

(1) ليكن كثير الحدود $P(x)$ حيث : $P(x) = x^4 - 8x^2 - 9$.

- حلّي في $\mathbb{R}$ المعادلة : $P(x) = 0$. (0.5ن).

(2) إستنتجي حلول المعادلات التالية :

أ- $(\ln x)^4 - 8(\ln x)^2 - 9 = 0$. (0.75ن).

ب- $[\ln(\ln x)]^4 - 8[\ln(\ln x)]^2 - 9 = 0$. (0.75ن).

ج- $(\log x)^4 - 8(\log x)^2 - 9 = 0$. (0.75ن).

د- $e^{4x} - 8e^{2x} - 9 = 0$. (0.5ن).

(3) حلّي في $\mathbb{R}$ المتراجحة : $9e^{-4x} + 8e^{-2x} - 1 \leq 0$. (1.75ن).

التمرين الثاني (4ن):

نعتبر المتتالية الهندسية (v_n) ذات الأساس e^3 و الحدّ الأول $v_0 = 2$. (e أساس اللوغاريتم النيبيري).

(1) أحسبي بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$. (1ن).

(2) نعتبر المتتاليتين (u_n) و (w_n) المعرفتين من أجل كل عدد طبيعي n كما يلي :

$$u_n = w_n - v_n \text{ و } w_n = 6 - 4n + 2e^{3n}$$

- بيّني أنّ : المتتالية (u_n) حسابية ، حدّدي أساسها r و حدّها الأول u_0 . (1ن).

(3) أثبتني أنّه من أجل كل عدد طبيعي n ، $(n+1)(6-2n) = 6-4n = 2-2+\dots+6-4n$. (1ن).

(4) إستنتجي المجموع T_n بدلالة n حيث : $T_n = w_0 + w_1 + \dots + w_n$. (1ن).

التمرين الثالث (4ن):

نعتبر الدالة g المعرفة على $]0; +\infty[$ بـ : $g(x) = (\ln x)^2 + \ln x - 6$.

(1) أ- حلّي في المجال $]0; +\infty[$ المعادلة : $g(x) = 0$ ثمّ فسّري النتيجة هندسيًا. (0.25ن+0.75ن).

ب- حلّي $g(x)$ إلى جداء عاملين. (0.5ن).

ج- حلّي في المجال $]0; +\infty[$ المتراجحة : $2 \ln x + 1 \geq 0$. (0.5ن).

(2) أحسبي $g'(x)$ و إستنتجي إتجاه تغيّر الدالة g . (0.25ن+0.75ن).

(3) بيّني أنّ المنحنى (C_g) يقبل نقطة إنعطاف يُطلب تعيين إحداثياتها. (0.25ن+0.25ن+0.25ن).

التمرين الرابع (7ن):

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = e^x(e^x - 2)$.

(1) أحسبي نهايتي الدالة f عند $-\infty$ و عند $+\infty$. (0.5ن+0.5ن).

(2) أدرسي إتجاه تغيّر الدالة f ، ثمّ شكلي جدول تغيّراتها. (0.5ن+0.75ن).

(3) أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) الممّثل للدالة f عند النقطة التي فاصلتها $\ln 2$. (1ن).

(4) أرسمي (T) و (C_f) في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$. (0.5ن+1ن).

(5) أ- جدي دوال أصلية للدالة f على $\mathbb{R}$. (1ن).

ب- أحسبي مساحة الحيز المحدّد بـ (C_f) و (xx') و المستقيمان ذو المعادلتين : $x = -2$ و $x = -1$. (0.5ن).

ملاحظات هامة جداً:

(1) يُمنع منعاً باتاً التشطيب و الكتابة تكون إما بالأزرق أو الأسود .

(2) لا تكتب و لا تُلطّخي هذه الورقة لأنك سترجعها مع ورقة الإجابة .

(3) يُمنع إستعمال الآلة الحاسبة ذات الشاشة التي يزيد عرضها عن 2cm.

$P(x) = a(x - x_1)(x - x_2) = (x + 1)(x - 9)$
 $x = e^{2n} \rightarrow P(e^{2n}) = (e^{2n} + 1)(e^{2n} - 9)$
 $= (e^{2n} + 1)(e^n + 3)(e^n - 3)$
 اما! شأ، بقا فاضلي

$$\begin{array}{c|ccc} & -\infty & -\ln 3 & +\infty \\ \hline 0,25 & e^{2n}+1 & + & + \\ 0,25 & e^{2n}+3 & + & + \\ 0,25 & e^n-3 & - & + \\ 0,25 & e^{4n} & + & + \\ 0,25 & (e^{4n})/e^{2n} & - & + \end{array}$$

* المسألة الثانية: (Vn) متتالية هندسية (54)

$\begin{cases} V_0 = 2 \\ q = e^3 \end{cases}$: ص
الساكنة

0.8 $F_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n = \frac{\text{الأساس}}{1 - \text{الأساس}} \times I_0$

$$L_{n-1} = 16 \times \frac{2^{n-1} - 1}{2 - 1} = 2 \times \frac{(e^3)^{n+1} - 1}{e^3 - 1}$$

$$S_n = 2 \cdot \left(\frac{e^{3 \cdot 15} - 1}{e^3 - 1} \right) : 4 \text{ Mio } 3$$

