \rightarrow f_0 > P$$

$$v=10=cte \rightarrow \Sigma F = 0 \rightarrow f = P$$

2- قيمة f_0 عند $t=0$

$$\Sigma \vec{F}_{ext} m \vec{a}_0 \rightarrow \vec{P} + \vec{f}_0 = m \vec{a}_0$$

$$t=0 \rightarrow v=0$$

$$P - f_0 = ma_0 \rightarrow f_0 = m(g - a_0) = 3500N$$

3- قيمة f_L

$$\Sigma \vec{F}_{ext} = \vec{0} \rightarrow \vec{P} + \vec{f}_L = \vec{0}$$

$$P - f_L = 0 \rightarrow f_L = mg = 700N$$

قيمة K :

$$f_L = K v_L \rightarrow K = \frac{f_L}{v_L} = \frac{700}{10} = 70 kg s^{-1}$$

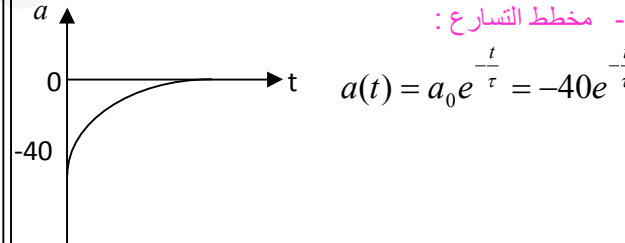
4- المعادلة التفاضلية بدلالة a :

$$\Sigma \vec{F}_{ext} m \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{f} = m \vec{a} \rightarrow mg - f = ma$$

$$-K \frac{dv}{dt} = m \frac{da}{dt}$$

$$\frac{da}{dt} + \frac{K}{m} a = 0$$

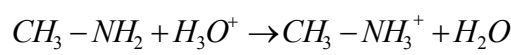
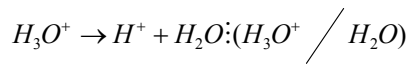
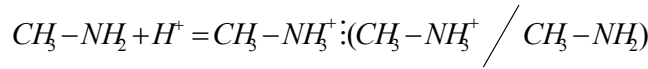
5- مخطط التسارع :



$$a(t) = a_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = -40 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

التمرين 03: (07 نقاط)

1- معادلة التفاعل :



هناك تبادل بروتوني بين حمض من ثنائية (أساس/حمض) وأساس من أخرى فالتفاعل حمض أساس

2- عبارة K بدلالة K_a :

$$K = Q_{rf} = \frac{[CH_3NH_3^+]_f}{[CH_3NH_2]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{1}{K_a} = 10^{PKa}$$

3- أ . قيمة V_{aE}

1ط : عند التكافؤ يكون $[CH_3NH_2] = 0$

$$\frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 0 \rightarrow V_{aE} = 4ml$$

2ط : عند نصف التكافؤ يكون

$$\frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 1 \rightarrow \frac{V_{aE}}{2} = 20ml \rightarrow V_{aE} = 40ml$$

ب . قيمة C_S : عند (ت م س) $C_S V_S = C_a V_{aE}$

$$C_S = \frac{C_a V_{aE}}{V_S} = 2 \times 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$$

4- قيمة PKa : $PKa = PH - \log \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]}$

$$PH = 11 \rightarrow V_a = 0 \rightarrow \frac{[CH_3NH_2]}{[CH_3NH_3^+]} = 5 \rightarrow PKa = 11 - \log 5 = 10,3$$

5- التفاعل تام ؟ $K = 10^{PKa} = 10^{10,3}$

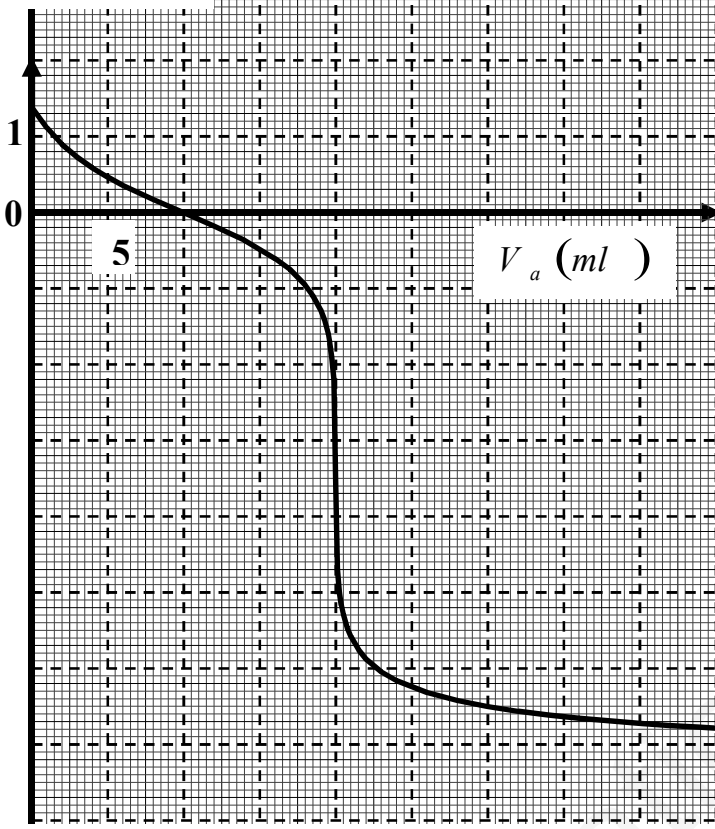
بمان $K > 10^4$ فان التفاعل تام

اختبار الثلاثي الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

التمرين الأول : (07 نقاط)

نضع في بيشر حجما $V_b = 20ml$ من محلول مائي لغاز النشادر NH_3 تركيزه المولي الابتدائي C_b وله $pH_0 = 10.6$ ثم نعايره بمحلول مائي لحمض كلور الهيدروجين $(H_3O^+ + Cl^-)$ تركيزه المولي $C_a = 10^{-2} mol/l$.

$pH - pKa$



بالاعتماد على نتائج المعايرة مثلثا البيان الموضح بالشكل :

- (1) أكتب معادلة تفاعل المعايرة الحادث .
- (2) اعتمادا على البيان :
 - أ- استنتج حجم المحلول الحمضي V_{aE} اللازم للتكافؤ.
 - ب- أحسب التركيز المولي C_b لمحلول غاز النشادر .
 - ت- بيّن أن غاز النشادر أساس ضعيف.
 - ث- أوجد قيمة ثابت الحموضة pKa للثنائية (NH_4^+ / NH_3) ، ثم أحسب الـ Ka .

(3) أكتب عبارة K ثابت التوازن لتفاعل المعايرة بدلالة Ka ثابت الحموضة واحسبه.

- ماذا تستنتج ؟
- (4) ما هو الكاشف المناسب لهذه المعايرة من بين الكواشف الملونة الموضحة في الجدول ؟

الكاشف الملون	الهيلينتين	فينول فتالين	أحمر كلورو فينول
مجال التغير اللوني	4.4 - 3.1	10.0 - 8.0	6.8 - 5.2

- (5) أنقل الجدول الآتي على ورقة اجابتك وحدد طبيعة المحلول والصفة الغالبة الموافقتين لحجم الحمض المضاف في كل مرة :

الحجم $V_a (ml)$	$V_a = 0ml$	$V_a = 10ml$	$V_a = 15ml$
طبيعة المحلول			
الصفة الغالبة			