❖ اثبات ان $(\cup)$ پایسته است. فرض کنیم

حسب المعطيات فإن $q = 2 \times 10^3$ ج/ك
 $V_n = V_0 \times q^n = 2 \times (2^3)^n = 2^8$: $V_n = 1$

$$w_n = 6 - 4n + 2e^{3n} : \text{Ans}$$

$$\hookrightarrow U_n = W_n - V_n = 6 - 4n$$

$$u_n = 6 - 4n \rightarrow u_{n+1} = 6 - 4(n+1) = 6 - 4n - 4$$

و منه (u_n) متناهيته انحصار $n = -5$
و صدها الكوا $u_0 = 6 - 4 = 2$ اي $u_0 = 6$

(3) اثبات این که $S'_n = 6 + 2 \cdot 2 + \dots + 6 + n = (n+1) \cdot 3$

$n=0 \rightarrow U_0 = 6: A \rightarrow U_1 = 6 - 4 = 2$ U_0 not comp
 $n=1 \rightarrow U_1 = 6 - 4 = 2$
 $n=2 \rightarrow U_2 = 6 - 8 = -2$

226
226

$S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n = (1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{2^n}) + \frac{1}{2^{n+1}}$

$$\rightarrow S_n = \frac{n-0+1}{2} (u_0 + u_n) = \frac{n+1}{2} (8 + 6 - 4n)$$

$$S_n' = (n+2)(6-2n)$$

4- استنتاج $T_n = W_0 + w_1 + \dots + w_n$ به روش اول
برای $n=1$: $w_1 = u_1 - v_1$
برای $n=2$: $w_2 = u_2 - v_2$

$$T_n = U_0 + V_0 + U_1 + V_1 + \dots + U_{n-1} + V_{n-1}$$

$$= (U_0 + U_1 + \dots + U_n) + (V_0 + V_1 + \dots + V_n)$$

$$= S_n + S'_n = \frac{2(e^{3n+3} - 1)}{e^3 - 1} + (n+1)(6-2n)$$

(65) * التحريز الاول: $P(x) = x^2 - 8x^2 - 9$
(66) * حل: $P(x) = 0$ $\Rightarrow$ $x^2 - 8x^2 - 9 = 0$

$$P(x) = 0 \rightarrow x^2 - 8x - 9 = 0 \quad \text{فإن } x = 2^2 \text{ زوج}$$

$$\Delta = (-8)^2 - 4(1)(-9) = 64 + 36 = 100 > 0$$

صحيح لأن $x_1 = m_1^2 = \frac{8-10}{2} = -1$; $x_2 = m_2^2 = \frac{8+10}{2} = 9$ 23-

$$x_2 = \frac{8+10}{2} = 9 > 0 \rightarrow |x_2| = 3 \rightarrow x_2 = -3$$

(3) استنتاج حاصل از ابعاد ۱، ۲، ۳:

$$④ (ln x)^4 - 8(ln x)^2 - 9 = P(ln x) = 0$$

$\rightarrow$ Die Basis $\{ \theta_1, \theta_2 \}$ von $\mathcal{L}(A)$ ist $\theta_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$, $\theta_2 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

وکتب میں ۱۰۰ طوطے
 $\ln n_1 = -3 \rightarrow n_1 = e^3$
 $\ln n_2 = +3 \rightarrow n_2 = e^3$
 $\ln n_3 = -3 \rightarrow n_3 = e^3$

$$(b) [L_n(L_m)]^4 - 8[L_n(L_m)]^2 - 9 = 0 = P(L_n(L_m))$$

$$n \in \mathbb{N}, n \geq 1, \text{ obtain } n \geq 1$$

$$\rightarrow \ln u = -3 \rightarrow u = e^{-3} \rightarrow x = e^{-3}$$

$$\{ \ln(\ln x_2) = 3 \rightarrow \ln x_2 = e^3 \rightarrow x_2 = e^{e^3} \}$$

$$⑥ (\log n)^4 - 8(\log n)^2 - 9 = 0 \Rightarrow P(\log n)$$

(c) $P(n) = 2$ و $P(\log n) = 2$ فتكافئتان،

$$\frac{\ln 10}{n} \log n_1 = \frac{\ln n_1}{\ln 10} = -3 \rightarrow \ln n_1 = -3 \ln 10$$

$$\hookrightarrow \ln n_1 = \ln 10^{-3}$$

$$n_1 = 10^3 \text{ bits}$$

$C = 2 \ln 10 \rightarrow n_2 = 10^3$ (2)
 $S = \{10^{-3}, 10^3\}$ وقوله

② $e^{4x} - 8e^{2x} - 9 = 0 \Rightarrow P(e^x)$
 فرض: $y = e^x$ $P(y) = y^2 - 8y - 9 = 0$

مثال 2) لي e^n في $\mathbb{R}$ من أجل $-3 < 0$: $e^n = -3$

$$4 \cdot 10^2 = 3 > 0 \rightarrow n_2 = \ln 3.$$

$$\frac{9}{e^{4n}} + \frac{8}{e^{2n}} \times \frac{e^{2n}}{e^{4n}} - 1 \times \frac{e^{4n}}{e^{4n}} \geq 0$$

$$\frac{-e^{4n} + 8e^{2n} + 9}{e^{4n}} \leq 0 \quad \text{كاف}$$

$$\rightarrow \frac{-e^{4n} + 8e^{2n} + 9}{e^{4n}} = P(e^2) > 0 \quad \text{و.ك}$$

المصفحة الصفحة

www.ency-education.com