يعطى: $Ke = 10^{-14}$

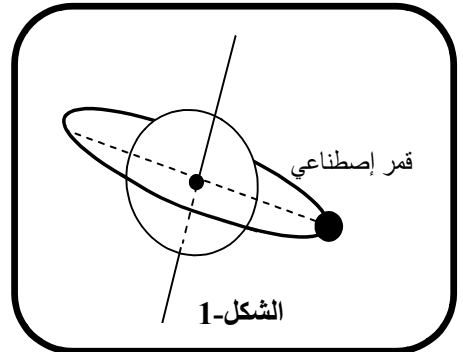
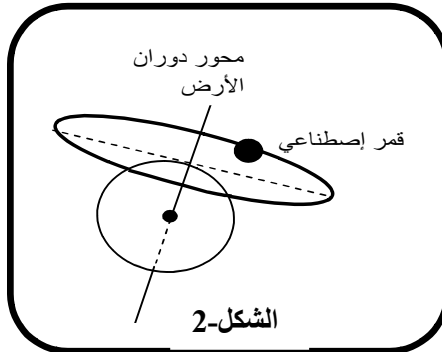
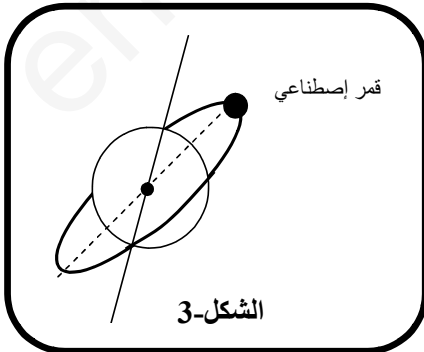
التمرين الثاني : (06 نقاط)

نعتبر الأرض كروية الشكل كتلتها M ونصف قطرها R ، ندرس حركة قمر جيو مستقر من النوع météosat المستعمل في الرصد الجوي .

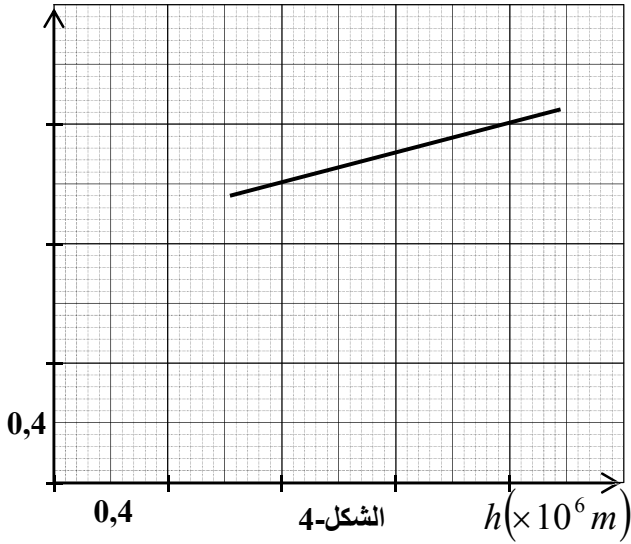
- 1- نقترح ثلاثة مدارات إفتراضية حول الأرض كما في الأشكال 1، 2، 3 .

• حدد مع التعليل:

- (1) المدار الذي يتعارض مع القانون الثاني لنيوتن.
- (2) المدار الذي يسلكه قمر جيو مستقر.



$$\frac{1}{v^2} (\times 10^{-8} s^2 / m^2)$$



II- يقوم قمر اصطناعي في المرجع الجيومركزي بحركة دائرية منتظمة مركزها O ونصف قطرها $r = R + h$ حيث h الارتفاع عن سطح الأرض.

- (1) ذكر بقانون الجذب العام لنيوتن .
- (2) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد:
- أ- عبارة سرعة القمر الاصطناعي v بدلالة $G; R; h$ و M
- ب- بين أنه يمكن كتابة عبارة نظرية من الشكل:

$$\frac{1}{v^2} = A.h + B$$

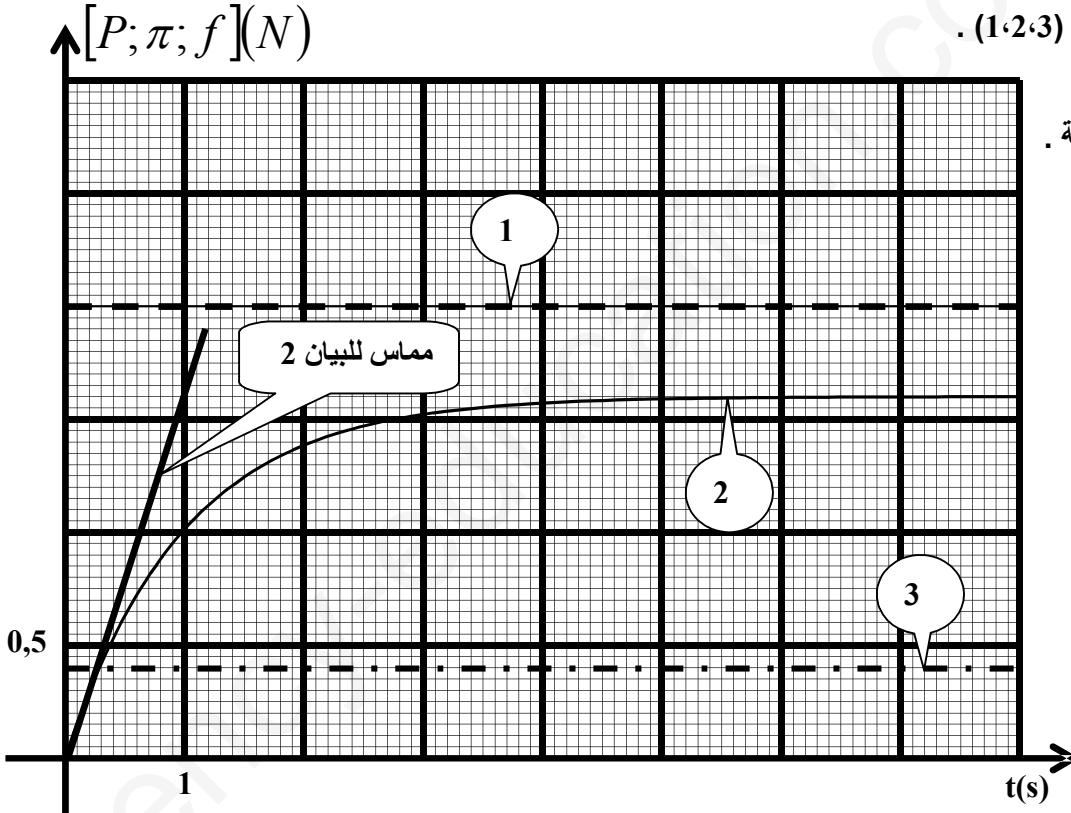
(3) بواسطة برمجية مناسبة تم رسم البيان : $\frac{1}{v^2} = f(h)$

- أ- أكتب العبارة البيانية .
- ب- استنتج كتلة الأرض M ونصف قطرها R .

يعطى : $G = 6,67.10^{-11} N.m^2 / Kg^2$

التمرين الثالث : (07 نقاط)

نترك عند اللحظة $t = 0$ ودون سرعة ابتدائية كرية حجمها $V = 4.10^{-5} m^3$ وكتلتها $m = 200 g$ وكتلتها الحجمية ρ لتسقط شاقوليا وبسرعة ضعيفة في مائع كتلته الحجمية ρ_0 (حيث $\rho > \rho_0$). باستعمال برمجية حصلنا على المنحنيات (1,2,3).



- (1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:
- جد المعادلة التفاضلية لسرعة الكرية .

- (2) استنتج عبارة كلا من:
- السرعة الحدية v_L
- التسارع الابتدائي a_0 للكرية .

- (3) أرفق المنحنى الموافق لكل قوة، مع التعليل.

- (4) اعتمادا على الشكل ، جد قيمة كلا من :

المائع	الماء	الزيت	الهواء	الغليسيرول
$\rho_0 \left(\frac{Kg}{m^3} \right)$	1000	920	1.295	1300

- أ- قيمة التسارع الأرضي g والزمن المميز للحركة τ .
- ب- ثابت الاحتكاك k والسرعة الحدية v_L .
- ت- التسارع a_0 بطريقتين مختلفتين .
- (5) ما هو المائع الذي استعمل في هذه الدراسة ؟